



الجُمهُورِيَّةُ الليبيَّةُ

وزارة التربية والتعليم
قطاع المناهج والتوجيه
الإدارة العامة للمناهج

الرياضيات

لـلـصف السادس من التعليم الأسـاسـي

الجزء الثاني

فريق التأليف

د. شكيب محمد باجرش

د. عبد الله سلطان عبد الغني

د. محمد علي مرشد

أ. ذا النون محمد سعيد

أ. احمد سالم باحويirth

د. عوض حسين البكري

أ. يحيى بكار مصطفى

د. محمد عبد الرب محمد بشر

أ. مريم عبد الجبار سلمان

أ. علي عبد الواحد عبده

د. ردمان محمد سعيد

أ. عبده أحمد سيف

أ. سالمين محمد بسلوم

مراجعة فريق برئاسة
د. أمـة الأـله عـلـي حـمـدـ الـحـوريـ

الإخراج الفنى

التصميم : عبدالرحمن حسين المهرس

تدقيق التصميم : حامد عبد العالـم الشـيـبـانـي

٢٠١٤ - ١٤٣٥ م



النَّبِيُّ الْوَطَّانُ

ردددي أيتها الدنيا نشيد
رددديه واعيده واعيده
واذكري في فرحتي كل شهيد
وامتحنه حلالاً من ضوء عيدي

رددی أیتها الدنيا نشیدی
رددی أیتها الدنيا نشیدی

أنت عَهْدٌ عَالِقٌ فِي كُلِّ ذَمَّةٍ
أَخْلَدِي خَافِقَةً فِي كُلِّ قَمَّةٍ
وَادْخُرْتِي لَكِيَا أَكْرَهُ امْرَةٍ
وَحدَتِي.. وَحدَتِي.. يَا نَشِيدًا رَائِعًا يَمْلأُ نَفْسِي

عشّت أياماني وحبّي أمّيَا
ومسّيري فوق دري عربّا
وسيبّقني نصف قلبي يمنّيا
لن ترى الدنيا على أرضي وصّيا

المصدر: قانون رقم (٣٦) لسنة ٢٠٠٦ بشأن السلام الجمهوري ونشيد الدولة الوطنية للجمهورية اليمنية

أعضاء اللجنة العليا للمناهج

أ. د. عبدالرزاق يحيى الأشول.

- أ/ علي حسين الحيامي.
د/ أحمد علي المعمرى.
أ.د/ صالح عوض عرم.
د/ إبراهيم محمد الحوثي.
د/ شكيب محمد باجرش.
أ.د/ داود عبدالمالك الحدادي.
أ/ محمد هادي طواف.
أ.د/ أنيس أحمد عبدالله طائع.
أ/ محمد سرحان سعيد المخلافي.
أ/ عبدالله علي إسماعيل.
د/ عبد الله سلطان الصالحي.

د. عبدالله عبده الحامدي.
د/ صالح ناصر الصوفى.
أ.د/ محمد عبد الله الجنداوى.
أ/ عبدالكريم محمد الجنداوى.
د/ عبدالله علي أبو حورية.
د/ عبدالله ملس.
أ/ منصور علي مة بل.
أ/ أحمد عبدالله أحمد.
أ.د/ محمد سرحان سعيد المخلافي.
أ.د/ محمد حاتم المخلافي.

قررت اللجنة العليا للمناهج طباعة هذا الكتاب .

تقدير

في إطار تنفيذ التوجهات الرامية للاهتمام بنوعية التعليم وتحسين مخرجاته تلبية للاحتياجات ووفقاً للمتطلبات الوطنية.

فقد حرصت وزارة التربية والتعليم في إطار توجهاتها الإستراتيجية لتطوير التعليم الأساسي والثانوي على إعطاء أولوية استثنائية لتطوير المناهج الدراسية، كونها جوهر العملية التعليمية وعملية ديناميكية تتسم بالتجدد والتغيير المستمر لاستيعاب التطورات المتسارعة التي تسود عالم اليوم في جميع المجالات.

ومن هذا المنطلق يأتي إصدار هذا الكتاب في طبعته المعدلة ضمن سلسلة الكتب الدراسية التي تم تعديلها وتنقيحها في عدد من صفوف المرحلتين الأساسية والثانوية لتحسين وتجويد الكتاب المدرسي شكلاً ومضموناً، لتحقيق الأهداف المرجوة منه، اعتماداً على العديد من المصادر أهمها: الملاحظات الميدانية، والمراجعات المكتبية لتلافي أوجه القصور، وتحديث المعلومات وبما يناسب مع قدرات المتعلم ومستواه العمري، وتحقيق الترابط بين المواد الدراسية المقررة، فضلاً عن إعادة تصميم الكتاب فنياً وجعله عنصراً مشوقاً وجذاباً للمتعلم وخصوصاً تلاميذ الصفوف الأولى من مرحلة التعليم الأساسي.

ويعد هذا الإنجاز خطوة أولى ضمن مشروعنا التطويري المستمر للمناهج الدراسية ستتبعها خطوات أكثر شمولية في الأعوام القادمة، وقد تم تنفيذ ذلك بفضل الجهود الكبيرة التي بذلها مجموعة من ذوي الخبرة والاختصاص في وزارة التربية والتعليم والجامعات من الذين أنضجتهم التجربة وصدقهم الميدان برعایة كاملة من قيادة الوزارة والجهات المختصة فيها.

ونؤكد أن وزارة التربية والتعليم لن تتوانى عن السير بخطى حثيثة ومدروسة لتحقيق أهدافها الرامية إلى تطوير الجيل وتسلیحه بالعلم وبناء شخصيته المتزنة والمتكاملة القادرة على الإسهام الفاعل في بناء الوطن اليماني الحديث والتعامل الإيجابي مع كافة التطورات العصرية المتسارعة والمتغيرات المحلية والإقليمية والدولية.

أ. د. عبدالرzaق يحيى الأشول

وزير التربية والتعليم

رئيس اللجنة العليا للمناهج

المقدمة

حرصت وزارة التربية والتعليم على تطوير المناهج وفق أسس علمية وتربيوية، ويتبين ذلك من خلال تنظيم محتوى الكتاب المدرسي في صورة وحدات متكاملة ومترابطة تحقق أهداف تدريس المادة ، كما يتضمن الكتاب العديد من التدريبات والأنشطة والتطبيقات التي تغطي محتوى كل وحدة دراسية وذلك لمساعدة التلميذ / التلميذة على اكتساب المعرفة العلمية .

وقد تم عرض المادة بأسلوب سهل وواضح وزودت بالصور والوسائل التي تساعده في تنفيذ أنشطة التعلم وتنمية المهارات واكتساب المعرفة والقيم التي تسهم في النمو المتكامل لكل جوانب شخصية المتعلم .

ولم يغفل الكتاب المدرسي تضمين بعض المفاهيم الصحية والبيئية والسكانية والمفاهيم ذات الصلة ببعض القضايا المحلية والعالمية ، كما روعي ربط ما يدرسه التلميذ / التلميذة بواقع حياته / حياتها اليومية.

وللاستفادة القصوى من محتوى الكتاب لابد من اتباع الإرشادات الآتية:

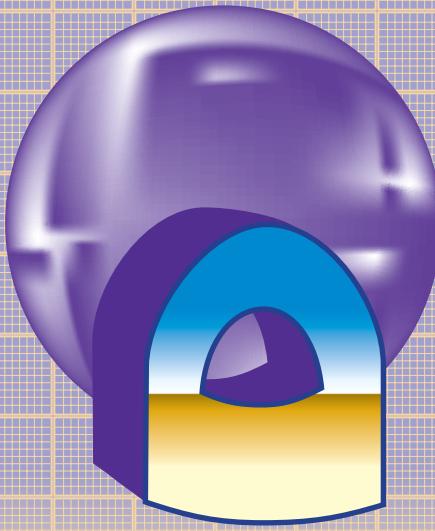
- ١- المحافظة على الكتاب وعدم تمزيقه لاستخدامه واستفادة منه الآخرون .
- ٢- القراءة المتأنيّة والفاصلة والتحليلية للدروس .
- ٣- تكوين استنتاجات وعبر من الدروس المقدمة لتصبح جزءاً من السلوك اليومي للطلاب / التلاميذ .
- ٤- توجيه السؤال والاستفسار للمعلم بهدف الاستفادة .
والله الموفق ،،

المؤلفون

المحتويات

رقم الصفحة	الموضوع	الوحدة الخامسة
٧	٥ - التناسب والتقسيم التناصي	الوحدة الخامسة
٨	١:٥ التناسب	
١٤	٢:٥ تدريبات ومسائل	
١٧	٣:٥ التكبير والتصغير	
٢٣	٤:٥ مقياس الرسم	
٣١	٥:٥ مسائل تطبيقية	
٤٠	٦:٥ التقسيم التناصي	
٤٣	٧:٥ الميراث	
٤٦	٨:٥ مسائل تطبيقية	
٥٣	٩:٥ اختبار الوحدة	
٥٤	٦ - الهندسة	الوحدة السادسة
٥٥	٦:٦ مراجعة	
٥٩	٦:٢ الزاويتان المتبادلتان والمتناهيرتان والمحالفة	
٦٥	٦:٣ شبه المنحرف	
٦٧	٦:٤ الدائرة	
٧١	٦:٥ متوازي المستويات والمكعب	
٧٥	٦:٦ المنشور القائم	
٧٨	٦:٧ الإسطوانة	
٨١	٦:٨ الهرم والمخروط	
٨٤	٦:٩ اختبار الوحدة	

رقم الصفحة	الموضوع
٨٥	الوحدة السابعة ٧ - القياس
٨٦	١: مراجعة ٧
٩٢	٢: محيط ومساحة شبه المنحرف ٧
٩٨	٣: محيط ومساحة الدائرة ٧
١٠٤	٤: الزاويتان المجاورتان والمرسومتان ٧ على مستقيم واحد
١٠٩	٥: مجموع قياسات زوايا المثلث ٧
١١٤	٦: المساحة الجانبية والمساحة الكلية ٧
١٢٢	٧: الحجم والسعفة ٧
١٢٨	٨: الحجوم ٧
١٣٤	٩: السرعة والمسافة ٧
١٣٨	١٠: اختبار الوحدة ٧
١٣٩	الوحدة الثامنة ٨ - الإحصاء
١٤١	١: جمع البيانات وتنظيمها ٨
١٤٦	٢: عرض البيانات بالصور ٨
١٥٠	٣: تمثيل البيانات بالصور ٨
١٥٢	٤: عرض البيانات بالأعمدة ٨
١٥٦	٥: عرض البيانات بالخطوط ٨
١٥٩	٦: عرض البيانات بالقطاعات الدائرية ٨
١٦٣	٧: الوسط الحسابي (المعدل) ٨
١٦٦	٨: اختبار الوحدة ٨



الوحدة الخامسة

التناسب والتقسيم التناصبي

التناسب

درست النسبة في الوحدة السابقة ، وعرفت أن النسبة بين العددين

$$3, 4 \text{ هي } 3 : 4 \text{ أو } \frac{3}{4}$$

وأن النسبة بين العددين 6 ، 8 هي 6 : 8 أو $\frac{6}{8}$

وكما تعلم $\frac{6}{8} = \frac{3}{4}$ (كسران متكافئان)

إذن النسبة $\frac{6}{8} = \frac{3}{4}$ = النسبة

وعندما تتساوى النسبتان يسمى ذلك تناسباً .

التناسب هو تساوي نسبتين

ويمكن كتابة التنااسب بالصورة $3 : 4 = 6 : 8$ ؛

وتقرأ 3 إلى 4 تساوي 6 إلى 8

كما يمكن كتابة التنااسب بالصورة $\frac{3}{4} = \frac{6}{8}$

ويسمى العددان 3 ، 8 طرفي التنااسب ،

كما يسمى العددان 4 ، 6 وسطي التنااسب

وتسمى الأعداد 3 ، 4 ، 6 ، 8 بهذا الترتيب أعداداً متناسبة ،

مثال ١

بيان أن أزواج النسب التالية تكون تناسباً

$$(أ) \frac{8}{12}, \frac{2}{3} ; (ب) \frac{3}{6}, \frac{2}{4}$$

الحل

$$(أ) \frac{2}{3} = \frac{2}{3} \quad (\text{في أبسط صورة})$$

$$\frac{2}{3} = \frac{8}{12} \quad (\text{بقسمة كل من حدي النسبة على 4})$$

$$\frac{8}{12} = \frac{2}{3} \quad \text{إذن يكون تناسباً.}$$

$$(ب) \frac{1}{2} = \frac{2}{4} \quad (\text{بقسمة كل من الحدين على 2})$$

$$\frac{1}{2} = \frac{3}{6} \quad (\text{بقسمة كل من الحدين على 3})$$

$$\frac{3}{6} = \frac{2}{4} \quad \text{إذن يكون تناسباً.}$$

مثال ٢

هل تشكل الأعداد ٥، ٧، ١٥، ٢١ بهذا الترتيب تناسباً؟ لماذا؟

الحل

النسبة الأولى هي ٥ : ٧؛ والنسبة الثانية ١٥ : ٢١

$$\text{فهل } \frac{15}{21} = \frac{5}{7} ?$$

$$\text{نعم } \frac{15}{21} = \frac{5}{7} \quad (\text{لماذا؟})$$

وببناء على ذلك فالأعداد ٥، ٧، ١٥، ٢١ وفق هذا الترتيب متناسبة.

قاعدة الضرب التبادلي :

احسب حاصل ضرب الطرفين ، وحاصل ضرب الوسطين في كل تناصب
ما يلي :

$$\frac{6}{8} = \frac{3}{4} \quad (\text{أ})$$

حاصل ضرب الطرفين $= 8 \times 3 = 24$

حاصل ضرب الوسطين $= 6 \times 4 = 24$

$$\frac{2}{3} = \frac{6}{9} \quad (\text{ب})$$

حاصل ضرب الطرفين : =

حاصل ضرب الوسطين : =

$$\frac{15}{20} = \frac{3}{4} \quad (\text{ج})$$

حاصل ضرب الطرفين :

حاصل ضرب الوسطين :

ماذا تستنتج ؟

نجد في كل تناصب أن :

حاصل ضرب الطرفين يساوي حاصل ضرب الوسطين
أي إذا كان $\frac{a}{b} = \frac{c}{d}$ ، فإن $a \times d = b \times c$

مثال ٣

أي زوج من النسب التالية يشكل تناسباً؟ ولماذا؟

$$(أ) \frac{4}{6}, \frac{3}{8} \quad (ب) \frac{1}{5}, \frac{3}{15} \quad (ج) \frac{7}{8}, \frac{3}{4}$$

الحل

$$، 24 = 8 \times 3 \quad : \quad \frac{4}{8} = \frac{3}{6} \quad (أ)$$

$$، 24 = 4 \times 6$$

لذلك فإن $\frac{4}{8} = \frac{3}{6}$

إذن $\frac{4}{8} = \frac{3}{6}$ تشكل تناسباً؛

لأن حاصل ضرب الطرفين = حاصل ضرب الوسطين.

$$(ب) \frac{3}{15} = \frac{1}{5} \quad : \quad 15 = 15 \times 1$$

$$، 15 = 3 \times 5$$

لذلك فإن $\frac{3}{15} = \frac{1}{5}$

إذن $\frac{1}{5}, \frac{3}{15}$ تشكل تناسباً؛

لأن حاصل ضرب الطرفين = حاصل ضرب الوسطين

$$(ج) \frac{7}{8} = \frac{3}{4} \quad : \quad 24 = 8 \times 3$$

$$، 28 = 7 \times 4$$

لذلك فإن $\frac{7}{8} \neq \frac{3}{4}$

إذن $\frac{7}{8} \neq \frac{3}{4}$ لا تشكل تناسباً؛

لأن حاصل ضرب الطرفين \neq حاصل ضرب الوسطين.

مثال ٤

أُوجِدَ قيمَةُ سُ في التَّنَاسُبِ التَّالِيِّ :

الحل

حاصل ضرب الطرفين يساوي حاصل ضرب الوسطين :

$$س \times 3 = 9 \times 2$$

$$\dots \text{ لماذا؟} \quad \frac{س \times 3}{3} = \frac{9 \times 2}{3}$$

$$س = 6$$

تدريبات صفية

(١) بيّن أنَّ أزواجَ النسبِ التاليةِ تكونُ تناصِباً :

$$(أ) \frac{8}{16}, \frac{2}{4}; \quad (ب) \frac{4}{12}, \frac{1}{3}$$

(٢) الجدول التالي يبيّن أعداداً في ترتيب معين ، هل هي متناسبة أم لا؟ ولماذا؟

السبب	الجواب	الأعداد	
$\frac{4}{6} = \frac{2}{3}$	نعم	٦، ٤، ٣، ٢	أ
$\frac{6}{8} \neq \frac{4}{5}$	لا	٨، ٦، ٥، ٤	ب
		٣٠، ٢٠، ٣، ٢	ج
		٢٠، ٤، ١٥، ٣	د
		١٨، ١٠، ٦، ٥	هـ

(٣) بين أيّاً من أزواج النسب التالية تكون تناصباً :

(أ) $\frac{14}{9}$ ، $\frac{7}{6}$ (ب) $\frac{12}{20}$ ، $\frac{3}{5}$ (ج) $\frac{6}{12}$ ، $\frac{2}{7}$

تمارين وسائل

(٤) ضع عدداً في \square حتى تصبح الأعداد الآتية متناسبة :

(أ) ١٨، ٦، \square ، ٥

(ب) \square ، ١٢ ، ٥ ، ٤

(ج) ٢٠ ، ١٦ ، ٥ ، \square

(٥) أوجد قيمة س :

(أ) $\frac{20}{8} = \frac{s}{4}$ (ب) $\frac{2}{3} = \frac{s}{12}$:

(ج) $\frac{3}{s} = \frac{5}{6}$ (د) $\frac{9}{8} = \frac{36}{s}$:

(٦) غير في ترتيب الأعداد ٣ ، ٤ ، ١ ، ١٢ بحيث تصبح تناصباً؟

(٧) يبلغ وزن ٣٠ صندوقاً من الطماطم ٢١٠ كيلو جرام ، احسب وزن ١٢٠ صندوقاً من النوع نفسه؟

(٨) نسبة عمر رقية إلى عمر والدها ٩:٢ فإذا كان عمر والدها ٣٦ سنة فكم عمر رقية؟

تدريبات ومسائل

مثال ١

إذا كان ثمن ٤ أقلام ٨٠ ريالاً ، فما ثمن ٩ أقلام من النوع نفسه ؟

الحل

من الملاحظ أنه كلما ازداد عدد الأقلام ازداد ثمن شرائها ، والعكس صحيح .

وهذا يدل على وجود تناوب بين عدد الأقلام وثمنها .

$$\frac{\text{عدد الأقلام في الحالة الأولى}}{\text{عدد الأقلام في الحالة الثانية}} = \frac{\text{ثمن الأقلام في الحالة الأولى}}{\text{ثمن الأقلام في الحالة الثانية}}$$

$$\frac{٨٠}{\text{ثمن الأقلام في الحالة الثانية}} = \frac{٤}{٩}$$

$$٤ \times \text{ثمن الأقلام في الحالة الثانية} = ٨٠ \times ٩ \quad (\text{لماذا ؟})$$

$$\frac{٨٠ \times ٩}{١٨٠} = \frac{٤ \times س}{١} \quad (\text{بقسمة الطرفين على ٤})$$

$$\text{إذن } س = ١٨٠$$

إذن ثمن الأقلام في الحالة الثانية = ١٨٠ ريالاً .

مثال ٢

بَيْنَ أَيِّ الزُّوْجَيْنِ يَكُونُ تَنَاسِبًاً :

$$\frac{20}{48}, \frac{4}{12} \quad (\text{ب})$$

$$\frac{18}{42}, \frac{3}{7} \quad (\text{أ})$$

الحل

$$? \quad \frac{18}{42} = \frac{3}{7} \quad (\text{أ}) \text{ هل}$$

$$126 = 18 \times 7, \quad 126 = 42 \times 3$$

$$\text{إذن } 3 \times 7 = 42$$

وهذا يعني أن الزوج $\frac{18}{42}$ ، $\frac{3}{7}$ يكون تناسباً.

$$? \quad \frac{20}{48} = \frac{4}{12} \quad (\text{ب}) \text{ هل}$$

$$192 = 48 \times 4$$

$$240 = 20 \times 12$$

$$\text{إذن } 4 \times 12 \neq 48 \times 4$$

وهذا يعني أن الزوج $\frac{20}{48}$ ، $\frac{4}{12}$ لا يكون تناسباً.

تمارين ومسائل

(١) بين أي الأزواج التالية تكون تناسباً :

(أ) $\frac{9}{3}$ ، $\frac{7}{6}$ ؛ (ب) $\frac{6}{15}$ ، $\frac{2}{5}$

(ج) $\frac{12}{25}$ ، $\frac{4}{7}$ ؛ (د) $\frac{9}{24}$ ، $\frac{3}{8}$

(٢) أوجد قيمة س في كل مما يأتي :

(أ) $\frac{4}{6} = \frac{8}{12}$ ؛ (ب) $\frac{7}{3} = \frac{s}{s}$

(ج) $\frac{9}{6} = \frac{5}{12}$ ؛ (د) $\frac{s}{6} = \frac{3}{12}$

(٣) نسبة عدد سكان إحدى القرى قبل ٥ سنوات إلى عدد سكانها الآن هي ٣:٢ فإذا كان عدد سكان القرية الآن ٦٠٠٠ نسمة ، فكم كان عددهم قبل ٥ سنوات ؟

(٤) إذا كان عمر خالد ٩ سنوات ، وكانت النسبة بين عمره وعمر والده $\frac{2}{8}$ ، فما عمر والده ؟

(٥) نسبة عدد المواليد إلى عدد السكان في إحدى المدن في العام الماضي هي ٣٢:١٠٠٠ ، فإذا كان عدد المواليد في تلك المدينة في ذلك الوقت ٥١٢ مولوداً ، فكم عدد سكان المدينة ؟

(٦) قطعة أرض مستطيلة الشكل نسبة طولها إلى عرضها هي ٣:٢ ، فإذا كان طولها ٦٠ متراً ، فكم عرضها ؟

التكبير والتصغير

من شروط صحة الصلاة دخول الوقت ، ومثال ذلك وقت الظهر ويبداً عندما يكون ظل الإنسان أسفله ، ويمتد حتى يتساوى الشيء وظله وعندها يدخل وقت العصر (صلاة العصر) ويمتد حتى غروب الشمس .

- أي أن ظل أي شيء إما أن يكون أصغر منه ويسمى " تصغيراً ،
- أو أكبر منه ويسمى " تكبيراً ، ويمكن للرسامين أو المصورين أو النحاتين وضع الصور ، أو الرسومات ، أو الجسمات المصغرة ، أو المكبرة لأي شيء في الواقع ، بمعرفة نسبة معينة تسمى نسبة التصغير أو نسبة التكبير .

فقد تكون نسبة التصغير $\frac{1}{2}$ أو $\frac{1}{3}$ أو $\frac{1}{4}$ أو $\frac{2}{3}$ أو $\frac{2}{5}$ أو $\frac{1}{9}$...

أما نسبة التكبير فقد تكون $\frac{1}{2}$ أو $\frac{3}{1}$ أو $\frac{4}{1}$ أو $\frac{3}{2}$ أو $\frac{5}{2}$ أو $\frac{9}{2}$ ، ... ،

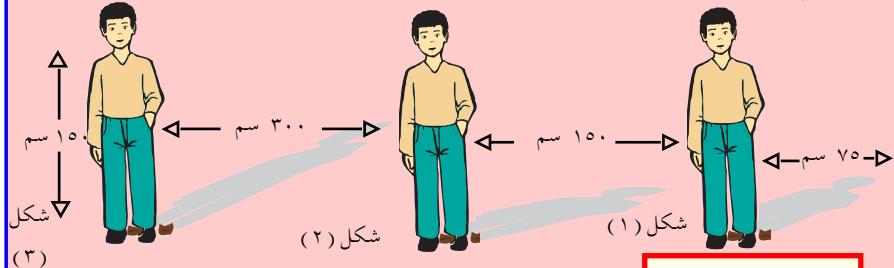
إذن نسبة التصغير = $\frac{\text{طول الظل}}{\text{الطول الحقيقي}}$ عندما يكون طول الظل أصغر من

الطول الحقيقي

إذن نسبة التكبير = $\frac{\text{طول الظل}}{\text{الطول الحقيقي}}$ عندما يكون طول الظل أكبر من الطول الحقيقي

مثال ١

حدد أي الأشكال الثلاثة التالية تمثل تصغيراً أو تكبيراً للطول الحقيقي للطالب عمر وما نسبة التصغير ونسبة التكبير؟



الحل

- في الشكل رقم (١) طول الظل ٧٥ سم ، وهو أصغر من الطول الحقيقي ١٥٠ سم ، وهذا يمثل تصغيراً.

- في الشكل رقم (٢) طول الظل ١٥٠ سم ، وهو يساوي الطول الحقيقي ١٥٠ سم ، ولا يمثل تصغيراً ، ولا تكبيراً.

- في الشكل رقم (٣) طول الظل ٣٠٠ سم ، وهو أكبر من الطول الحقيقي ١٥٠ سم، ويمثل تكبيراً.

$$\text{نسبة التصغير} = \frac{\text{طول الظل في الشكل رقم (١)}}{\text{الطول الحقيقي}}$$

$$\begin{aligned}\frac{75}{150} &= \\ \frac{1}{2} &= \end{aligned}$$

أي أن نسبة التصغير تساوي ١ : ٢: طول الظل في الشكل (٣)

$$\text{نسبة التكبير} = \frac{\text{الطول الحقيقي}}{\text{طول الظل في الشكل (٣)}}$$
$$\begin{aligned}\frac{300}{150} &= \\ \frac{2}{1} &= \end{aligned}$$

أي أن نسبة التكبير تساوي ٢ : ١

مثال ٢

في الشكل (٤) صورة لقلم رصاص بأبعاده الحقيقية ٦ سم ، ٦ سم ، ٦ سم



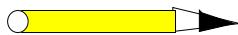
الشكل (٤)

أما الشكل رقم (٥) فيمثل صورة مكبرة للقلم نفسه ، حيث تغيرت أبعاده ، فأصبحت على الترتيب ١٢ سم ، ١٢ سم ، ١٢ سم



الشكل (٥)

الشكل (٦) يمثل صورة مصغرة للقلم نفسه ، حيث تغيرت أبعاده ليصبح ٣ سم ، ٣ سم ، ٣ سم على الترتيب .



الشكل (٦)

- أوجد النسبة بين أبعاد القلم في صورته المكبرة ، وبين الأبعاد الحقيقية لأجزائها المعاينة ، وضعها في أبسط صورة ؟

$$\text{الحل: } \frac{2}{1} = \frac{12}{6} = \frac{12}{6}$$

أي أن نسبة التكبير تساوي ٢ : ١

- أوجد النسبة بين أبعاد القلم في صورته المصغرة ، وبين الأبعاد الحقيقية لأجزائها المعاينة ، وضعها في أبسط صورة

$$\frac{1}{2} = \frac{3}{6} = \frac{3}{6}$$

أي أن نسبة التصغير تساوي ١ : ٢

يلاحظ من المثال رقم (٢) أنه في حال التكبير يحصل على نسبة تكبير أكبر من الواحد ، وأن نسبة التصغير أصغر من الواحد وأن التكبير والتصغير لا يغيران من شكل الأشياء .

مثال ٣

رسم عاصم صورة لشجرة البن اليمني وكان ارتفاعها ٨ سم ، ثم قام بتكبيرها فأصبح ارتفاعها ٢٤ سم ، احسب نسبة التكبير ؟

الحل

$$\text{نسبة التكبير} = \frac{\text{ارتفاع الشجرة بعد التكبير}}{\text{ارتفاع الشجرة في الصورة الأصل}}$$

$$\text{نسبة التكبير} = \frac{\frac{3}{1}}{\frac{24}{8}} = \frac{3}{3}$$

أي أن نسبة التكبير = ٣ : ١

مثال ٤

ارتفاع منارة مسجد في إحدى الصور يساوي ٢١ م، وبعد تصغيرها أصبح ارتفاع المنارة في الصورة يساوي ٣٠ سم .
احسب نسبة التصغير ؟

الحل

$$\text{نسبة التصغير} = \frac{\text{الارتفاع بعد التصغير}}{\text{الارتفاع في الصورة الأصل}} =$$

$$= \frac{٣٠ \text{ سم}}{٢١ \text{ م}}$$

نوحد النسبة بين البسط والمقام

$$١ \text{ م} = ١٠٠ \text{ سم} , \text{ إذن } ٢ \text{ م} = ١٢٠ \times ١٠٠ = ١٢٠ \text{ سم}$$

$$\text{إذن نسبة التصغير} = \frac{١}{٤} = \frac{٣٠ \text{ سم}}{١٢٠ \text{ سم}}$$

أي أن نسبة التصغير تساوي ١ : ٤

تمارين ومسائل

(١) في الشكل (٨) صورة طولها ٤ سم ، وعرضها ٣ سم في الشكل (٩) تكبير لهذه الصورة . قس أبعادها ثم احسب نسبة التكبير بين الصورتين .



شكل (٩)



شكل (٨)

(٢) اعتبر الصورة في الشكل السابق رقم (٩) هي الأصل ، والصورة في الشكل رقم (٨) تصغيراً لها ، أوجد نسبة التصغير بين الشكلين .

(٣) كُبِّرت صورة بنسبة تكبير قدرها $\frac{5}{4}$ ، فإذا علم أن بعدي الصورة قبل التكبير ٦ ، ٤ سم ، فاحسب بعديها بعد التكبير .

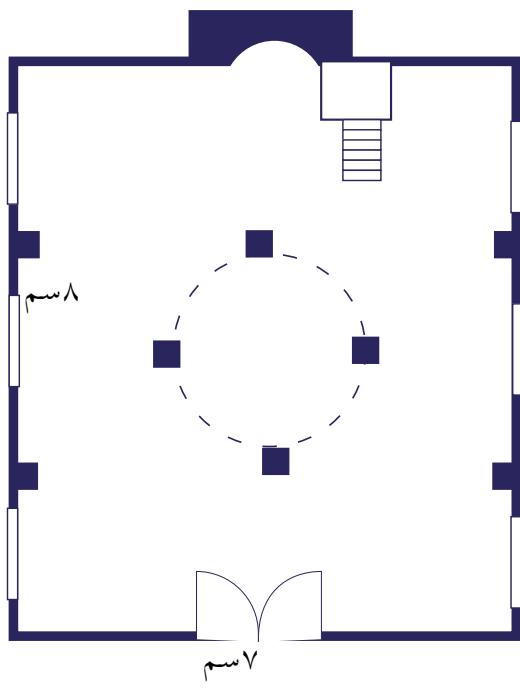
(٤) إذا كان طول ظل إحدى أشجار النخيل ٦٠٠ سم ، فاحسب الطول الحقيقي لشجرة النخيل ؟ إذا كانت نسبة التصغير ٠٣:٢

(٥) إذا كان ارتفاع منزل عماد الدين ٢٥ م ، فكم يكون ارتفاع المنزل في صورة مصغرة بنسبة ١٢٥:١ ؟

(٦) صورة على شكل مثلث ؛ أضلاعه ٢ ، ٣ ، ٤ سم كُبِّرت بنسبة تكبير قدرها ٢ : ١ ما أبعاد الصورة بعد التكبير ؟

مقاييس الرسم

عند رسم خارطة الجمهورية اليمنية ، أو رسم مخطط هندسي لقطعة أرض على الورقة ، نلجأ إلى تصغير الأبعاد الحقيقية بنسبة تصغير معينة ، أي رسم صورة مصغرة لقطعة الأرض على الورقة ، لأننا لا نستطيع رسم أي مخطط "خارطة" بنفس الأبعاد الحقيقة لقطعة الأرض على الورق .



مثال : إذا أراد أحد المهندسين (كما في الشكل المجاور) وضع مخطط لبناء مسجد على قطعة أرض مستطيلة الشكل ، أبعادها ٨٠ متراً ، ٧٠ متراً ، فعليه أولاً البحث عن نسبة تصغير مناسبة . فإذا أخذ النسبة $\frac{1}{١٠}$ ، أي أن كل متر في

المخطط يقابله ١٠ أمتار في الواقع لتصبح أبعاد ورقة المخطط ٨ متراً ، ٧ متراً وهذه أبعاد غير مناسبة على الورق .

إذا أخذ النسبة $\frac{1}{١٠٠}$ ، فإن كل ١ سم في المخطط يقابله ١٠٠ سم في الواقع لتصبح أبعاد المخطط ٨٠ سم ، ٧٠ سم ، وهذه أبعاد مناسبة إلى حد ما .

وإذا أخذت النسبة $\frac{1}{100}$ فإن كل 1 سم في المخطط يقابله 1000 سم في الواقع لتصبح أبعاد المخطط 8 سم ، 7 سم ، وهذه أبعاد مناسبة . لذلك فإن الشكل بالصفحة السابقة يمثل مخططاً أبعاده 8 سم ، 7 سم بعد تصغير أبعاد قطعة الأرض بنسبة تصغير $\frac{1}{100}$. إذن فنسبة التصغير $\frac{1}{100}$ ، $\frac{1}{100}$ ، \dots ، \dots ،

لذلك يمكن القول أن النسبة التي تمثل البعد بين أي نقطتين على الرسم (المخطط) إلى البعد الحقيقي بينهما في الواقع ، تسمى مقياس الرسم .

$$\text{مقياس الرسم} = \frac{\text{البعد بين أي نقطتين على الرسم}}{\text{البعد الحقيقي بينهما}}$$

مثال ١

وضع مخطط لبناء مستشفى على قطعة أرض طولها ٣٣٠ متراً ، وعرضها ٢٢٠ متراً ، فإذا كان طولها في المخطط ٣٣ سم ، فاحسب مقياس الرسم وعرض قطعة الأرض في المخطط ؟

الحل

$$1) \text{ مقياس الرسم} = \frac{\text{البعد على الرسم}}{\text{الطول في المخطط لقطعة الأرض}} = \frac{\text{الطول في المخطط لقطعة الأرض}}{\text{البعد الحقيقي لقطعة الأرض}}$$

$$= \frac{33 \text{ سم}}{330 \text{ متراً}}$$

وحيث أن $330 \text{ متراً} = 100 \times 3300 \text{ سم}$

$$\frac{1}{1000} = \frac{\text{سم } 33}{\text{سم } 3300}$$

مقاييس الرسم

إذن مقاييس الرسم $1 : 1000$

$$2) \text{ مقاييس الرسم} = \frac{\text{عرض الأرضية في الخطط}}{\text{عرض الأرضية الحقيقي}}$$

$$\frac{\text{عرض الأرضية في الخطط}}{\text{عرض الأرضية في المتر}} = \frac{1}{1000}$$

باستخدام الضرب التبادلي ستتجد أن :

عرض الأرضية في الخطط $\times 1000 = 1 \times 220$ متر (بالقسمة على 1000 للطرفين)

$$\text{عرض الأرضية في الخطط} = \frac{220 \text{ متر}}{1000}$$

وحيث ان $220 \text{ متر} = 100 \times 2200 \text{ سم} = 22000 \text{ سم}$

$$\text{عرض الأرضية في الخطط} = \frac{22000 \text{ سم}}{1000} = 22 \text{ سم}$$

إذن عرض الأرضية في الخطط = 22 سم.

مثال ٢

المسافة بين مدينة صنعاء ومدينة صعدة ١٨٠ كم .
والمسافة بينهما على الخريطة تساوي ١,٨ سم احسب مقاييس الرسم .

الحل

$$\text{مقاييس الرسم} = \frac{\text{البعد على الخريطة}}{\text{البعد الحقيقي}}$$

$$\text{مقاييس الرسم} = \frac{1,8 \text{ سم}}{180 \text{ كم}} = \frac{1,8}{18000000}$$

$$= \frac{1}{1000000} = \frac{18}{18000000} = \frac{1,8 \text{ سم}}{180 \text{ كم}}$$

إذن مقاييس الرسم يساوي ١ : ١٠٠٠٠٠٠

مثال ٣

رسمت منارة الجامع الكبير بمقاييس رسم ١ : ٧٠٠ فإذا علمنا أن ارتفاع المنارة في الرسم تساوي ٧ سم ، فاحسب ارتفاع المنارة الحقيقي بالأمتار .

الحل

$$\text{مقاييس الرسم} = \frac{\text{الارتفاع في الرسم}}{\text{الارتفاع الحقيقي}} = \frac{7 \text{ سم}}{700 \text{ الأمتار}}$$

$$= \frac{1}{100}$$

باستخدام الضرب التبادلي في التنااسب نجد أن :

$$\text{الارتفاع الحقيقي للمنارة} = 7 \times 700$$

$$\text{إذن الارتفاع الحقيقي للمنارة} = 4900 \text{ سم} = 49 \text{ مترًا}$$

مثال ٤

رسم مخطط لبناء غرفة مستطيلة الشكل لأحد المعامل ، بمقاييس رسم ٣ : ١٠٠٠ ، فإذا كانت أبعاد الغرفة في الواقع ٨ أمتار ، ٦ أمتار ، فاحسب بعدي الغرفة في الرسم .

الحل

$$\text{مقاييس الرسم} = \frac{\text{الطول على الرسم}}{\text{الطول الحقيقي}}$$

$$\frac{\text{الطول على الرسم}}{\text{الطول الحقيقي}} = \frac{3}{1000} \quad (8 \text{ أمتار} = 100 \times 8 = 800 \text{ سم})$$

باستخدام الضرب التبادلي ينتج أن :

$$3 \times 800 = \text{الطول على الرسم} \times 1000$$

$$2400 = 1000 \times \text{الطول على الرسم} \quad (\text{بالقسمة على } 1000)$$

$$\text{إذن طول الغرفة على الرسم} = \frac{2400}{1000} = 2.4 \text{ سم}$$

ولإيجاد عرض الغرفة في الرسم نتبع الخطوات السابقة نفسها

$$\text{فنجد أن} \quad \frac{3}{100} = \frac{\text{عرض الغرفة على الرسم}}{6 \times 100}$$

$$\text{عرض الغرفة على الرسم} = 1000 \times 6 \times 3 = 1000 \times 18 \quad (\text{بالقسمة على } 1000)$$

$$\text{إذن عرض الغرفة على الرسم} = \frac{100 \times 18}{1000} = \frac{100 \times 6 \times 3}{1000}$$

$$= 1.8 \text{ سم}$$

تمارين ومسائل

(١) أكمل الجدول التالي :

الطول الحقيقي	الطول على الرسم	مقياس الرسم
٨١ متر	٩ سم	
	٦٠٦ سم	$\frac{1}{100000}$
٤٥ م		$\frac{1}{150}$
٤١ كم	٤١ سم	

(٢) القطعة المستقيمة $A-B$ المرسومة أدناه تمثل شارعاً طوله ٨ كيلومترات احسب مقياس الرسم المستخدم ؟

B A

(٣) تمثل الخارطة المرسومة جانباً خارطة الجمهورية اليمنية، وقد رسمت بمقاييس رسم ١ : ١٢٠٠٠٠٠ احسب المسافة الحقيقية بين المدن التالية :

- أ) صنعاء — عدن
- ب) الغيظة — المكلا
- ج) تعز — الضالع
- د) صعدة — الحديدة
- هـ) مأرب — عتق



خارطة الجمهورية اليمنية

مقياس الرسم ١ : ١٢

(٤) خارطة مرسومة بمقاييس رسم ١ : ١٠٠٠٠٠ ، فإذا علمنا أن المسافة الحقيقية بين مدینتي جدة وتعز تساوي (١٠٣٠ كيلو متر) ، فاحسب المسافة بينهما على الخارطة .

(٥) رسمت قطعة أرض مستطيلة الشكل بمقاييس رسم ١ : ١٠٠٠ ، فإذا كان طول قطعة الأرض في الرسم ٦ سم ، وعرضها ٤٥ سم فاحسب المساحة الحقيقية لقطعة الأرض .

(٦) رسم أحد المهندسين قطعة أرض مربعة الشكل طولها ٥٦ متراً على ورقة مربعة بمقاييس رسم ١ : ٨٠٠ إحسب :

- أ) مساحة قطعة الأرض على الرسم ، واحسب محيطها .
- ب) مساحة قطعة الأرض الحقيقية ، واحسب محيطها .

(٧) احسب المسافة الحقيقية بين مدینتي صنعاء وعمان ، إذا علم أن المسافة بينهما على خريطة مرسومة بمقاييس رسم ١ : ١٠٠٠٠٠ هي ٢٠٦ سم .

(٨) يبلغ طول ملعب ١٢ سم وعرضه ١٠ سم على مخطط مرسوم بمقاييس الرسم = $\frac{1}{٦٠٠}$ ، احسب المحيط الحقيقى للملعب .

(٩) طول شارع على خريطة مقاييس رسماها ١ : ٢٠٠٠ هو ٧ سم ، احسب طول الشارع على خريطة أخرى مقاييس رسماها (٤٠٠٠ : ١) .

مسائل تطبيقية

مثال ١

عبدالله أحد تلاميذ الصف السادس ، أخذت له صورة ، فكان طوله فيها ١٥ سم ، فإذا كانت نسبة التصغير لطوله هي ١:٨ ، فاحسب الطول الحقيقي لل תלמיד .

المعطيات :

- طول التلميذ في الصورة يساوي ١٥ سم .
- نسبة التصغير بين طول التلميذ في الصورة وطوله الحقيقي هي ١:٨ .

المطلوب :

حساب الطول الحقيقي للتلמיד

خطة الحل :

نسبة التصغير تبيّن نسبة طول التلميذ في الصورة إلى الطول الحقيقي للتلמיד ، وهي ١:٨ .
طول التلميذ في الصورة يساوي ١٥ سم ، فماذا يجب أن نحسب ؟

يبقى أن نحسب المجهول وهو طول التلميذ الحقيقي ، نكتب
أولاًً معادلة التنااسب ، ثم نستخدم خاصية (الضرب التبادلي)
لحساب الطول الحقيقي للتلמיד .

تنفيذ الحل :

$$\frac{\text{الطول في الصورة}}{\text{الطول الحقيقي}} = \frac{15}{\text{الطول الحقيقي}} = \frac{1}{8}$$

$$1 \times \text{الطول الحقيقي} = 15 \times 8 = 120 \text{ سم}.$$

إذن الطول الحقيقي لل תלמיד يساوي 120 سم.

مراجعة الحل :

نوحد نسبة التصغير بمعلومية الطول في الصورة ، والطول الحقيقي كالتالي :

$$\frac{1}{8} = \frac{15}{\text{الطول الحقيقي}} = \frac{\text{الطول في الصورة}}{120}$$

إذن نسبة التصغير تساوي 1:8 ، وهذا يتفق مع ما ورد سابقاً
إذن فالحل صحيح .

مثال ٢

رسمت غرفة مستطيلة الشكل طولها ٨ أمتار وعرضها ٦ أمتار ، بمقاييس رسم ٣ : ١٠٠٠ ، إحسب طول وعرض الغرفة في الرسم .

المطابق :

غرفة مستطيلة الشكل طولها الحقيقي ٨ أمتار ، وعرضها

ال حقيقي ٦ أمتار .

مقاييس الرسم يساوي ٣ : ١٠٠٠

؟



المطلوب :

تعيين طول الغرفة في الرسم وعرضها .

خطة الحل : نحاول رسم الغرفة كما في الشكل أعلاه
من المعلوم أن مقاييس الرسم = $\frac{\text{طول الغرفة على الرسم}}{\text{طول الغرفة الحقيقي}}$

وطالما أن مقاييس الرسم معلوم وهو ٣ : ١٠٠٠ ، وكذلك طول الغرفة الحقيقي معلوم ، وهو ٨ أمتار، فيجب أن نعرف المجهول ، وهو طول الغرفة في الرسم . ويتم حسابه باستخدام خاصية التناوب (الضرب التبادلي) وحساب عرض الغرفة في الرسم نستفيد من الخطوات السابقة .

تنفيذ الخل :

$$\frac{\text{طول الغرفة في الرسم}}{\text{طول الغرفة الحقيقي}} = \text{مقاييس الرسم}$$

$$\frac{\text{الطول على الرسم}}{\text{الطول على الرسم}} = \frac{3}{1000} \quad (\text{م} 8 = 100 \times 800 \text{ سم})$$

$$\frac{\text{الطول على الرسم}}{\text{الطول على الرسم}} = \frac{3}{1000} \quad (\text{سم} 800)$$

باستخدام خاصية التنااسب :

$$1000 \times 800 = 800 \times 1000 \quad (\text{بالقسمة على الطول على الرسم})$$

$$\text{الطول في الرسم} = \frac{800 \times 3}{1000}$$

$$\text{إذن الطول في الرسم} = \frac{2400}{1000} = 2.4 \text{ متر}$$

$$\frac{\text{عرض الغرفة في الرسم}}{\text{عرض الغرفة الحقيقي}} = \text{مقاييس الرسم}$$

$$\frac{\text{عرض الغرفة في الرسم}}{6 \text{ متر}} = \frac{3}{1000} \quad (\text{م} 6 = 100 \times 600 \text{ سم})$$

باستخدام خاصية التنااسب نجد أن :

$$1000 \times 600 = 600 \times 1000 \quad (\text{عرض الغرفة في الرسم})$$

$$1800 = 1000 \times \text{عرض الغرفة في الرسم} \quad (\text{بالقسمة على 1000})$$

$$\text{عرض الغرفة في الرسم} = \frac{1800}{1000}$$

$$\text{إذن عرض الغرفة في الرسم} = \frac{١٨٠٠}{١٠٠٠} = ١,٨ \text{ سم}$$

مراجعة الحل والتأكد من صحته :

للتأكد من صحة الحل نحسب مقياس الرسم بمعلومية طول الغرفة في الرسم والطول الحقيقي، وكذلك عرض الغرفة في الرسم والعرض الحقيقي للغرفة ،والمقارنة بمقاييس الرسم في المعطيات :

$$\text{مقياس الرسم} = \frac{\text{الطول على الرسم}}{\text{الطول الحقيقي}}$$

$$\frac{٢٤}{١٠ \times ٨٠٠} = \frac{٢٤ \text{ سم}}{٨٠٠ \text{ سم}} = \frac{٢٤ \text{ سم}}{٨ \text{ م}} =$$

$$\frac{٣}{١٠٠٠} = \frac{\cancel{٣}}{\cancel{٨٠٠}} =$$

$$\text{مقياس الرسم} = \frac{\text{عرض الغرفة على الرسم}}{\text{عرض الغرفة في الحقيقة}} = \frac{١,٨}{٦ \text{ أمتار}} =$$

$$\frac{٣}{١٠٠٠} = \frac{١٨}{٦٠٠٠} = \frac{١,٨}{٦٠٠} =$$

وهذا هو مقياس الرسم المعطى

إذن فالحل صحيح

تمارين ومسائل

٢ سم



٤,٥ سم

١) باب غرفة مستطيل الشكل طوله ١٨٠ سم ، وعرضه ٨٠ سم ،
رسم كما في الشكل المجاور ، عين
مقاييس الرسم .

٢) رسمت خريطة لمنطقة سكنية في إحدى المدن بمقاييس رسم ١ : ٥٠٠٠٠ ، وقياس البعد بين مدرستين على الخريطة نفسها
فوجد أنه يساوي ٣ سم
أوجد البعد الحقيقي بين هاتين المدرستين

٣) التقاطت صورة مكبّرة لحشرة ، وكان
طول الحشرة في الصورة : طولها الحقيقي = ٢:٧٥ . وإنما كان
طول الحشرة في الصورة ٧٥ سم فما طول الحشرة الحقيقي ؟

٤) إنما افترضنا أن شكل البحر الأحمر يمثل مستطيلاً ، وكان طوله
على الخريطة ٤ سم ، وعرضه ٦٥ سم رسم بمقاييس الرسم
١ : ٢٠٠٠٠٠ .
فاحسب مساحة البحر الأحمر التقديرية وفقاً لهذا الافتراض .

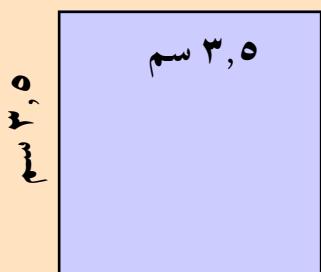


مقاييس الرسم ١ : ٢٠٠٠٠٠

٥) الشكل أعلاه جزء من خارطة العالم العربي ، مرسوم بمقاييس الرسم ١ : ٢٠٠٠٠٠٠ . احسب البعد الحقيقي بين المدن التالية :

- أ) صنعاء — مسقط
- ب) صنعاء — الرياض
- ج) صنعاء — القدس
- د) عدن — أبو ظبي
- ه) الحديدة — القاهرة

٦) يمثل الرسم المجاور مخططاً لقطعة أرض مربعة الشكل ؛ طول ضلعها ٣٥ متراً .

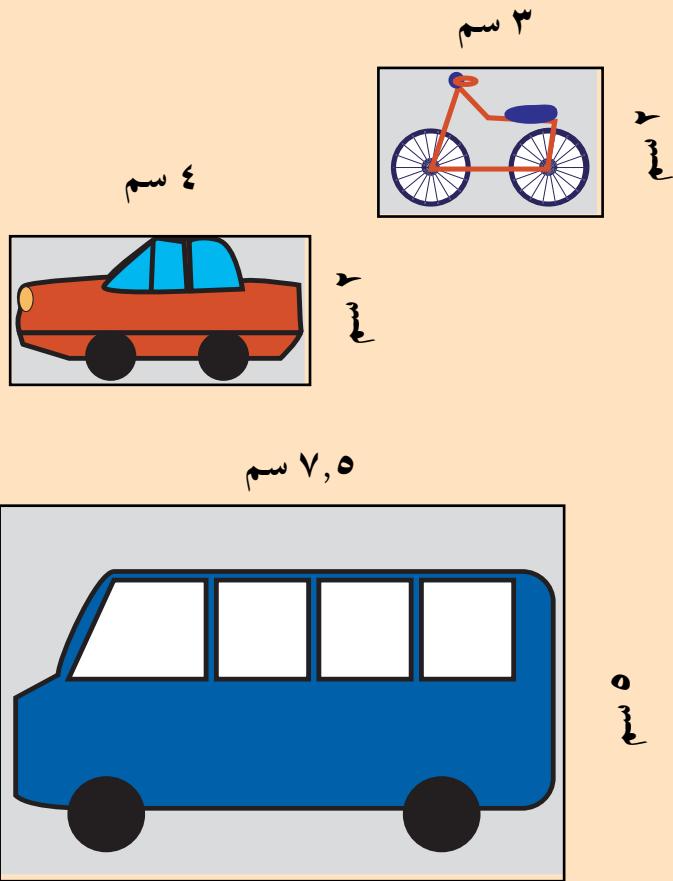


احسب مقياس الرسم لهذا المخطط ؟

٧) المسافة الحقيقية بين مدینتي مناخه وصعدة هي : كم ٢٠٠
أوجد المسافة بين المدینتين على خارطة مرسومة
بمقاييس رسم ١ : ٢٠٠٠٠٠

٨) ارسم مثلث أضلاعه ٤ ، ٣ ، ٢ سم ، كبرّ بنسبة تكبير ٣ : ٢ .
عين أبعاد رسم المثلث بعد التكبير .

٩) في الشكل المرسوم أدناه ثلاثة أنواع من اللعب يصنعها أحد المصانع ، رسمت بمقاييس رسم $1:100$. عين الطول ، والعرض الحقيقيين لكل نوع ؟



١٠) يبلغ طول ملعب ١٢ سم ، وعرضه ١٠ سم على مخطط مرسوم بمقاييس رسم $\frac{1}{60}$ ، فما مساحته الحقيقية ؟

التقسيم التناصبي

إذا أردنا تقسيم ١٥٠ ريالاً على شخصين ، بالتساوي فيأخذ كل منهما ٧٥ ريالاً ، وفي هذه الحالة تكون نسبة التقسيم ١ : ١ .
أما إذا أردنا تقسيم المبلغ المذكور على الشخصين بنسبة ٢ : ٣ ؛ فكم يكون نصيب كل واحد ؟

يمكنك إجراء عملية التقسيم هذه على النحو التالي :
عندما يعطى الشخص الأول ريالين فإن الشخص الثاني يعطى ٣ ريالات وبهذا تكون قد وزعنا ٥ ريالات من أصل المبلغ .
لنأخذ ٥ ريالات أخرى ، ونوزعها كما سبق :
ريالان للشخص الأول ، و٣ ريالات للشخص الثاني
وعند الاستمرار في ذلك سنجد أن :

$$\text{نصيب الأول} = \frac{2}{5} \text{ المبلغ ، وهو } 60 \text{ ريالاً}$$

$$\text{ونصيب الثاني} = \frac{3}{5} \text{ المبلغ ، وهو } 90 \text{ ريالاً .}$$

ما تقدم تستطيع ملاحظة أن التوزيع يتم في ضوء نسبة معينة ، وهو ما يسمى بالتقسيم التناصبي ؛ ويمكن أن يتضح بصورة أكثر من الأمثلة التالية :

مثال ١

وزعت احدى الجمعيات الخيرية مبلغًا من المال قدره ٦٠٠٠ ريال على أسرتين بنسبة ٢ : ٣ ؟ فما نصيب كل أسرة ؟

الحل

نسبة التوزيع ٢ : ٣

$$\text{مجموع المخصص (الجزء)} = ٣ + ٢ = ٥$$

$$\text{قيمة الحصة أو الجزء} = ١٢٠٠ = \frac{٦٠٠٠}{٥} \text{ ريال}$$

$$\text{نصيب الأسرة الأولى} = ٢ \times ١٢٠٠ = ٢٤٠٠ \text{ ريال}$$

$$\text{نصيب الأسرة الثانية} = ٣ \times ١٢٠٠ = ٣٦٠٠ \text{ ريال}$$

مثال ٢

اشترك ثلاثة أشخاص في مشروع تجاري، فدفع الأول ١٦٠٠٠ ريال، ودفع الثاني ٣٢٠٠٠ ريال، ودفع الثالث ٤٨٠٠٠ ريال، وقد بلغت أرباحهم ٢٤٠٠٠ ريال، فما نصيب كل منهم من الأرباح ؟

الحل

سيتم التقسيم في ضوء النسبة بين ما دفعه كل منهم نسب رؤوس الأموال :

الشخص الأول الشخص الثاني الشخص الثالث

$$٤٨٠٠٠ : ٣٢٠٠٠ : ١٦٠٠٠$$

$$\text{القاسم المشترك} ١٠٠٠ : ٤٨ : ٣٢ : ١٦$$

$$\text{القاسم المشترك} ٨ : ٦ : ٤ : ٢$$

$$\text{القاسم المشترك} ٢ : ٣ : ٢ : ١$$

مجموع الحصص "الأجزاء" = $٦ = ٣ + ٢ + ١$
 قيمة الحصة "الجزء" = $٤٠٠٠ = ٦ \div ٢٤٠٠٠$ ريال .
 إذن نصيب الشخص الأول = $٤٠٠٠ = ١ \times ٤٠٠٠$ ريال .
 نصيب الشخص الثاني = $٨٠٠٠ = ٢ \times ٤٠٠٠$ ريال .
 نصيب الشخص الثالث = $١٢٠٠٠ = ٣ \times ٤٠٠٠$ ريال
التحقق من صحة الحل :
 مجموع أنصبة الأشخاص الثلاثة = المكسب "الربح"
 مجموع أنصبة الأشخاص الثلاثة =
 $٤٠٠٠ + ٨٠٠٠ + ١٢٠٠٠ = ٢٤٠٠٠$ ريال .

تمارين ومسائل

- (١) قسم مبلغ ٣٥٠٠ ريال على اثنين من الأولاد ، بنسبة ٣ : ٤ ،
فما نصيب كل منهما؟
- (٢) وزع مبلغ ٢٦٨٠٠ ريال بين ثلاثة أشخاص ، بنسبة ٣ : ٢ : ٥
، فما نصيب كل منهم؟
- (٣) سبيكة وزنها ٧٢ جم ، مكونة من الذهب والنحاس فإذا كانت
نسبة وزن الذهب إلى نسبة وزن النحاس ١ : ٥ ؛ فما مقدار وزن
كل منها؟
- (٤) مزرعة بها ٣٦٠٠ شجرة تفاح ، وجوافة ، وبرتقال ، فإذا كانت
نسبة عدد أشجار التفاح إلى عدد أشجار الجوافة إلى عدد أشجار
البرتقال ١ : ٢ : ٣ على الترتيب ، فكم عدد أشجار كل صنف؟

الميراث

فرض الله تعالى للإنسان نصيباً من مال قريبه المتوفى ، ويسمى هذا النصيب (الميراث) وفي آيات القرآن الكريم نجد القواعد الشرعية لتوزيع الميراث على بعض أهل المتوفى كما في سورة النساء ٠

قال تعالى :

**لِلرِّجَالِ نَصِيبٌ مِمَّا تَرَكَ الْوَالِدَانِ وَالْأَقْرَبُونَ وَلِلنِّسَاءِ نَصِيبٌ
مِمَّا تَرَكَ الْوَالِدَانِ وَالْأَقْرَبُونَ مِمَّا قَلَّ مِنْهُ أُولَئِكُنَّ نَصِيبًا**

(سورة النساء)

﴿٧﴾ مَفْرُوضًا

قال تعالى :

**يُوصِيكُمُ اللَّهُ
فِي أَوْلَادِكُمْ لِذَكْرٍ مِثْلُ حَظِّ الْأَنْثَيْنِ إِنْ كُنْتُمْ نَسَاءً
فَوَقَ أَثْنَتَيْنِ فَلَهُنَّ ثُلَثًا مَا تَرَكَ وَإِنْ كَانَتْ وَاحِدَةً فَلَهَا
النِّصْفُ وَلَا بَوِيهِ لِكُلِّ وَاحِدٍ مِنْهُمَا السُّدُسُ مِمَّا تَرَكَ إِنْ
كَانَ لَهُ وَلَدٌ فَإِنْ لَمْ يَكُنْ لَهُ وَلَدٌ وَوَرِثَهُ أَبُوهُ فَلِأُمِّهِ الْثُلُثُ
فَإِنْ كَانَ لَهُ إِخْوَةٌ فَلِأُمِّهِ السُّدُسُ مِنْ بَعْدِ وَصِيَّةٍ يُوصِي
بِهَا أَوْ دِينٌ أَبَابًا وَكُمْ وَأَبْنَاؤُكُمْ لَا تَذَرُونَ أَيْمَنَمْ أَقْرَبَ لَكُمْ
نَفْعًا فِي ضَكَّةٍ مِنْ أَنَّ اللَّهَ إِنَّ اللَّهَ كَانَ عَلِيمًا حَكِيمًا** ﴿١١﴾

(سورة النساء)

بعض قواعد الميراث :

- نصيب الأولاد : للذكر مثل حظ الأنثيين (٢:١) .
- إذا كان للمتوفى ولد ، فنصيب الزوجة $\frac{1}{8}$ التركة .
- إذا كان للمتوفى ولد فنصيب الأم $\frac{1}{6}$ التركة .
- إذا كان للمتوفى ولد فنصيب الأب $\frac{1}{6}$ التركة .
- إذا كان للمتوفاة ولد فنصيب الزوج $\frac{1}{4}$ التركة .

مثال ١

توفي رجل عن زوجة وولد وابنة ، وترك ميراثاً قدره ٧٢٠٠٠ ريال ، فما حصة كل منهم ؟ (للزوجة $\frac{1}{8}$) التركة ؟

الحل

$$\text{نصيب الزوجة} = \frac{1}{8} \times ٧٢٠٠٠ = ٩٠٠٠ \text{ ريال}$$

$$\text{باقي التركة} = ٧٢٠٠٠ - ٩٠٠٠ = ٦٣٠٠٠ \text{ ريال}$$

ويقسم باقي التركة على الولد والبنت بنسبة ٢:١ .

$$\text{مجموع الأجزاء (أو الحصص)} = ١ + ٢ = ٣$$

$$\text{نصيب الولد} = \frac{٢}{٣} \times ٦٣٠٠٠ = ٤٢٠٠٠ \text{ ريال}$$

$$\text{نصيب البنت} = \frac{١}{٣} \times ٦٣٠٠٠ = ٢١٠٠٠ \text{ ريال}$$

مثال ٢

توفي شخص وله ولدان وبنت ، وترك ميراثاً قدره ٤٥٠٠٠ ريالٌ ؛ فما حصة كل منهم؟

الحل

تقسم التركة على الولدين والبنت بنسبة : ٢: ٢: ١

$$\text{مجموع الأجزاء (أو الحصص)} = 1 + 2 + 2 = 5$$

$$\text{نصيب الولد الأول} = \frac{2}{5} \times 45000 = 18000 \text{ ريالٌ}$$

$$\text{نصيب الولد الثاني} = \frac{2}{5} \times 45000 = 18000 \text{ ريالٌ}$$

$$\text{نصيب البنت} = \frac{1}{5} \times 45000 = 9000 \text{ ريالٌ}$$

تمارين وسائل

(١) توفي رجل وترك زوجة وولدين ، وترك ثروة قدرت بمبلغ ٤٨٠٠٠ ريالٌ ، أوجد نصيب كل منهم .

(٢) ترك متوفى زوجة ، وولداً ، وابنتين ، وميراثاً قدره ٦٤٠٠٠ ريال؛ فما حصة كل منهم؟

(٣) توفيت امرأة عن زوج وولد وبنت ، وتركت مبلغ ٢٤٠٠٠ ريالٌ ، فكم نصيب كل واحد منهم؟ (للزوج $\frac{1}{4}$ التركة) .

مسائل تطبيقية

مثال ١

ثلاثة موظفين تفاوت مرتباتهم بنسبة ٥ : ٤ : ٣ فإذا كان مرتب الأول ١٥٠٠٠ ريال، فاحسب مرتب الثاني والثالث.

المعطيات :

النسبة بين مرتبات الموظفين ٥ : ٤ : ٣
مرتب الموظف الأول = ١٥٠٠٠ ريال

المطلوب :

حساب مرتب الموظفين الثاني والثالث
خطة الحل :

لإيجاد مرتب الموظفين الثاني والثالث نحسب قيمة الحصة (الجزء)، وذلك بقسمة مرتب الموظف الأول على عدد حصصه (خمسة)، ثم نجد مرتب الموظف الثاني والثالث.

تنفيذ الحل :

قيمة الجزء = $15000 \div 5 = 3000$ ريال.
مرتب الموظف الثاني = $4 \times 3000 = 12000$ ريال.
مرتب الموظف الثالث = $3 \times 3000 = 9000$ ريال.

مراجعة الحال :

النسبة بين مرتبات الموظفين الثلاثة هي :

٩٠٠٠ : ١٢٠٠٠ : ١٥٠٠٠

٩ : ١٢ : ١٥

٣ : ٤ : ٥

وهي نفس النسبة السابقة في المثال .

مثال ٢

قسم مبلغ ٢٦٠٠٠ ريالاً على محمد ، وحسن ، وزينب بنسبة $\frac{1}{4} : \frac{1}{3} : \frac{1}{2}$ ، أوجد نصيب كل واحد منهم .

المعطيات :

المبلغ الذي قسم : ٢٦٠٠٠ ريال

$$\text{نسب التوزيع} = \frac{1}{4} : \frac{1}{3} : \frac{1}{2}$$

عدد الأشخاص الذي قسم المبلغ عليهم = ٣ أشخاص .

المطلوب :

نصيب كل واحد منهم .

خطة الحل :

لإيجاد نصيب كل واحد منهم نوحد مقامات الكسور ، ثم نضرب كل نسبة في المقام الموحد ، بحيث تكون نسب التوزيع أعداداً صحيحة ، ثم نجد مجموع الأجزاء (الحصص) ، وبعد ذلك نحسب نصيب (حصة) كل واحد .

تنفيذ الحل :

$$\text{نسبة التوزيع} = \frac{\frac{3}{12}}{\frac{4}{12}} : \frac{\frac{6}{12}}{\frac{4}{12}} : \frac{\frac{1}{12}}{\frac{4}{12}} : \frac{\frac{1}{12}}{\frac{4}{12}}$$

إذن نسب التوزيع $6 : 4 : 3$
مجموع الحصص (الأجزاء) $= 3 + 4 + 6 = 13$
نقسم المبلغ على عدد الحصص ونضرب في نصيب الشخص .
ولمعرفة نصيب كل شخص نضرب الناتج (٢٦٠٠٠) في
نصيب كل واحد

$$\text{نصيب محمد} = \frac{6}{13} \times 26000 = 12000 \text{ ريال}$$

$$\text{نصيب حسن} = \frac{4}{13} \times 26000 = 8000 \text{ ريال}$$

$$\text{نصيب زينب} = \frac{3}{13} \times 26000 = 6000 \text{ ريال .}$$

$$\text{المجموع} = 12000 + 8000 + 6000 = 26000 \text{ ريال .}$$

مثال ٣

توفي رجل ، وترك خلفه أمًا وزوجة وأبناً وأبنة ؛ وقد قدرت تركته بمبلغ ٩٠٠٠٠ ريال، فما نصيب كل شخص من الورثة ؟

(للأم $\frac{1}{6}$ التركة ، وللزوجة $\frac{1}{8}$ التركة)

المعطيات :

- الورثة هم : أم وزوجة وأبن وابنة

- مقدار التركة = ٩٠٠٠٠ ريال

- للأم $\frac{1}{6}$ التركة

- للزوجة $\frac{1}{8}$ التركة

المطلوب :

نصيب كل شخص من الورثة .

خطة الحل :

- لإيجاد نصيب كل شخص من الورثة ، نوجد أولاً

نصيب الأم ومقداره $\frac{1}{6}$ التركة ، ثم نجد نصيب الزوجة ومقداره $\frac{1}{8}$ التركة .

- نطرح نصيب الأم والزوجة من التركة كاملاً ، ثم نقسم بقية المبلغ على الإبن والإبنة بنسبة ١:٢

تنفيذ الحل :

$$\text{نصيب الأم} = \frac{1}{6} \times 15000 = 9000 \text{ ريال}.$$

$$\text{نصيب الزوجة} = \frac{1}{8} \times 11250 = 9000 \text{ ريالاً.}$$

$$\text{نصيب الأم والزوجة معاً} = 11250 + 15000 = 26250 \text{ ريالاً}$$

$$\text{نصيب الإبن والبنت معاً} = 26250 - 9000 = 17250 \text{ ريالاً.}$$

$$\text{نسبة نصيب الإبن إلى نصيب الإبنة} = 1 : 2$$

$$\text{مجموع الأجزاء (أو الحصص)} = 1 + 2 = 3$$

$$\text{نصيب الإبن} = \frac{2}{3} \times 63750 = 42500 \text{ ريالاً.}$$

$$\text{نصيب الإبنة} = \frac{1}{3} \times 63750 = 21250 \text{ ريالاً.}$$

مراجعة الحل :

إذا جمعنا نصيب الورثة فهل يعطينا إجمالي التركة ؟

$$\text{نصيب الأم} = 15000 \text{ ريال}$$

$$\text{نصيب الزوجة} = 11250 \text{ ريالاً}$$

$$\text{نصيب الإبن} = 42500 \text{ ريال}$$

$$\text{نصيب الإبنة} = 21250 \text{ ريالاً}$$

$$\text{المجموع} \quad 90000 \text{ ريال}$$

تمارين ومسائل

(١) قطعة أرض مساحتها ٤٠٠ م٢ ، يراد تقسيمها بين شخصين ، بنسبة ٣ : ٤ ؟ فكم مترًا مربعاً نصيب كل شخص ؟

(٢) توفي رجل وترك أباً وأبناً وأبنة ؛ فإذا بلغت التركة ٢٧٠٠٠ ريال ، فما نصيب كل منهم ؟ (للأب $\frac{1}{6}$ التركة) .

(٣) وزع مبلغ ٤٢٠٠ ريال بين خديجة وأحلام ، بنسبة $\frac{1}{2} : \frac{2}{3}$ فكم نصيب كل واحدة منهما ؟

(٤) تتركب سبيكة من الذهب والفضة والرصاص بنسبة ٣ : ٢ : ٥ على التوالي ؛ كم وزن كل معدن ، إذا كان وزن السبيكة ٧٠ جراماً ؟

(٥) توفيت امرأة عن زوج ، وولدين وأبنة ، وتركت ثروة قدرت بمبلغ ٥٢٠٠ ريال ؛ كم نصيب كل منهم ؟ (للزوج $\frac{1}{4}$ التركة) .

(٦) توفي رجل وترك ابناً وثلاث بنات ، وترك ثروة قدرت بمبلغ ٧٥٠٠٠ ريالٍ أو جد نصيب كل منهم .

(٧) وزع فاعل خير مبلغًا من المال على ثلاثة أسر بنسبة ٢:٣:٤ ، فإذا كان نصيب الأسرة الأولى ٢٠٠٠ ريال، فكم يكون نصيب الأسرتين الثانية والثالثة ؟

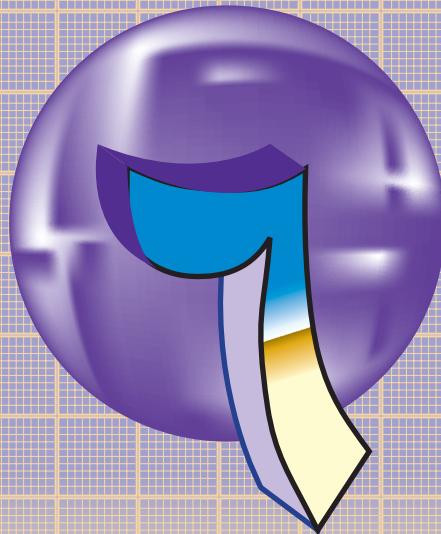
(٨) ترك متوفى ميراثاً قدره ١٢٠٠٠ ريال ، وعليه دين قدره ٢٤٠٠٠ ريال، وله زوجة وولد وبنت ، ما نصيب كل واحد منهم ؟

(٩) توفي رجل ، وترك ميراثاً قدره ٥٤٠٠٠ ريال؛ وله أم ، وأب ، وولدان ، وابنتان ، فما نصيب كل منهم ؟

(١٠) النسبة بين أطوال أضلاع مثلث هي $\frac{1}{2} : \frac{1}{3} : \frac{1}{4}$ ، فإذا كان طول الضلع الأول ١٨ سم ، فما محيط المثلث ؟

اختبار الوحدة

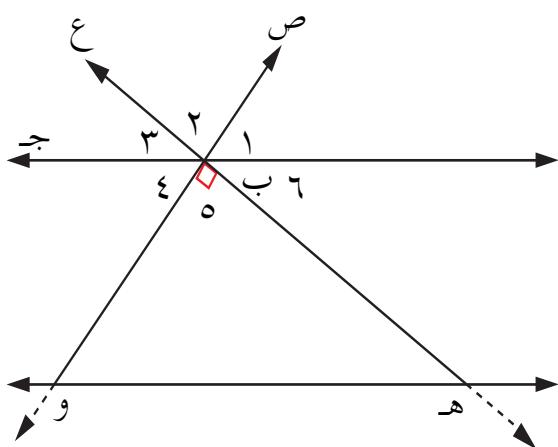
- (١) حجرة مستطيلة الشكل طولها ٦ أمتار ؛ والنسبة بين طولها إلى عرضها كنسبة ٣ : ٢، أوجد عرض الغرفة .
- (٢) طول صورة ١٢ سم ، وعرضها ٨ سم ، صغرت فأصبح طولها ٦ سم ، احسب عرض الصورة بعد التصغير .
- (٣) إذا كان البعد الحقيقي بين مدینتين ٦٤ كيلو متراً ، وكان البعد بينهما على الخريطة ١٦ سم ، فما مقياس الرسم ؟
- (٤) اشترك شخصان في عمل تجاري ، ساهم الأول بـ ٤٠٠٠٠ ريال ، والثاني بـ ٦٠٠٠٠ ريال ، وفي نهاية العام بلغ صافي الأرباح ٢٤٠٠٠ ريال ، احسب ربح كل واحد منهم .
- (٥) توفي رجل له أم وزوجة وأبن وابنة ، وترك ثروة قدرت بـ ٤٨٠٠٠ ريال ، فما نصيب كل واحد منهم ؟



الوحدة السادسة

الهندسة

مراجعة



تأمل الشكل المرسوم جانباً.

وسم ما يلي :

- أ) مستقيمين متوازيين ،
- ب) مستقيمين متقاطعين ،
- ج) مستقيمين متعامدين ،
- د) ثلاثة أزواج لزوايا متقابلة بالرأس ،

هـ) ثلاثة أزواج لزوايا متجاورة.

أوجد قياس $\angle b$ و $\angle w$ ، وقياس $\angle b$ و $\angle h$ مستخدماً المنقلة .

قارن الإجابات التي حصلت عليها بالإجابات التالية :

$$\text{أ) } \overleftrightarrow{w} / \overleftrightarrow{h}$$

$$\text{ب) } \overleftrightarrow{h} \text{ يتقاطع مع } \overleftrightarrow{w} \text{ (في نقطة ب)}$$

$$\text{ج) } \overleftrightarrow{w} \perp \overleftrightarrow{h}$$

$$\text{د) } \overleftrightarrow{1}, \overleftrightarrow{4} \text{ متقابلان بالرأس .}$$

$$\overleftrightarrow{6}, \overleftrightarrow{3} \text{ متقابلان بالراس .}$$

$$\overleftrightarrow{2}, \overleftrightarrow{5} \text{ متقابلان بالراس .}$$

هـ) ٦ متجاورتان .

١ ، ٢ متجاورتان

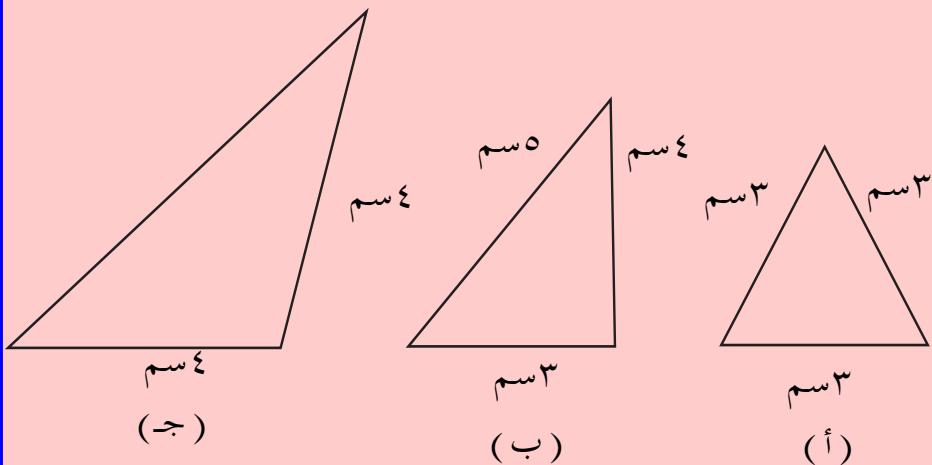
٣ ، ٤ متجاورتان

باستخدام المنقلة نجد أن :

$$\text{ق } (\angle b \text{ هو}) = 30^\circ, \text{ ق } (\angle b \text{ و هـ}) = 60^\circ$$

مثال

ما أنواع المثلثات التالية من حيث الأضلاع ، ومن حيث الزوايا ؟



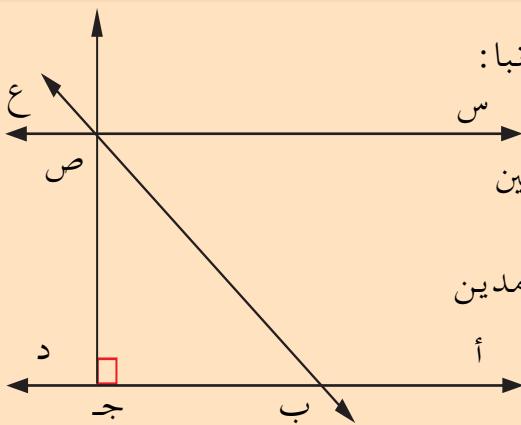
الحل

أ) Δ متساوي الأضلاع ، وحاد الزوايا .

ب) Δ مختلف الأضلاع ، وقائم الزاوية .

ج) Δ متساوي الساقين ، ومنفرج الزاوية .

تدریيات صفية



(١) - من الشكل المرسوم جانباً:

أ) سُم مستقيمي متواظبين

ب) سُم مستقيمي متعامدين

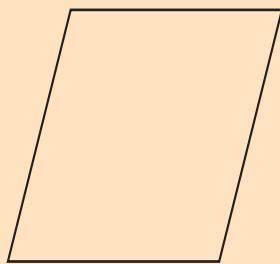
ج) سُم مستقيمي متقاطعين

د) أُوجِد قياس الزوايا التالية باستخدام المنقلة

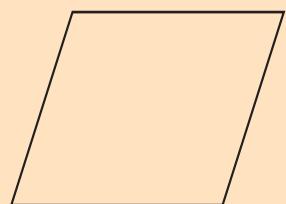
($\angle A$ ص) ، ($\angle J$ ب ص) ، ($\angle B$ ص ج)

(٢) - ما نوع كل من الأشكال التالية؟ أُوجِد أولاً قياس زواياها

. وأضلاعها) .



(ج)



(ب)



(أ)

(٣) ارسم المثلث $\triangle ABC$ ، فيه $AB = 4\text{ سم}$ ، $BC = 3\text{ سم}$
ق ($\angle A$) = 120° .

(٤) ارسم متوازي أضلاع ، فيه $AB = 5\text{ سم}$ ، $BC = 3\text{ سم}$
ق ($\angle A$) = 70° .

(٥) ارسم معينا طول ضلعه 4 سم ، وأحدى زواياه 60° .

(٦) أى الجمل الآتية صحيحة :

أ) كل مربع معين

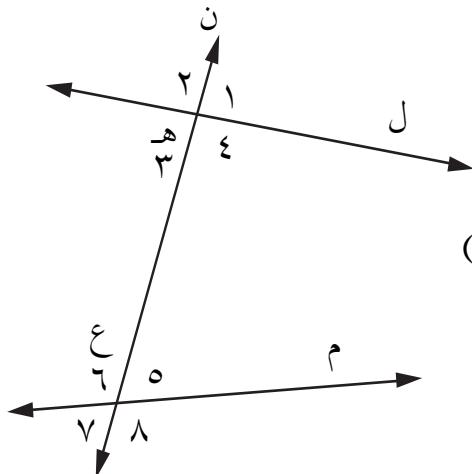
ب) المعين الذى قطراه متساويان في الطول هو مربع .

ج) طول قطرى متوازي الأضلاع متساوية .

د) للمثلث ثلاثة ارتفاعات .

هـ) كل مربع هو مستطيل .

الزوايا المتبادلة والمتناهية والمحالفة



في الشكل المجاور قطع المستقيم N المستقيمين L ، M في نقطتين هما H ، U على التوالي .
فتتجت ثمان زوايا ، رقمت من (١) إلى (٨) .

يمكننا أن نقسم هذه الزوايا إلى :

أ) الزوايا المتبادلة :

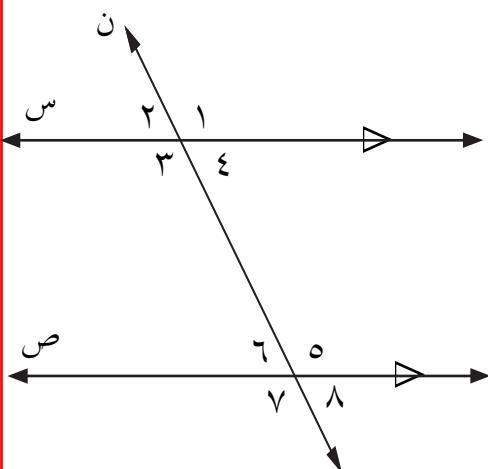
- تسمى الزاويتان 3 ، 5 زاويتين متبادلتين .
- اذكر زوجا آخر لزوايتين متبادلتين

ب) الزوايا المتناهية (الداخلية)

- تسمى الزاويتان 1 ، 5 زاويتين متناظرتين
- اذكر ثلاثة أزواج أخرى لزوايا متناظرة

ج) الزوايا المحالفة (الداخلية)

- تسمى الزاويتان 4 ، 6 زاويتين متحالفتين
- سـم زوجا آخر من الزوايا المحالفـة .



في الشكل المرسوم جانباً :
المستقيمان s ، n متوازيان ،
قطعهما المستقيم s
قس كل زاوية من الزوايا المرقمة
[(١) إلى (٨)] وسجلها في
الجدول .
كما في المثال :

قياسها	الزاوية	قياسها	الزاوية
60°	٢	120°	١
	٤		٣
	٦		٥
	٨		٧

أولاً : من الشكل أعلاه والجدول المرافق نجد أن :

$$ق(1) = ق(5) = 120^\circ$$

$$ق(4) = ق(8) = 60^\circ$$

نسنرج من ذلك أنّ :

- الزاويتين 1 ، 5 ، وهما زاویتان متناظرتان ، متساوقیتان في القياس .

- الزاويتين 4 ، 8 ، وهما زاویتان متناظرتان أيضاً ، ومتساوقیتان في القياس .

– الزاويتان $2, 6$ ، وهما زاويتان متناظرتان أيضاً، ومتساويتان في القياس.

– الزاويتان $3, 7$ ، وهما زاويتان متناظرتان، ومتساويتان في القياس.

ومن ذلك يمكن أن نقول :

إذا قطع مستقيم مستقيمين متوازيين (أو أكثر) فإن كل زاويتين

متناظرتين متساويتان في القياس .

ثانياً : من الشكل السابق والجدول المرافق له ، نجد أن :

$$ق(3) > ق(5) = ١١٥^\circ$$

$$ق(4) > ق(6) = ٦٠^\circ$$

نستنتج من ذلك أن :

– الزاويتين $3, 5$ ، هما زاويتان متبادلتان ، متساويتان في القياس

– الزاويتين $4, 6$ ، وهما زاويتان متبادلتان ، متساويتان في القياس.

ومن ذلك يمكننا أن نقول :

إذا قطع مستقيم مستقيمين متوازيين (أو أكثر) فإن كل

زاوتيين متبادلين متساويتان في القياس .

ثالثا : من الشكل السابق والجدول المرافق له ، نجد أن :

$$ق(4) + ق(5) = 180^\circ$$

$$ق(3) + ق(6) = 180^\circ$$

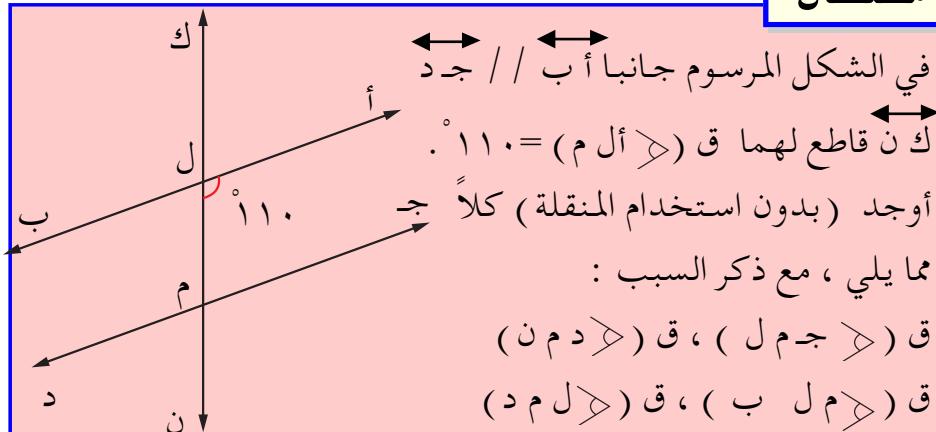
- الزاويتان 4 ، 5 ، وهما زاويتان متحالفتان ، مجموع قياسها 180°

- الزاويتان 3 ، 6 ، وهما زاويتان متحالفتان ، مجموع قياسها 180°

لذلك يمكننا أن نقول :

إذا قطع مستقيم مستقيمين متوازيين (أو أكثر) فإن مجموع قياس كل زاويتين من الزوايا المتحالفة يساوي 180° .

مثال



الحل

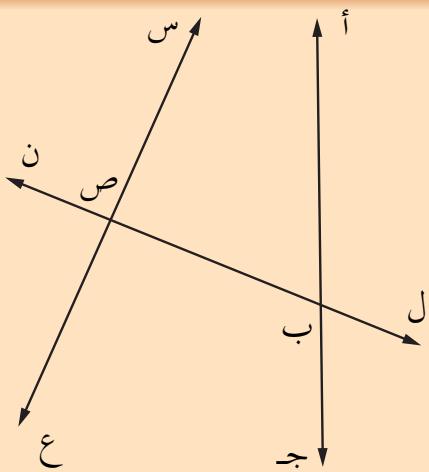
$$ق(ج م ل) = 180^\circ - 110^\circ = 70^\circ \quad (\text{متحالفتان})$$

$$ق(د م ن) = ق(ج م ل) = 70^\circ \quad (\text{م مقابلتان بالرأس})$$

$$ق(م ل ب) = ق(ج م ل) = 70^\circ \quad (\text{متبادلتان})$$

$$ق(ل م د) = ق(أ ل م) = 110^\circ \quad (\text{متبادلتان})$$

تمارين ومسائل



١- في الشكل المرسوم جانباً :
 أ ج ، س ع يقطعهما ل ن تأمل
 الشكل ، وأكمل :

أ) الزاويتان أ ب ص ، ،
 زاويتان متحالفتان

ب) الزاويتان أ ب ص ، زاويتان متقابلتان بالرأس

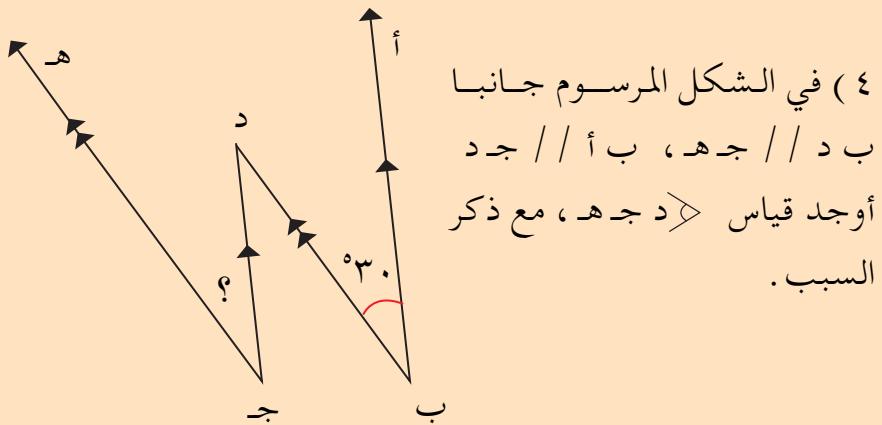
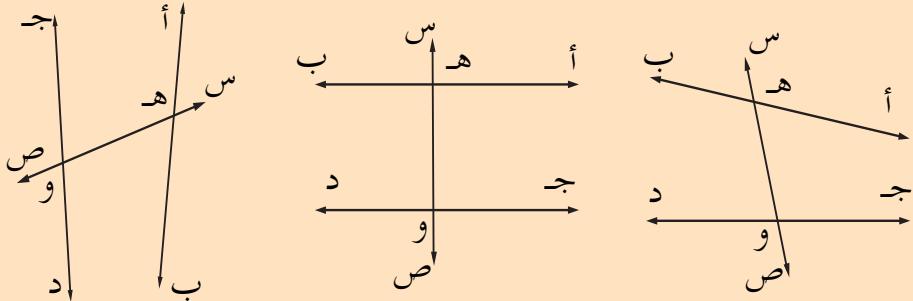
ج) الزاويتان أ ب ص ، زاويتان متبادلتين

د) الزاويتان أ ب ل ، زاويتان متناظرتان

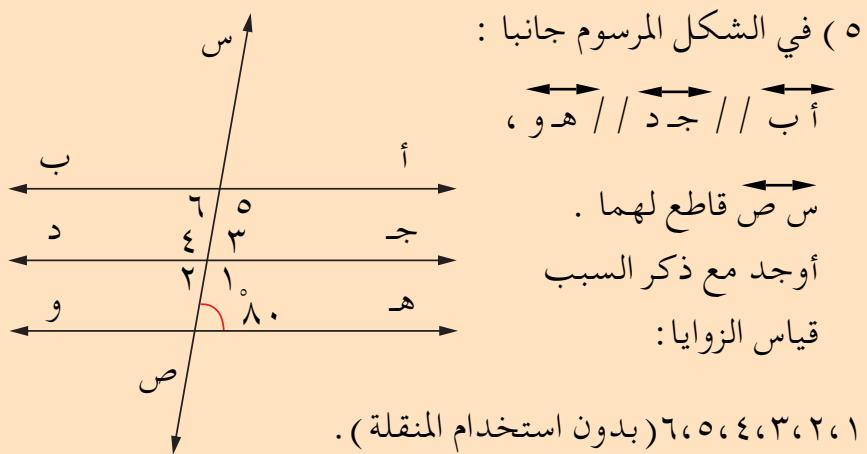
هـ) الزاويتان ج ب ص ، زاويتان متحالفتان

٢) ارسم مستقيمين ومستقيماً ثالثاً قاطعاً لهما ؛ ثم سم زاويتين
 متبادلتين ، وزاويتين متناظرتين ، وزاويتين متحالفتين .

٣) في كل شكل من الأشكال أدناه ص يقطع أ ب ، جـ د في هـ ، و عـين زوجاً من الزوايا المترافقـة ، وزوجاً من الزوايا المتناظرة ، وزوجاً من الزوايا المتبادلة ، وزوجاً من الزوايا المتقابلـة بالرأس .



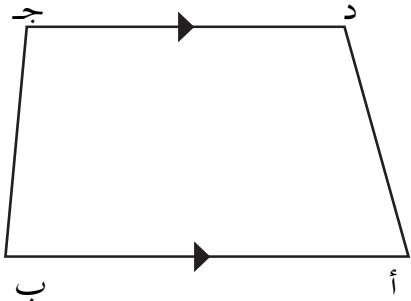
٤) في الشكل المرسوم جانبا
ب د / / جـ هـ ، ب أ / / جـ د
أوجـد قيـاس دـ جـ هـ ، مع ذـكر
السبـب .



٥) في الشـكل المرـسـوم جـانـبا :
أ ب / / جـ د / / هـ وـ ،
صـ صـ قـاطـعـ لـهـمـا .
أوجـدـ معـ ذـكـرـ السـبـبـ
قيـاسـ الزـواـيـاـ :

٦،٥،٤،٣،٢،١ (بدون استخدام المقلـدةـ).

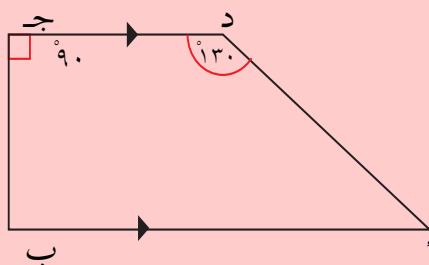
شبه المنحرف



تأمل الشكل المرسوم جانباً :
تلاحظ أن الضلعين \overline{AB} ، \overline{DC} متوازيان ، والضلعين الآخرين :
 \overline{AD} ، \overline{BC} غير متوازيين .
ويسمى هذا الشكل شبه المنحرف ،
ويسمى الضلعان المتوازيان (\overline{AB} ، \overline{DC}) قاعدتي شبه المنحرف ،
ويسمى الضلعان الآخران (\overline{AD} ، \overline{BC}) ساقي شبه المنحرف .

شبه المنحرف شكل رباعي فيه ضلعان متقابلان متوازيان

مثال ١



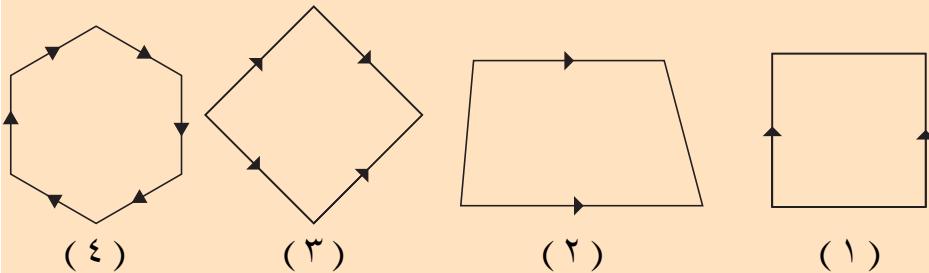
هل الشكل المرسوم جانباً
شبه منحرف ؟
وضح السبب ، ثم أكمل
قياس الزاويتين $\angle A$ و $\angle D$ ، $\angle B$ و $\angle C$

الحل

الشكل $A B C D$ شبه منحرف . (لأن $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$)
 $\angle B = \angle D$ متحالفتان ($\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ ، \overline{AD} قاطع لهما)
إذن $\angle C = 180^\circ - 130^\circ = 50^\circ$
 $\angle A = \angle B$ متحالفتان ($\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ ، \overline{BC} قاطع لهما)
 $\angle C = 180^\circ - 90^\circ = 90^\circ$

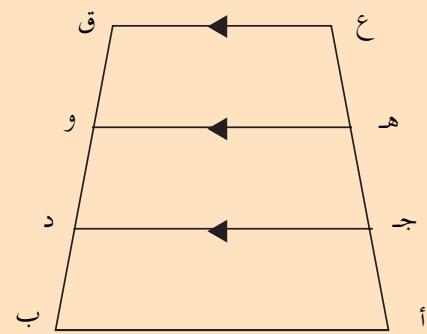
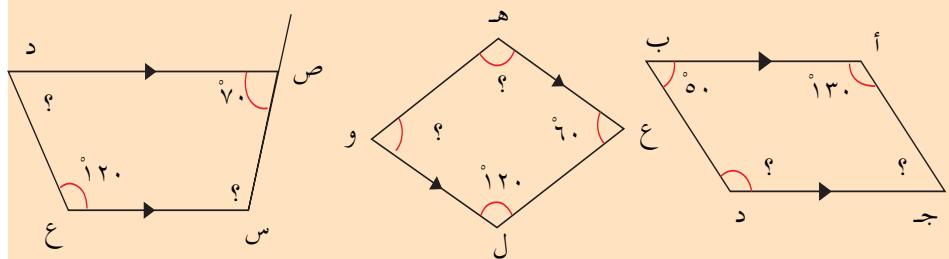
تمارين ومسائل

(١) عُين شبه المنحرف من الأشكال التالية :



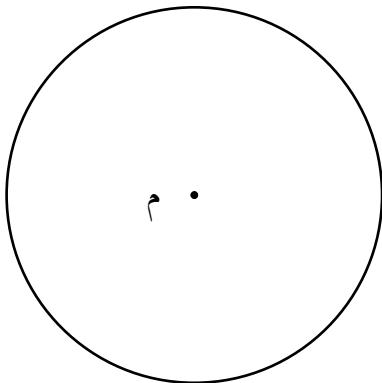
(٢) ارسم شبه المنحرف $A B C D$ ، الذي فيه $A D = B C = 5$ سم
والأضلعان $A B$ ، $D C$ قاعدتا شبه المنحرف ؟

(٣) أوجد قياس الزوايا المجهولة (?) في كل شكل من الأشكال
التالية :



(٤) كم شبه منحرف في
الشكل المرسوم جانبا ؟
سمّها جميعا .

الدائرة



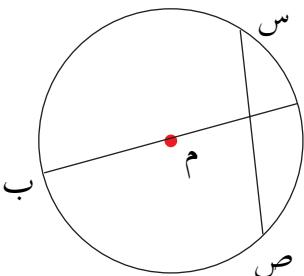
خذ فرجالاً ، وافتحه فتحة طولها ٣ سم . وارسم منحناً مغلقاً (كما في الشكل المجاور) وذلك بتدوير الفرجال دورة كاملة من نقطة معينة حتى ينتهي إليها ثانية .

ويسمى هذا المنحنى المغلق " دائرة" وتسمى نقطة ارتكاز الفرجال (م) ، مركز الدائرة .

الدائرة : هي منحنى مغلق جمبع نقاطه على أبعاد متساوية من نقطة داخلية ، تسمى مركز الدائرة .

النقطة "م" هي مركز الدائرة ، وتسمى الدائرة بمركزها ، مثلا نقول هنا الدائرة م .

كل قطعة مستقيمة تصل بين مركز الدائرة وأية نقطة تقع على الدائرة تسمى نصف قطر . ونرمز لطول نصف القطر بالرمز (نق)



ارسم دائرة مركزها م ، وطول قطرها ٤ سم.

تأمل الشكل المرسوم جانباً :
الشكل يمثل دائرة مركزها م.

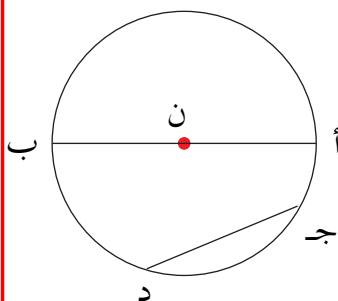
القطع المستقيمة مثل : SC ، AB تسمى أوتارا .
وغير الوتر AB يمر بمركز الدائرة ، ولهذا يسمى قطرًا .

القطعة المستقيمة التي تصل بين نقطتين على الدائرة تسمى وترًا . وكل وتر يمر بمركز الدائرة يسمى قطر الدائرة .

مثال

ارسم دائرة مركزها ن ، وطول قطرها ٣ سم
ارسم قطرها ، وأى وتر فيها .

الحل

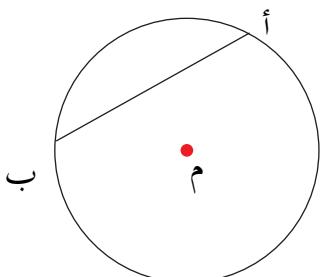


لرسم دائرة طول قطرها ٣ سم ، نتبع الخطوات التالية :

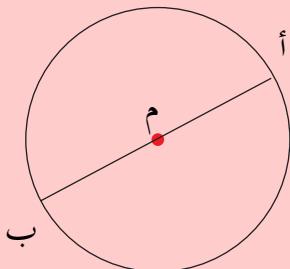
- ١ - نفتح الفرجال فتحة بطول ١,٥ سم، وهو طول نصف قطر الدائرة .
- ٢ - نرسم المنحني المغلق (الدائرة)
- ٣ - نحدد المركز وهو "ن" .

تابع الحل

- ٤- نرسم قطعة مستقيمة تمر بالمركز ، وتقطع الدائرة في نقطتين هما : أ ، ب (أب) هي قطر في الدائرة
- ٥- ارسم أية قطعة تقطع الدائرة في نقطتين مثلا ج ، د .
ج د هي وتر في الدائرة .



يقسم أي وتر الدائرة إلى جزأين (كما في الشكل المجاور) ، في كل جزء نجد قوساً ويسمى أحدهما القوس الأصغر . والآخر القوس الأكبر .



في الدائرة المرسومة جانبا ، سُمِّي :

أ) قطرها ، ب) وترها

(٢) قس القطر ، وأُوجِد طول نق .

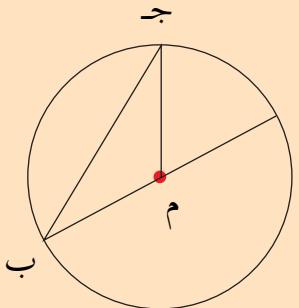
الحل

(١) أ) \overline{AB} قطر الدائرة م .

ب) \overline{AB} وتر للدائرة م .

(٢) $\overline{AB} = 4,3$ سـم ؛ نق = ٧ رـسـم .

تمارين ومسائل



(١) من الشكل المرسوم جانبا ،

سم :

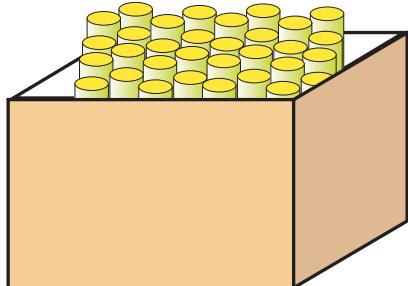
- أ) الدائرة
- ب) القطر
- ج) نصف القطر
- د) الوتر

(٢) ارسم دائرة نصف قطرها ٥ سم ، ثم قس قطرها .

(٣) ارسم دائرتين مركزهما مشترك هو النقطة أ ، ويساوي نصف قطر الدائرة الصغرى ٢,٥ سم، أما نصف قطر الدائرة الكبرى فيساوي ٣,٥ سم.

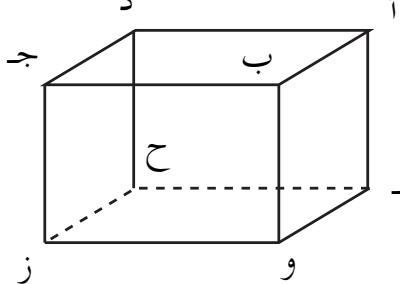
(٤) ارسم دائرة طول نصف قطرها ٤ سم . ما أطول وتر يمكن رسمه في هذه الدائرة ؟

متوازي المستطيلات والمكعب



تأمل الصورة التي تراها جانبا
إنها صورة علبة طباشير . وهي شكل
هندسي . هل فكرت يوما في خواص
هذه العلبة ، وفي خواص ما يشبهها ؟

أن أي كرتون له الخواص نفسها لخواص علبة الطباشير
الشكل المرسوم جانبا يمثل شكل كرتون ، وقد أعطينا كل ركن منه حرفًا
كاسم له .



تفحص الكرتون جيدا :
كم وجهاته ؟
نعم لدينا ستةوجهات . سُم هذه الأوجه هـ
فمثلاً الوجه الأعلى أ ب ج د ،

الوجه السفلي ، ،
الوجه الأمامي ، ،
الوجه الخلفي ، ،
الوجه الجانبي الأيمن ، ،
الوجه الجانبي الأيسر ، ،

خذ قياس أضلاع كل وجه ، وخذ قياس كل زاوية ؟
ما نوع كل وجه ؟

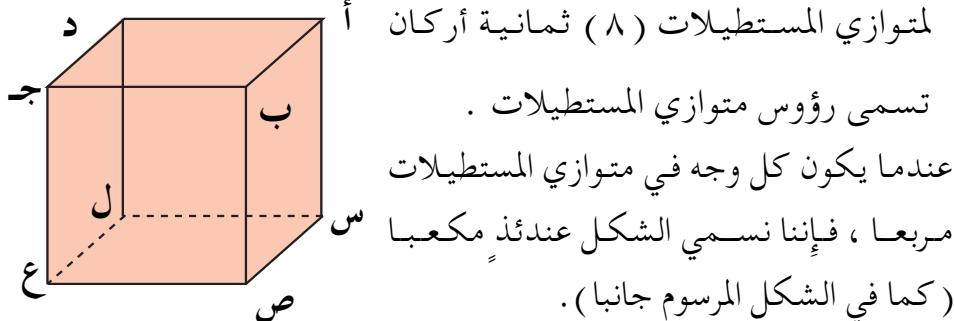
ستجد أن كل وجهين يلتقيان في قطعة مستقيمة ، وتمثل لنا حرف ، فكم حرف في الكرتون ؟

فمثلاً الوجه أ ب ج د ، والوجه أ ب و ه يلتقيان في القطعة أ ب ، أ ب تعتبر حرف ، وبقية أحرف الكرتون هي :

الأوجه ستة عبارة عن مستطيلات لماذا ؟

إن شكل الكرتون عبارة عن مجسم يُسمى في الهندسة "متوازي مستطيلات" لأن له ستة أوجه ، وكل وجه عبارة عن مستطيل .

متوازي المستطيلات شكل مجسم له ستة أوجه ، وكل وجه منها مستطيل .



المكعب شكل مجسم له ستة أوجه ؛ كلها مربعات .

نماط

في الشكل المرسوم أعلاه أكمل ما يلي :

المكعب هو : أ ب ج

الأوجه هي : أ ب ج د ، ، ، ، ،

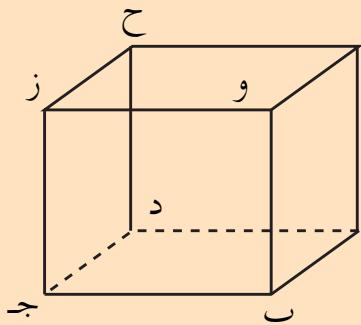
الرؤوس هي : أ ، ب ، ، ، ، ،

الأحرف هي : أ ب ، ب ج ، ، ، ،

تمارين وسائل

١) اذكر أشياء لها شكل متوازي مستطيلات ، وأشياء لها شكل مكعب .

٢) تأمل الغرفة ، ما شكلها ؟ اذكر أوجهها



٣) في الشكل المرسوم جانبا :

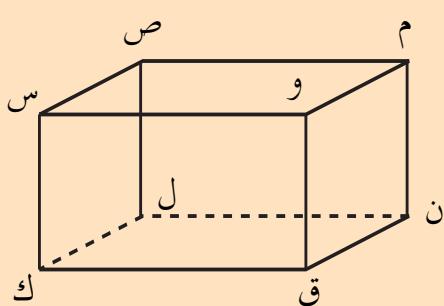
أ) سُم كل الأحرف التي لها الطول نفسه .

ب) سُم الأحرف التي يلتقي فيها :

الوجهان : أ ب ج د ، أ ب و ه

الوجهان : ب ج ز و ، ج د ح ز

ج) سُم زوج الأوجه التي تلتقي في الحرف ب و ، وفي الحرف ه ح



٤) في الشكل المرسوم جانبا :

أ) سُم النقطة التي تلتقي عندها الأحرف : م ن ، ن ق ، ن ل .

ب) سُم الأحرف التي تلتقي عند النقطة " م "

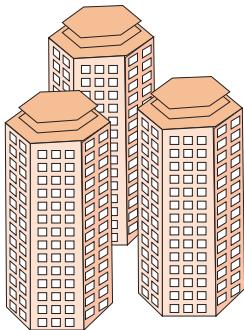
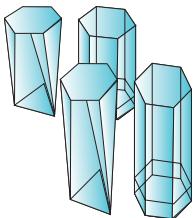
ج) سم النقطة التي تلتقي عندها الأوجه م و س ص ،
و ق ك س ، ك س ص ل

د) سم الأوجه التي تلتقي عند النقطة ص .

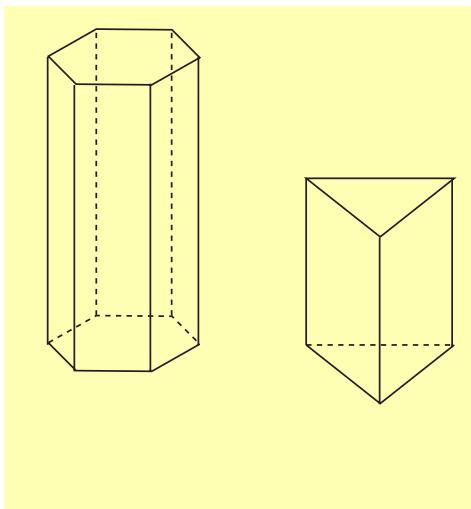
٥) هل المكعب متوازي مستطيلات ؟ لماذا ؟

٦) احضر مجسما آخر غير مكعب ولا متوازي مستطيلات اذكر
كم عدد أوجهه ؟ كم عدد رؤوسه ؟ وكم عدد أحرفه ؟

المنشور القائم



تأمل الأشكال المرسومة
جانباً نجد أنها أشكال مجسمة
وهي تشغل حيزاً من الفراغ ،
وكل شكل من هذه الأشكال
يسمي منشوراً قائماً .



تأمل الشكلين المرسومين
جانباً .

١ - كل شكل له قاعدتان
متتساويتان متطابقتان .
٢ - الأوجه الجانبية ، كل
منها عبارة عن
مستطيل عدد هذه
الأوجه مساوياً لعدد
أضلاع كل من
قاعديه .

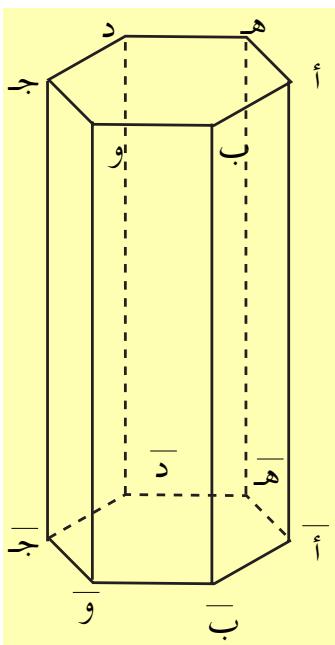
٣ - الأحرف الجانبية كلها متساوية في الطول ، وعمودية على
مستوى القاعدة .

هذه بعض خواص المنشور القائم .

المنشور القائم عبارة عن شكل مجسم متعدد السطوح ؛ وله قاعدتان متطابقتان ومتوازيتان ، وأوجهه الجانبية عبارة عن مستطيلات

ويسمى المنصور تبعاً لشكل قاعدته ، ولذلك تعدد كلاً من متوازي المستطيلات والمكعب منشورا رباعياً قائماً ، لأن قاعدة كل منها عبارة عن رباعي ، وتبعاً لذلك فإن المنصور القائم الذي قاعدته مضلعًا سداسيًا ، يسمى منشوراً سداسيًا .

نَسْخَات

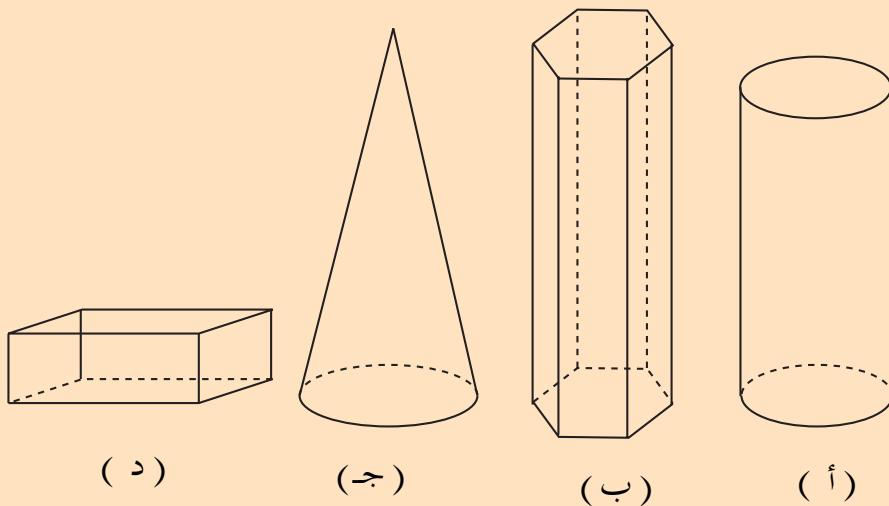


تأمل الشكل المقابل ، وأجب عن الأسئلة التالية :

- ١) ما شكل كل من قاعدتي المنصور ؟ وسم كلاً منها
- ٢) كم عدد رؤوسه ؟ سمها
- ٣) كم عدد أحرفه الجانبية ؟ سمها
- ٤) كم عدد أوجهه ؟ سمها
- ٥) كم عدد أحرفه ؟ سمها
- ٦) ماذا يسمى هذا المنصور ؟

تمارين ومسائل

(١) أي المسميات التالية يعتبر منشوراً؟ سمه



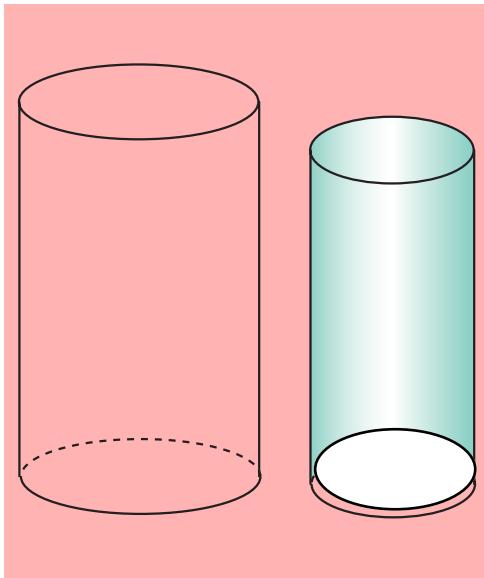
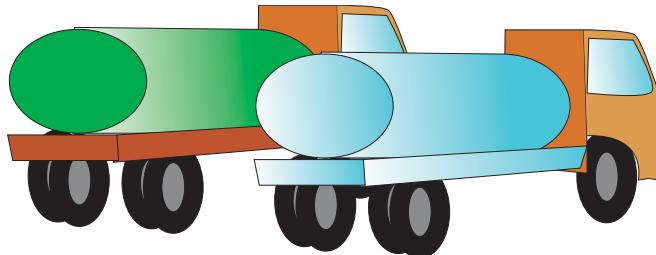
(٢) إذا كانت قاعدة المنشور القائم سطحاً مضلعاً على شكل شبه منحرف ، فما عدد الأوجه الجانبية ؟ وكم عدد الأحرف وكم عدد رؤوسه .

(٣) انقل الجدول التالية إلى دفترك ، ثم أكمل :

عدد الأحرف	عدد الرؤوس	عدد الأوجه	المنشور
			الثلاثي الرباعي الخماسي السادس

(٤) ارسم منشوراً رباعياً ، سِّمّ أوجهه ، وأحرفه ؟

الأسطوانة



تأمل الأشكال أعلاه ،
والأشكال المرسومه جانبا .
سترى أشكالا مجسمة ، لها
خواص مشتركة ما هي ؟
لاشك أنك لاحظت أن
لكل منها :

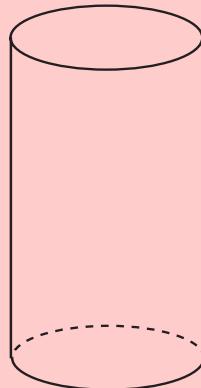
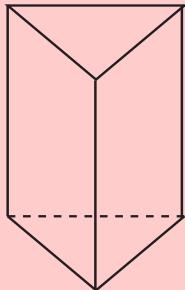
- ١ - لها قاعدتان دائريتان متطابقتان
- ٢ - سطحها الجانبي منحنى

مثل هذه الأشكال تسمى أسطوانة .

الأسطوانة عبارة عن مجسم له قاعدتان دائريتان متطابقتان ،
وسطحه الجانبي منحنى .

مثال

قارن بين المنشور القائم والأسطوانة من خلال الشكلين
المرسومين جانبا.



نلاحظ أنّ :

١- كليهما له قاعدتان
متطابقتان .

٢- الأسطوانة ليس لها
أوجه مضلعة ؟
بينما المنشور له

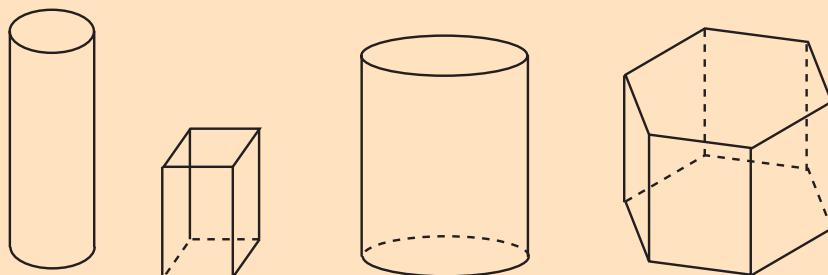
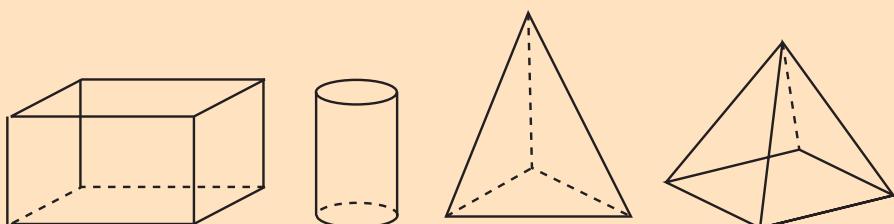
أوجه وهي عبارة عن مضلعات .

٣- الأسطوانة لا تعتبر متعددة السطوح. (لها سطح منحني
واحد) .

٤- الأسطوانة ليس لها أحرف ولا رؤوس .

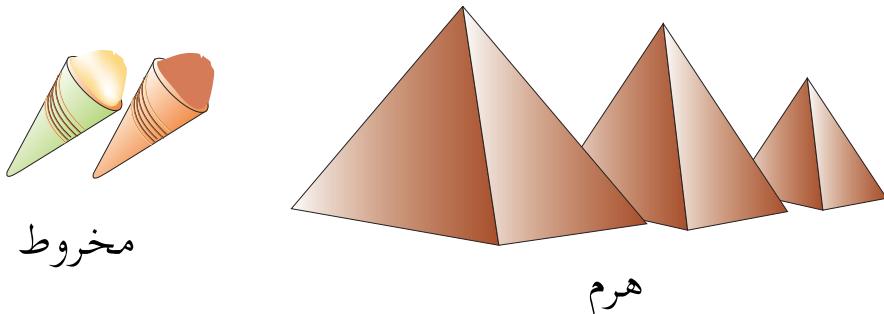
تدريبات صفية

(١) – أي الأشكال التالية عبارة عن متعدد سطوح ، وأيها
عبارة عن أسطوانة ؟



(٢) – قارن بين الأسطوانة والمكعب ومتوازي المستطيلات .

الهرم والمخروط



الصورتان أعلاه كلتاهما أشكال هندسية ، وتشغل حيزا من الفراغ ، وكل منهما لها قاعدة ورأس مدبب .

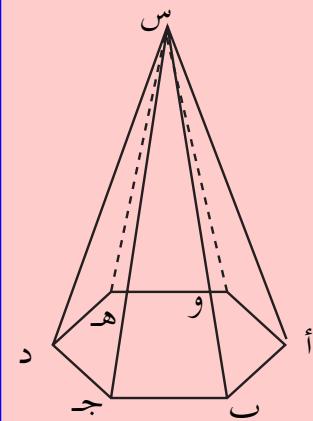
ويسمى كل شكل من الأشكال من جهة اليمين هرما ويسمى كل شكل من الأشكال من جهة اليسار مخروطا . ويسمى الهرم تبعا لشكل قاعدته فنقول هرما ثلاثيا إذا كانت قاعدته مثلثاً وهكذا .

ووفق ذلك نقول إن :

الهرم عبارة عن مجسم قاعدته مضلع ، وأوجهه الجانبية عبارة عن مثلثات تتلاقى في نقطة واحدة تسمى رأس الهرم . ويسمى الهرم بحسب عدد أضلاع قاعدته .

المخروط عبارة عن مجسم له قاعدة دائيرية ، وسطح جانبي منحني ، ورأس واحد فقط .

مثال

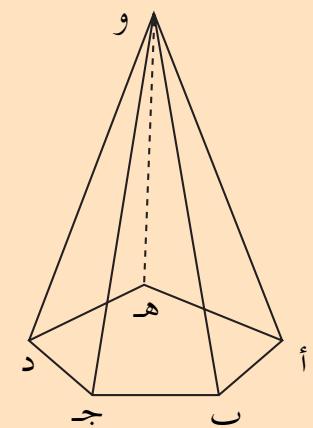


الشكل المرسوم جانبا هرم ما نوعه ؟
سم قاعدته ، وسم رأسه ، وسم
أوجهه .

الحل

- نوع الهرم : هرم سداسي (أب ج د ه و)
- قاعدته سداسية (أب ج د ه و)
- الأوجه تلتقي في نقطة واحدة ، هي نقطة الرأس "س"
- له ستة أوجه : أب س ، ب ج س ، ج د س ، د ه س ، ه و س ، و أ س

تمارين ومسائل

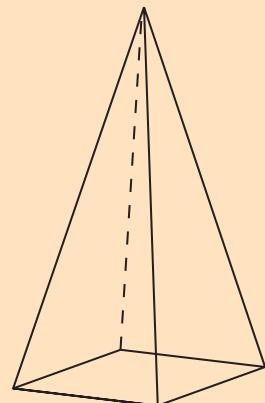
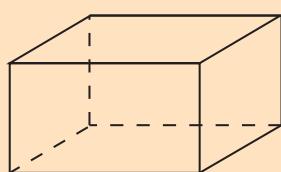


- (١) الشكل المرسوم جانبا عبارة عن هرم خماسي ، قاعدته أب ج د ه
- أ- سم أوجهه ، ما شكل كل وجه ؟
 - ب- سم أحرف الهرم .
 - ج- سم رأسه .

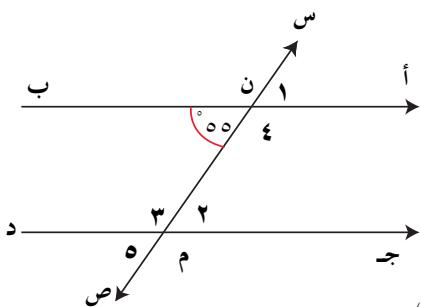
(٢) – انقل الجدول إلى دفترك ، ثم أكمله .

							اسم الجسم
							عدد الأوجه
							عدد الأحرف
							عدد الرؤوس

(٣) – قارن بين الهرم الرباعي ، ومتوازي المستطيلات من حيث
عدد الأوجه ، عدد الأحرف ، عدد الرؤوس .



اختبار الوحدة



(١) في الشكل المرسوم جانباً :

$$\angle \text{أب} / \angle \text{جد}$$

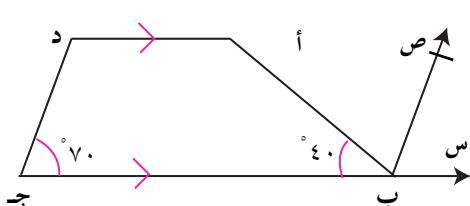
س ص مستقيم قاطع لهما.

$$\angle \text{نم} = 55^\circ$$

أوجد بدون استخدام المنقلة قياس

الروايا : ١ ، ٢ ، ٣ ، ٤ ، ٥ ، مع ذكر السبب .

(٢) ارسم دائرة طول نصف قطرها ٢٥ سم ، ثم
سم قطرها ، وارسم مربعا فيها .



(٣) في الشكل المرسوم جانباً :

$$\angle \text{أد} / \angle \text{بج}$$

$$\angle \text{ق} (\angle \text{سبص}) =$$

$$\angle \text{ق} (\angle \text{صبأ})$$

هل $\angle \text{بص} / \angle \text{جد} ?$ ولماذا ؟

(٤) أكمل الجدول :

				اسم المجسم
				عدد الأوجه
				عدد الأحرف
				عدد الرؤوس



الوحدة المعايير

القياس

مراجعة

محيط الشكل

سبق أن درست محيط بعض المضلعات ، وعرفت أن : –
 محيط أي شكل مضلع يساوي مجموع أطوال أضلاعه
 وتذكر أن :

$$\text{محيط المستطيل} = 2 \times (\text{العرض} + \text{الطول})$$

$$\text{محيط المربع} = 4 \times \text{طول ضلعه} .$$

$$\text{محيط المعين} = 4 \times \text{طول ضلعه} .$$

$$\text{محيط متوازي الأضلاع} = 2 \times \text{مجموع ضلعين متباينين}$$

مثال ١

مستطيل محيطه ٢١ سم ، وطوله ٥٦ سم احسب عرضه؟

الحل

$$\text{محيط المستطيل} = 2 \times (\text{العرض} + \text{الطول})$$

$$21 = 2 \times (\text{العرض} + \text{الطول})$$

$$21 = 2 \times (\text{العرض} + 56)$$

$$21 = 2 \times (\text{العرض} + 56)$$

$$21 = 2 \times (\text{العرض} + 13)$$

$$21 = 2 \times (\text{العرض} + 13) \quad \text{العرض} = 21 - 13 = 8$$

$$\text{العرض} = \frac{8}{2} \text{ سم} = 4 \text{ سم}$$

المساحة

تعلمت أن :

مساحة أيّ شكل مضلّع هي مقدار ما يحويه هذا الشكل من وحدات مربعة ،

وأن وحدات قياس المساحة هي : -

$$\text{م}^2, \text{سم}^2, \text{ديسم}^2 (\text{المتر المربع}) = (\text{م}^2) .$$

وتذكر أن :

$$\text{مساحة المستطيل} = \text{الطول} \times \text{العرض} .$$

$$\text{مساحة المربع} = \text{طول ضلعه} \times \text{نفسه}$$

$$\text{مساحة المثلث} = \frac{1}{2} \times \text{القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{مساحة متوازي الأضلاع} = \text{القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{مساحة المعين} = \frac{1}{2} \times \text{حاصل ضرب قطريه} .$$

مثال ٢

احسب مساحة : -

أ) معين طول كل من قطريه : ١٤ سم ، ٧,٥ سم .

ب) متوازي أضلاع ، طول قاعدته ٨,٧ سم ، وارتفاعه ٩,٢ سم .

الحل

$$\text{مساحة المثلث} = \frac{1}{2} \times \text{حاصل ضرب قطرييه}$$

$$\text{إذن مساحة المثلث} = \frac{1}{2} \times 7 \times 5 = 17.5 \text{ سم}^2$$

$$2 \times 5 \times 7 = 70 \text{ سم}^2$$

$$\text{(ب) - مساحة متوازي الأضلاع} = \text{القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{إذن مساحة متوازي أضلاع} = 8 \times 7 = 56 \text{ سم}^2$$

$$2 \times 25 = 50 \text{ سم}^2$$

مثال ٣

معين طول ضلعه ٥ سم ، وطول كل من قطراته ٦ سم ، ٨ سم .

احسب : (أ) محيطه (ب) مساحته

الحل

$$(أ) \text{ محيط المثلث} = 4 \times \text{طول ضلعه}$$

$$\text{إذن محيط المثلث} = 4 \times 5 = 20 \text{ سم}$$

$$(ب) - \text{مساحة المثلث} = \frac{1}{2} \times \text{حاصل ضرب قطراته}$$

$$\text{إذن مساحة المثلث} = \frac{1}{2} \times 6 \times 8 = 24 \text{ سم}^2$$

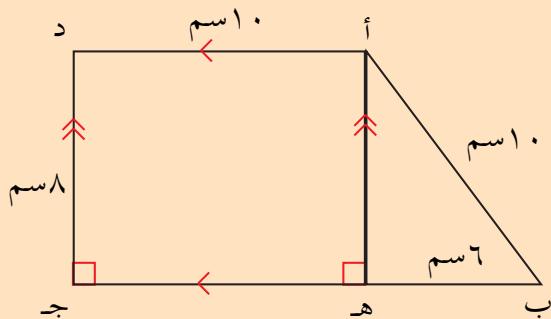
تدرییات صفیہ

١) أوجد محیط ومساحة کل مما یأتهی :

- أ - مربع طول ضلعه ٧ سم
- ب - مثلث طول احد اضلاعه ٧ سم والآخر ٨ سم وطول قاعدته ٩ سم وارتفاعه ٦ سم
- ج - قطعة ارض على شکل مستطيل طولها ٢٧ م ، وعرضها ٤ م
- د - معین طول ضلعه ٤ سم ، وطولا قطریه ٦ سم ، ٥ سم .
- ه - متوازی الأضلاع أ ب ج د فيه أ د = ٧ سم ، أ ب = ٥ سم .
سم ، وارتفاعه أ ب = ٥ سم . (أ هـ لـ ب ج)

٢) من الشکل المرسوم أدناه احسب :

- أ - محیط Δ أ ب هـ . ومساحتة .
- ب - محیط أـ هـ جـ دـ ، ومساحتة .
- ج - محیط هـ أـ بـ جـ دـ ، مساحتة



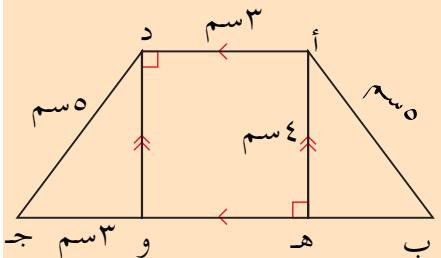
تمارين ومسائل

(٣) أوجد محيط كل مما يأتي :

أ - قطعة أرض مربعة الشكل طول ضلعها ٨,٥ م

ب - معين طول ضلعه ٣,٢٥ سم .

ج - مستطيل عرضه ٧,٥ سم ، وطوله يساوي ضعف عرضه.

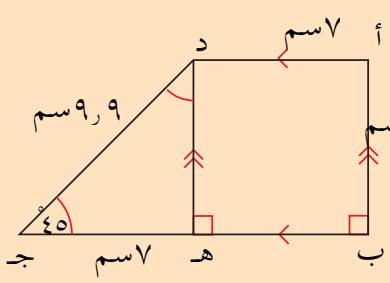


(٤) من الشكل المرسوم جانباً أوجد :

أ - محيط ومساحة (أ ه د) .

ب - محيط ومساحة Δ أ ب ه .

ج - محيط ومساحة (أ ب ج د) .



(٥) من الشكل المرسوم جانباً احسب

أ - محيط (أ ب ه د) ومساحته .

ب - محيط Δ (د ه ج) ومساحته .

ج - محيط (أ ب ج د) .

د - مساحة (أ ب ج د) .

(٦) ارسم المستطيل أ ب ج د حيث أ ب = ٣ سم،

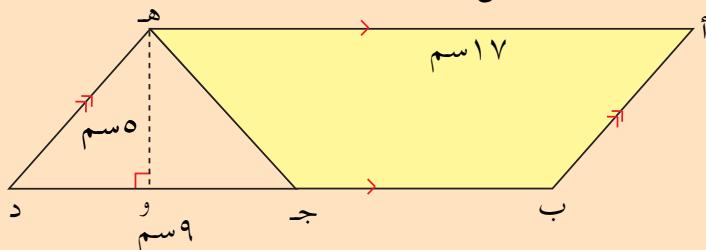
ب ج = ٤ سم ثم أوجد :

أ - محيط ومساحة (أ ب ج د)

ب - محيط ومساحة (أ ب ج)

(٧) في الشكل المرسوم أدناه $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ متوازي أضلاع ، احسب: -

أ - مساحة الجزء المظلل

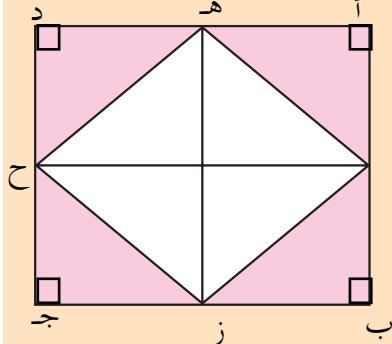


(٨) في الشكل المرسوم جانباً

$$AB = 10 \text{ سم} , AD = 12 \text{ سم}$$

فإذا كان $\overline{HZ} \parallel \overline{AD}$ ، $\overline{HZ} \parallel \overline{AB}$

و فاحسب المساحة المظللة :



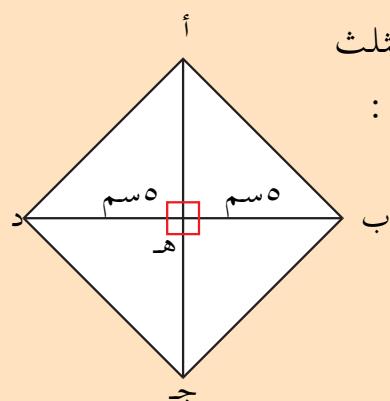
(٩) في المعين $ABCD$ إذا كان طول

القطر $BD = 10 \text{ سم}$ ، ومساحة المثلث

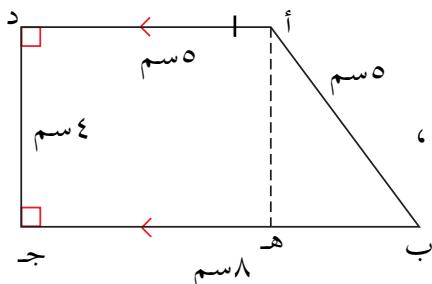
ABH تساوي 30 سم^2 . فأوجد :

أ - مساحة المعين .

ب - طول القطر AH .



محيط ومساحة شبه المنحرف

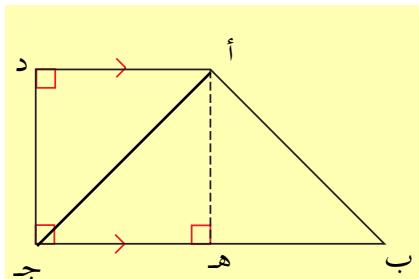


في الشكل المرسوم جانباً
أ ب ج د شبه منحرف فيه : أ د / ب ج ،
 $أ ب = أ د$ ،
أ د قاعدته الصغرى ، و ب ج قاعدته
الكبرى .

$$\begin{aligned} \text{محيط شبه المنحرف } أ ب ج د &= أ ب + ب ج + ج د + د أ \\ &= 5 \text{ سم} + 4 \text{ سم} + 5 \text{ سم} = 22 \text{ سم} \\ \text{أي أن :} \end{aligned}$$

محيط شبه المنحرف = مجموع أطوال أضلاعه

ولحساب مساحة شبه المنحرف أ ب ج د نتبع الخطوات الآتية :



- ١ - نرسم القطر أ ج ؛ فيقسم شبه المنحرف إلى مثلثين هما :
- ٢ - أ ب ج قاعده ب ج ، وارتفاعه أ ه .

$$\begin{aligned} \text{فتكون مساحة شبه المنحرف } أ ب ج د &= \text{مساحة } \Delta أ ب ج + \text{مساحة } \Delta أ د ج \\ &= \left(\frac{1}{2} \times ب ج \times أ ه \right) + \left(\frac{1}{2} \times أ د \times ج د \right) \\ \text{ولكن } أ ه &= ج د لأنهما عمودان على مستقيمين متوازيين \end{aligned}$$

إذن مساحة شبه المنحرف $A B C D$ =

$$= \frac{1}{2} \times B \times A_h + \frac{1}{2} \times A \times A_h$$

$$= \frac{1}{2} \times B \times U + \frac{1}{2} \times A \times U$$

$$= \frac{1}{2} \times (B + A) \times U$$

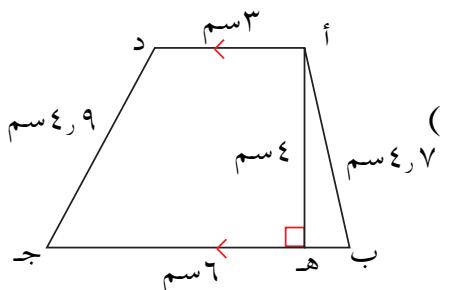
أي أن :

مساحة شبه المنحرف = نصف حاصل ضرب مجموع القاعدتين في الارتفاع

ملاحظة :

لا يوجد لشبه المنحرف إلا ارتفاع واحد، (وهو المرسوم على القاعدتين المتوازيتين) .

مثال ١



من الشكل المرسوم جانباً احسب

أ - محيط شبه المنحرف $(A B C D)$

ب - مساحته .

الحل

$$\text{أ - المحيط} = 3 \text{ سم} + 7 \text{ سم} + 6 \text{ سم} + 9 \text{ سم} = 30 \text{ سم}$$

$$\text{ب - مساحة شبه المنحرف} = \frac{1}{2} \times \text{مجموع القاعدتين} \times \text{الارتفاع}$$

القاعدة الصغرى $A D = 3 \text{ سم}$.

إذن القاعدة الكبرى $B C = 6 \text{ سم}$ ، والإرتفاع $A_h = 4 \text{ سم}$

$$\text{إذن مساحة شبه المنحرف} = \frac{1}{2} \times (A D + B C) \times U$$

$$= \frac{1}{2} \times (3 + 6) \times 4 =$$

$$= 4 \times 9 \times \frac{1}{2} =$$

$$= 36 \text{ سم}^2$$

مثال ٢

أب جد شبه منحرف أب / / جد ، فإذا كان أب = ٣,٧ سم
جد = ٢,٩ سم ، وكان ارتفاعه ١,٦ سم ، فأوجد مساحته

الحل

أب / / جد فهما قاعدتهما

$$\text{مساحة شبه المنحرف} = \frac{1}{2} \times (\text{مجموع القاعدتين}) \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{مساحة } (أب جد) = \frac{1}{2} \times (٣,٧ \text{ سم} + ٢,٩ \text{ سم}) \times ١,٦ \text{ سم}$$

$$= \frac{١}{٢} \times ٦,٦ \text{ سم} \times ١,٦ \text{ سم}$$

$$= ٥,٣ \text{ سم} \times ٠,٨ \text{ سم}$$

$$= ٤,٢٨ \text{ سم}$$

مثال ٣

مساحة شبه منحرف ١٦٢ سم ، فإذا كان طول قاعدته الكبرى ٢١ سم وطول قاعدته الصغرى ١٥ سم ، فاحسب ارتفاعه .

الحل

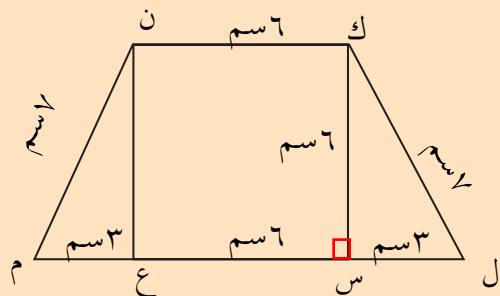
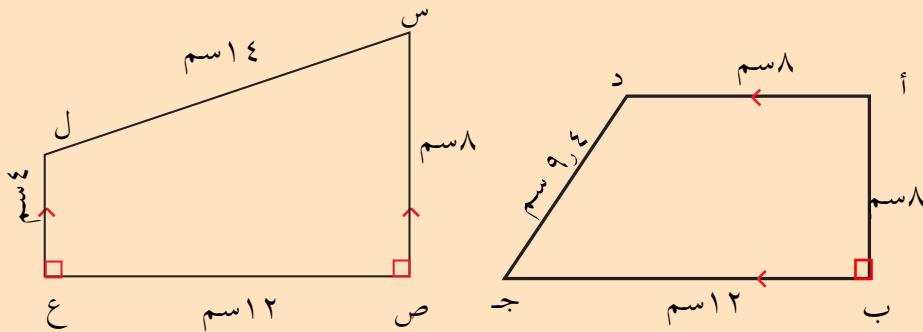
$$\text{مساحة شبه المنحرف} = \frac{(\text{مجموع القاعدتين} \times \text{الارتفاع})}{٢}$$

$$= \frac{١}{٢} \times ٣٦ \text{ سم} \times ع$$

$$ع = \frac{١٦٢}{١٨} = ٩ \text{ سم}$$

تدرییات صفیہ

(١) احسب محیط ومساحة كل مما يأتي



(٢) - إحسب مساحة شبه المنحرف إذا كان : -

- أ - طولاً قاعديه ٢٤ سم ، ١٥ سم ، وارتفاعه ٨ سم .
- ب - طولاً قاعديه ١٢,٥ سم ، ٧,٥ سم ، وارتفاعه ٧ سم
- ج - طولاً قاعديه ١٣,٧٥ سم ٢٥ سم وارتفاعه ٩ سم .

تمارين ومسائل

(٣) شبه منحرف مجموع طولي قاعدتيه ٢٥ سم ، فإذا كان ارتفاعه يساوي $\frac{1}{5}$ مجموع قاعدتيه وطولا ساقيه ٥ سم، ٦ سم ، فاحسب :

أ - محيطه .
ب - مساحتة .

(٤) أوجد مساحة شبه منحرف طولا قاعدتيه ٨ سم ، ١٢ سم ،
وارتفاعه $\frac{3}{5}$ ٥ سم .

(٥) شبه منحرف قاعده الصغرى $\frac{1}{3}$ قاعده الكبرى ، فإذا
كانت قاعده الصغرى ٥ سم وارتفاعه ٧ سم وكأن طولا ساقيه
٧ سم ، ٩ سم فاحسب :

أ - محيطه .
ب - مساحتة .

(٦) شبه منحرف مساحتة ٦٥ سم ٢ وطولا قاعدتيه ٧ سم ، ٢
، ١٣ سم أوجد ارتفاعه .

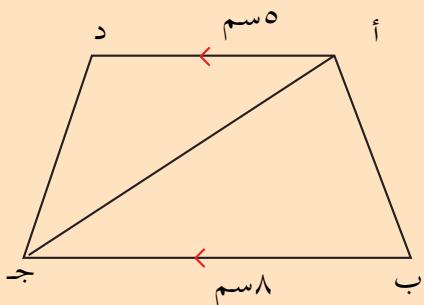
٧ في الشكل المرسوم جانباً ، إذا كانت

مساحة المثلث أ ب ج = ١٦ سم ٢

فأوجد :

أ - مساحة Δ (أ د ج)

ب - مساحة شبه المنحرف (أ ب ج د)



(٨) أ ب ج د شبه منحرف فيه :

$$\text{أ د} / \text{ب ج} , \text{أ د} = \frac{1}{3} \text{ ب ج} = 5 \text{ سم وارتفاعه} = 6 \text{ سم} , \text{ وقياس} \\ \text{ب ج د} = 90^\circ$$

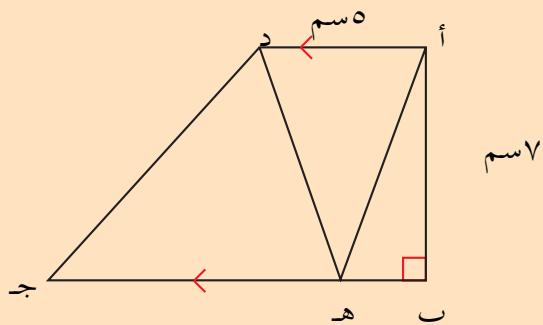
ارسمه، ثم احسب مساحته

(٩) في الشكل المرسوم أدناه إذا كان :

$$\text{أ د} = \frac{1}{2} \text{ ب ج} = 5 \text{ سم} , \text{ أ ب} = 7 \text{ سم}$$

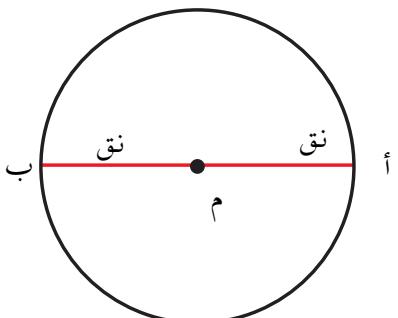
فأوجد :

$$\frac{\text{مساحة} (\text{أ ه د})}{\text{مساحة} (\text{أ ب ج د})}$$



محيط ومساحة الدائرة

محيط الدائرة



شكل (١)

الشكل المرسوم جانباً يمثل دائرة مركزها النقطة (م) أم نصف قطر فيها ، ونرمز لطول نصف قطر الدائرة بالرمز " نق " أ ب قطر فيها فيكون : طول القطر = نق + نق = ٢ نق . ما محيط الدائرة ؟

محيط الدائرة هو طول المنحنى المغلق الذي يكون الدائرة .

سُلَطَان

- ١ - ارسم ثلاث دوائر طول نصف قطر الأولى ٥ سم ، وطول نصف قطر الثانية ٨ سم ، وطول نصف قطر الثالثة ٧ سم .
 - ٢ - باستخدام خيط قس محيط الدوائر الثلاث .
- ستجد أن محيط الأولى يساوي تقريرياً ٣١,٣ سم ، ومحيط الثانية ٤٠ سم ، ومحيط الثالثة ٤٤ سم .

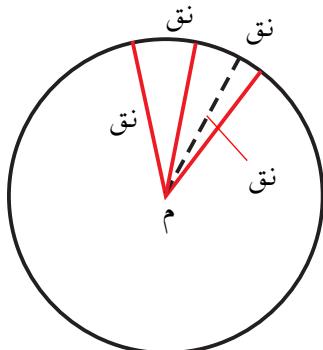
لإيجاد النسبة : $\frac{\text{محيط الدائرة}}{\text{قطرها}}$ ستجد أن :

$$\frac{31,3}{10} = \frac{40}{16} = \frac{3,13}{3,14} = \frac{4,2}{7} = \frac{22}{22} = \frac{44}{7 \times 21}$$

، ونرمز لهذه النسبة بالرمز (١١) وتقرأ (باي) أي أن :

محيط الدائرة = $\frac{\text{محيط الدائرة}}{\text{قطرها}} = \frac{\pi}{2}$ نـق فيكون :

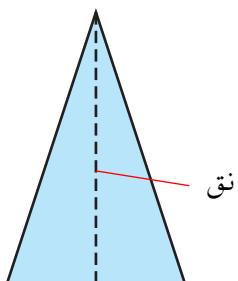
$$\text{محيط الدائرة} = 2\pi \times \frac{\text{نـق}}{2} = \pi \text{ نـق}$$



شكل (٢)

مساحة الدائرة

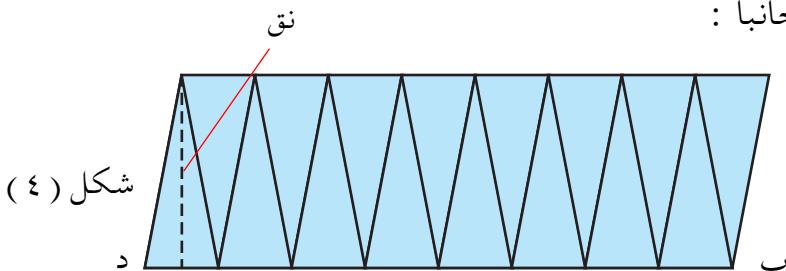
ولإيجاد مساحة الدائرة نتبع الآتي
نقسم السطح الدائري إلى
قطاعات دائرية صغيرة، ولتكن عددها
(ن) قطاعاً، ويمكن تجاوزاً اعتبار كل
قطاع يمثل مثلثاً قاعدته على محيط
الدائرة، وارتفاعه يساوي نصف قطر
الدائرة "نق" كما هو موضح بالشكل
المرسوم جانباً فتكون:



شكل (٣)

مساحة الدائرة = مجموع مساحة
المثلثات المكونة لسطح الدائرة .

ويمكن أن نرتب جميع المثلثات
متداخلة فينتج متوازي الأضلاع
المرسوم جانباً :



قاعده ب د تساوي نصف محيط الدائرة وارتفاعه نصف قطر
الدائرة "نق" ف تكون :

مساحة الدائرة = مساحة متوازي الأضلاع

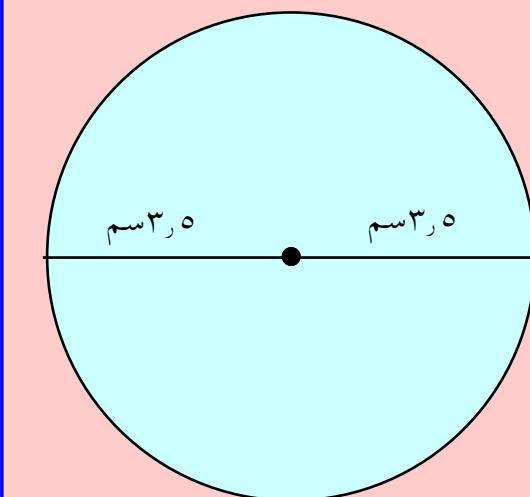
$$= ب \times د \times نق$$

$$\text{مساحة الدائرة} = \pi \times نق^2$$

أي أن

مساحة الدائرة = حاصل ضرب النسبة (π) في مربع نصف القطر

مثال ١



في الشكل
المجاور دائرة نصف
قطرها ٣.٥ سم ،
احسب محيط هذه
الدائرة .

الحل

$$\text{محيط الدائرة} = 2\pi \times نق$$

$$\text{إذن محيط الدائرة} = 2\pi \times 3.5 \times 3.5 = 21.98 \text{ سم}$$

مثال ٢

احسب محيط دائرة طول قطرها ١٤ سم

الحل

$$\text{بما أن محيط الدائرة} = \pi \times \text{قطر} \Rightarrow \text{محيط} = \frac{\pi}{2} \times 14 = 7\pi \text{ سم}$$

$$\text{إذن المحيط} = 7 \times \frac{22}{7} = 22 \text{ سم}$$

مثال ٣

إحسب مساحة دائرة نصف قطرها ٢ سم . $\pi = 3,14$

الحل

$$\text{مساحة الدائرة} = \pi \times \text{نصف قطر}^2$$

$$\text{إذن مساحة الدائرة} = \pi \times 2^2 = 3,14 \times 4 = 12,56 \text{ سم}^2$$

مثال ٤

احسب مساحة دائرة طول محيطها ٨٨ سم . $\pi = 22/7$

الحل

$$\text{محيط الدائرة} = \pi \times \text{قطر} \Rightarrow 88 = \frac{22}{7} \times \text{قطر}$$

$$\text{إذن قطر} = \frac{88 \times 7}{22} = 28 \text{ سم}$$

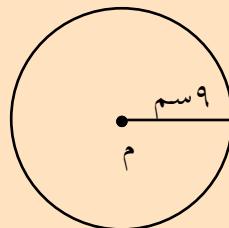
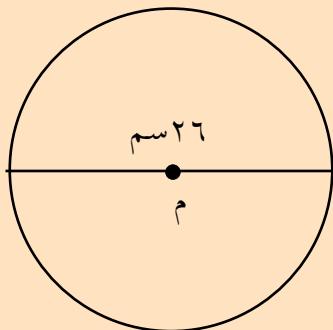
$$\text{إذن نصف قطر} = \frac{28}{2} = 14 \text{ سم}$$

$$\text{مساحة الدائرة} = \pi \times \text{نصف قطر}^2$$

$$\text{إذن مساحة الدائرة} = \pi \times 14 \times 14 = \frac{22}{7} \times 196 = 616 \text{ سم}^2$$

تدرییات صفیة

(١) احسب محیط ومساحة الدوائر المرسومة أدناه



(٢) أكمل الجدول التالي :

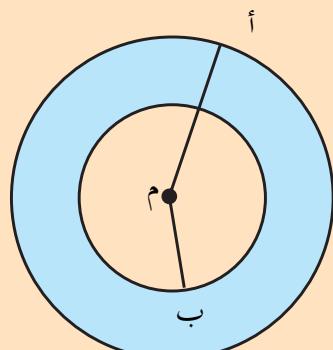
مساحتها	محیطها	قطرها	نصف قطر الدائرة
			سم ٣
			سم ٥
			سم ١,٥
			سم ٢١

(٣) أوجد محیط ومساحة دائرة نصف قطرها (٦ سم) .

(٤) أوجد محیط ومساحة دائرة قطرها (١٨ سم) .

تمارين ومسائل

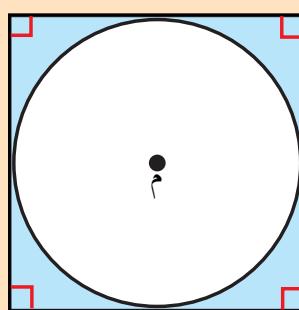
- (٥) أوجد نصف قطر ومساحة دائرة محيطها ١٧٦ سم .
- (٦) أوجد نصف قطر ومساحة دائرة محيطها ٦٢٨ سم .
- (٧) أوجد محيط دائرة مساحتها ١٥٤ سم^٢ .
- (٨) أوجد مساحة المنطقة المظللة في الأشكال الآتية



حيث $m_b = 14$ سم ،

$m_a = 21$ سم

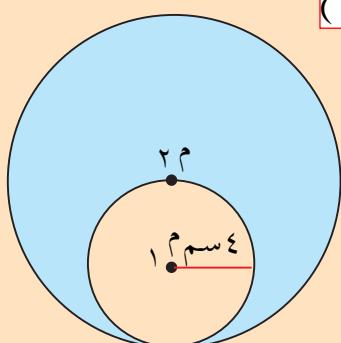
(أ)



(ب)

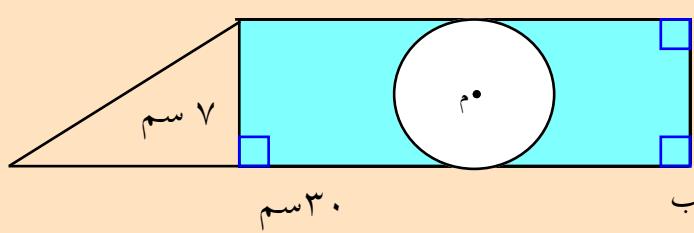
4 سم

(ج)



أ ٢٠

(د)

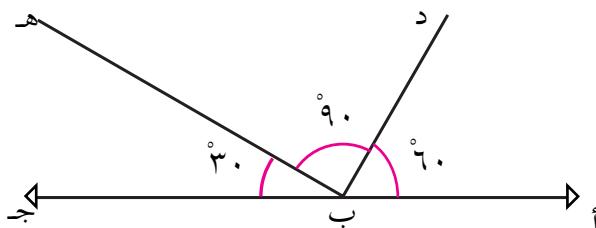


الزواياتان المجاورتان المرسومتان على مستقيم واحد

في الشكل المرسوم أدناه :

$$\text{ق } (\angle ABD) = 90^\circ, \text{ ق } (\angle DBC) = 60^\circ$$

$$\text{ق } (\angle HBG) = 30^\circ$$



فنجد أن :

$$\text{ق } (\angle ABD) + \text{ق } (\angle HBG) = 90^\circ + 30^\circ = 120^\circ$$

$$\text{ق } (\angle ABD) + \text{ق } (\angle DBC) = 90^\circ + 60^\circ = 150^\circ$$

فنقول أن $\angle ABD$ ، $\angle HBG$ متكاملتان ، بينما نقول أن

$\angle ABD$ ، $\angle DBC$ متكاملتان .

إذن

الزواياتان المتكاملتان هما زواياتان مجموع قياسهما 90°

الزواياتان المتكاملتان هما زواياتان مجموع قياسهما 180°

مثال ١

ما قياسات متممات ومكملات الزاويتين الآتيتين :

${}^{\circ} 40$ ، ${}^{\circ} 85$

الحل

قياس متممة الزاوية التي قياسها ${}^{\circ} 40 = {}^{\circ} 90 - {}^{\circ} 50$

قياس مكملة الزاوية التي قياسها ${}^{\circ} 140 = {}^{\circ} 180 - {}^{\circ} 40$

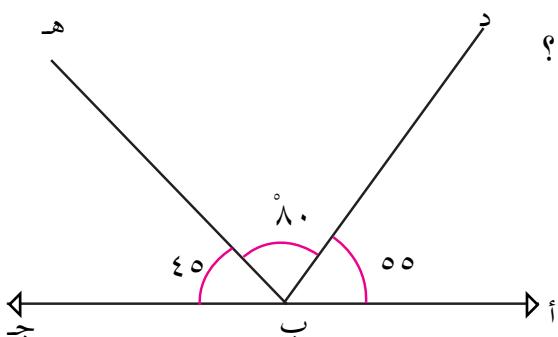
قياس متممة الزاوية التي قياسها ${}^{\circ} 85 = {}^{\circ} 90 - {}^{\circ} 5$

قياس مكملة الزاوية التي قياسها ${}^{\circ} 85 = {}^{\circ} 180 - {}^{\circ} 95$

نشاط

في الشكل المرسوم جانباً : أوجد ناتج $(\angle A + \angle H) + (\angle G + \angle J)$. لاحظ أن $\angle A + \angle H$ ، $\angle G + \angle J$ زاويتين متجلورتين مرسومتين على \overleftrightarrow{AB} .

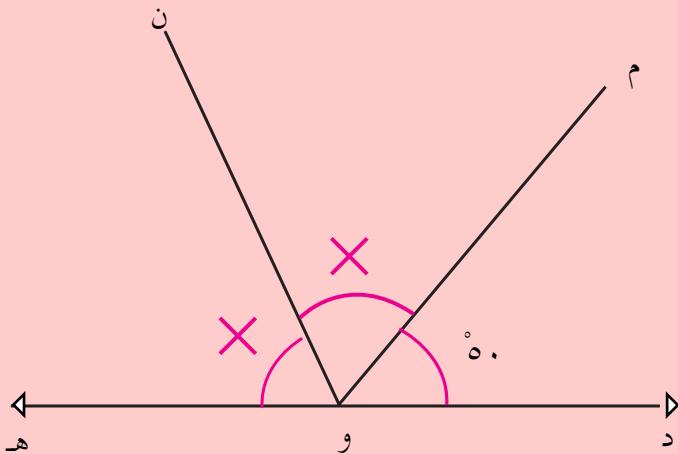
سم زاويتان متجلورتان آخريان مرسومتان على \overleftrightarrow{AJ} ، وأوجد مجموع قياسهما . ماذا تلاحظ ؟



الزوايا المتجاورتان المرسوماتان على مسقى واحد متكاملتان

مثال ٢

في الشكل المرسوم أدناه : د ه ، ق (د و م) = ٥٠ °
أوجد قياس كل من د م و ن ، د ن و ه ، إذا علمت أن
ق (د م و ن) = ق (د ن و ه) .



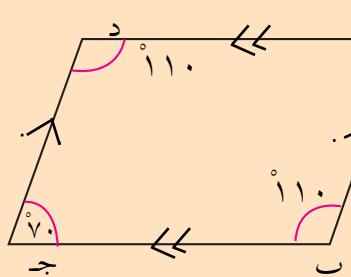
الحل

$$\begin{aligned} \text{بما أن } & \text{ق (د و م)} + \text{ق (د م و ن)} = ١٨٠^\circ \\ \text{إذن } & \text{ق (د م و ه)} = ١٨٠^\circ - ٥٠^\circ = ١٣٠^\circ \\ \text{إذن } & \text{ق (د م و ن)} = \frac{١٣٠}{٢} = ٦٥^\circ = \text{ق (د ن و ه)} \end{aligned}$$

تدریيات صفية

(١) أكمل الجدول الآتي :

63°	45°	10°	20°	قياس الزاوية
				قياس الزاوية المتممة لها
				قياس الزاوية المكملة لها

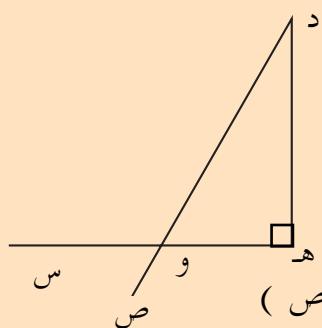


(٢) في الشكل المرسوم جانباً

$$\text{ق } (\angle \alpha) = \text{ق } (\angle \gamma) = 70^\circ ,$$

$$\text{ق } (\angle \beta) = \text{ق } (\angle d) = 110^\circ$$

سم ثلاثة أزواج من الزوايا المتكاملة



(٣) في الشكل المرسوم جانباً :

$$\text{ق } (\angle d) = 30^\circ , \text{ ق } (\angle h) =$$

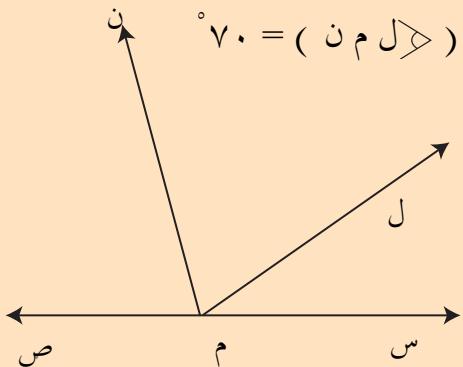
$$90^\circ , \text{ ق } (\angle d + h) =$$

- سم زاويتين متنامتين .

- أحسب ق ($\angle d + s$) ، ق ($\angle h + s$)

تمارين ومسائل

(٤) في الشكل المرسوم جانباً : إذا كان

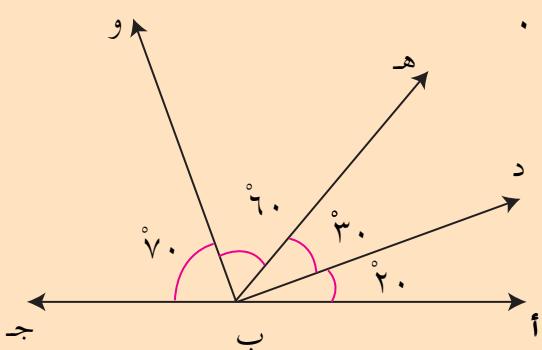


أوجد ق ($\angle NMC$)

(٥) في الشكل المرسوم جانباً سِمْ ،

- زوجين لزوايا متنامية ،

- زوجين لزوايا متكاملة .

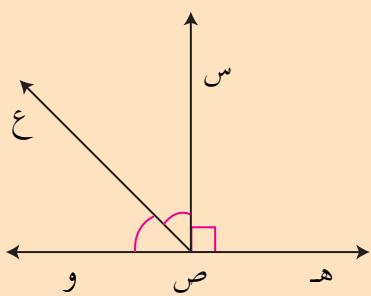


(٦) في الشكل المرسوم جانباً اذا كان :

ق ($\angle HSC$) = ٩٠ ، ق ($\angle SCD$) = ق ($\angle USC$)

احسب : ق ($\angle SCD$) ،

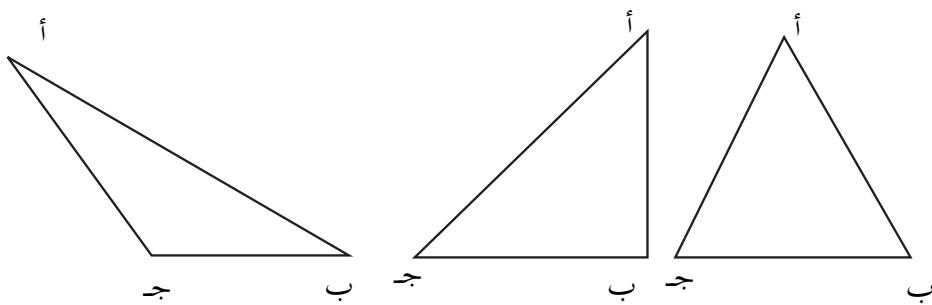
ق ($\angle USC$) ، ق ($\angle HSC$)



مجموع قياسات زوايا المثلث

شاط

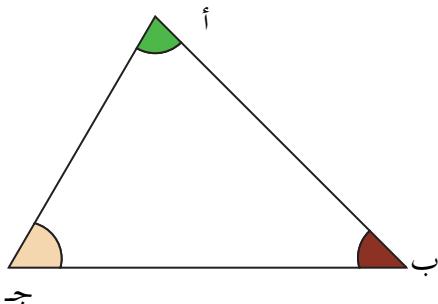
لدينا أدناه ثلاثة مثلثات :



- قس زوايا كل مثلث ، ثم أكمل الجدول .

المجموع	$ق (ج)$	$ق (ب)$	$ق (أ)$	م
				١
				٢
				٣

- ماذا تستنتج ؟



في الشكل المرسوم جانباً :

قص الزاويتين ب ، أ .

إجعل $\angle B$ مجاورة لـ $\angle C$

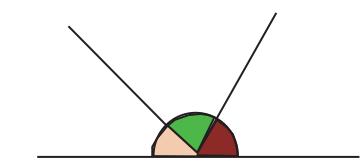
ثم أجعل $\angle A$ مجاورة لـ $\angle B$.

إلصق الزوايا الثلاث

كما في الشكل المجاور ماذا تلاحظ

تلاحظ أن الزوايا الثلاث تقع على

مستقيم واحد .



أجعل $\angle A$ مجاورة لـ $\angle C$ من الجهة الأخرى من $\angle B$ هل تقع
الزوايا الثلاث على مستقيم واحد؟ .

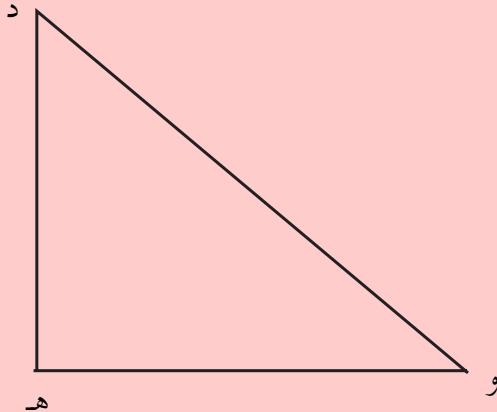
غير ترتيب الزوايا الثلاث بحيث تكون متجاورة. هل تقع الزوايا
الثلاث دائمًا على مستقيم واحد؟ ما مجموع قياسات الزوايا الثلاث؟

إذن

مجموع قياسات زوايا المثلث تساوي 180°

مثال ١

في الشكل المرسوم أدناه: مثلث د هو، فيه
ق(\angle د) = 40° ، ق(\angle ه) = 90° . احسب ق(\angle و)



الحل

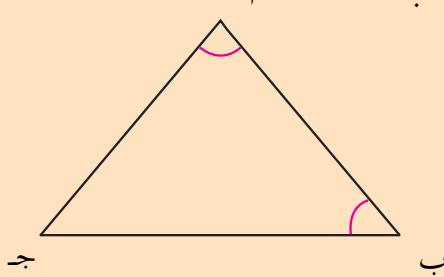
$$\begin{aligned} \text{ق}(\angle D) + \text{ق}(\angle H) + \text{ق}(\angle W) &= 180^\circ \quad (\text{لماذا؟}) \\ \text{ولكن } \text{ق}(\angle D) + \text{ق}(\angle H) &= 90^\circ + 40^\circ = 130^\circ \\ \text{فـ } \text{ق}(\angle W) &= 180^\circ - 130^\circ = 50^\circ \end{aligned}$$

تدرییات صفیہ

(١) أي القياسات التالية تعبر عن قياسات زوايا مثلث ؟

- أ) $\angle S = 100^\circ$ $\angle C = 30^\circ$ $\angle U = 40^\circ$
- ب) $\angle S = 50^\circ$ $\angle C = 90^\circ$ $\angle U = 40^\circ$
- ج) $\angle S = 75^\circ$ $\angle C = 30^\circ$ $\angle U = 80^\circ$
- د) $\angle S = 30^\circ$ $\angle C = 120^\circ$ $\angle U = 30^\circ$
- هـ) $\angle S = 60^\circ$ $\angle C = 30^\circ$ $\angle U = 75^\circ$

(٢) في الشكل المرسوم جانبا



$$\angle A = 80^\circ,$$

$$\angle B = 50^\circ,$$

احسب $\angle C$

(٣) ΔABC ، فيه $\angle A = 100^\circ$ ، $\angle B = 30^\circ$ ،

احسب $\angle C$

(٤) إذا كان ΔDHE و فيه $\angle D = 30^\circ$ ، $\angle H = 2\angle C$

فأوجد $\angle E$

تمارين ومسائل

(٥) في الشكل المرسوم جانباً : ΔDHE

$$\text{فيه } \angle HED = 110^\circ, \angle HEH = 35^\circ$$

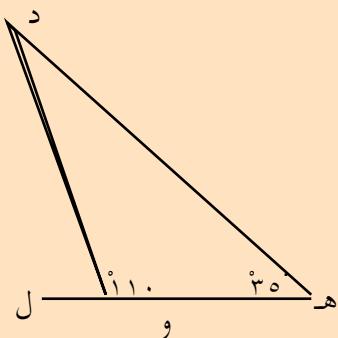
أ) احسب $\angle D$

ب) قس $\angle DHE$

ج) أوجد ناتج $\angle H + \angle D$

ما هي علاقة الناتج

بـ $\angle DHE$



(٦) ΔDHE فيه $\angle HED = \angle HEH$. فإذا كان $\angle HED =$

فاحسب $\angle HEH$ ، $\angle D$

(٧) ΔSCS فيه $\angle CSC = \angle CSU$ ؛ فإذا كان

$\angle CSC = 70^\circ$ فاحسب $\angle S$ ، $\angle CSU$

(٨) ΔLMN فيه $\angle L = \angle M = \angle N$

احسب قياس كل زاوية من زوايا المثلث .

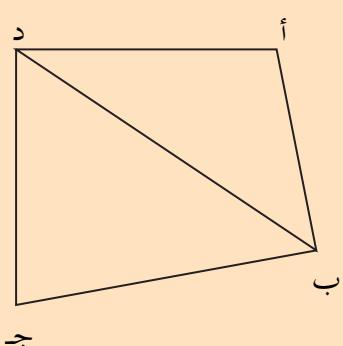
(٩) في الشكل المرسوم جانباً :

المطلوب

أ) قس زوايا كل من المثلثين AEB ، BGD

ب) جد

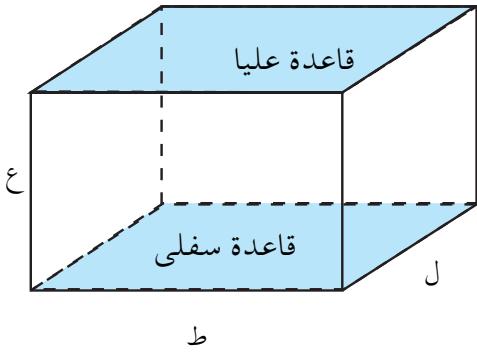
ج) احسب $\angle AEB$ ، $\angle BGD$



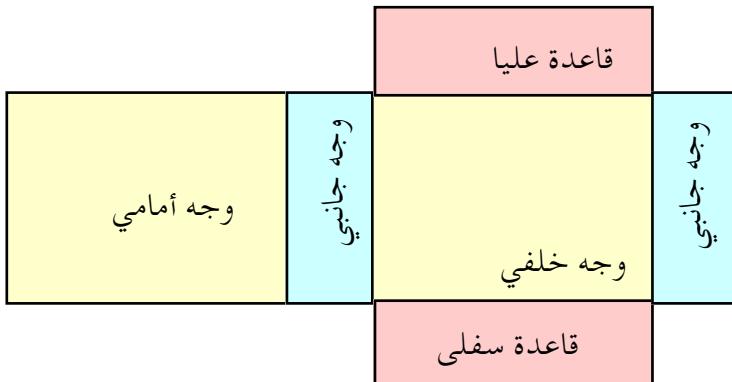
ج) ما مجموع قياس زوايا الشكل الرباعي $AEBGD$

المساحة الجانبية والمساحة الكلية

المساحة الجانبية والكلية لمتوازي المستطيلات



الشكل المرسوم جانباً يمثل متوازي مستطيلات ورمز طوله (ط) وعرضه (ل) وارتفاعه (ع)، وتساوي مساحته الجانبية مجموع مساحة أوجيه المتوازي. وبفك متوازي المستطيلات من أحدى أحرفه ، ومن أعلى ، ومن أسفل نحصل على الشكل التالي :



وينتج أن المساحة الجانبية تساوي مساحة المستطيل المكون من الوجهين الجانبيين والوجه الأمامي والوجه الخلفي ويبلغ طوله $2(\text{ط} + \text{l})$ ، وارتفاعه ع .

$$\begin{aligned}
 \text{إذن : المساحة الجانبية لمتوازي المستطيلات} &= \text{محيط القاعدة} \times \text{الارتفاع} \\
 &= (\text{الطول} + \text{العرض}) \times \text{الارتفاع} \\
 &= 2(\text{ط} + \text{ل}) \times \text{ع}
 \end{aligned}$$

أما المساحة الكلية لمتوازي المستطيلات فتساوي مساحة أوجهه الستة ، أي المساحة الجانبية + مساحة القاعدتين :

أي أن :

$$\begin{aligned}
 \text{المساحة الكلية لمتوازي المستطيلات} \\
 &= \text{مساحتها الجانبية} + \text{مساحة القاعدتين} (\text{مجموع مساحة قاعديه}) \\
 &= (\text{محيط القاعدة} \times \text{الارتفاع}) + (2 \times \text{الطول} \times \text{العرض}) \\
 &= 2(\text{ط} + \text{ل}) \times \text{ع} + 2 \times \text{ط} \times \text{ل}
 \end{aligned}$$

مثال ١

متوازي مستطيلات طوله ٦ سم ، وعرضه ٤ سم ، وارتفاعه ٥ سم ؛ أوجد مساحته الجانبية، ومساحته الكلية

الحل

$$\text{المساحة الجانبية} = 2 (\text{الطول} + \text{العرض}) \times \text{الارتفاع}$$

$$= 2 (6 + 4) \times 5 =$$

$$= 2 \times 10 \times 5 = 90 \text{ سم}^2$$

$$\text{المساحة الكلية} = \text{المساحة الجانبية} + 2 \times \text{الطول} \times \text{العرض}$$

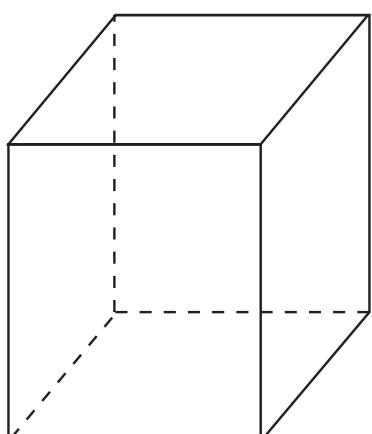
$$= 90 + 2 \times 6 \times 2 =$$

$$= 90 + 48 = 138 \text{ سم}^2$$

■ المساحة الجانبية والكلية للمكعب

نعلم من دراستنا السابقة ، أن المكعب هو متوازي مستطيلات تساوت أطوال أحرفه ، أي أن له ستة أوجه مربعة الشكل ومتطابقة – كما في الشكل المرسوم جانبا : منها أربعة أوجه جانبية ، وقاعدتان : سفلی ، وعلیا .

إذن مساحة أي وجه من أوجه المكعب = طول أحد أحرفه \times نفسه .



فيكون :

المساحة الجانبية للمكعب = $4 \times$ مساحه أحد أوجهه

المساحة الكلية للمكعب = $6 \times$ مساحة أحد أوجهه

مثال ٢

مكعب طول حرفه $\frac{1}{3}$ سم أوجد مساحتة الجانبية ، ومساحتة الكلية .

الحل

المساحة الجانبية للمكعب = $4 \times$ مساحه أحد أوجهه

$$\frac{1}{3} \times 4 \times \frac{1}{3} =$$

$$(\frac{13}{3} \times \frac{13}{3}) \times 4 =$$

$$\frac{1}{9} = \frac{676}{9} = (\frac{169}{9}) \times 4 = 0.25 \text{ سم}^2$$

المساحة الكلية للمكعب = $6 \times$ مساحة أحد أوجهه

$$(\frac{1}{3} \times 4 \times \frac{1}{3}) \times 6 =$$

$$(\frac{13}{3} \times \frac{13}{3}) \times 6 =$$

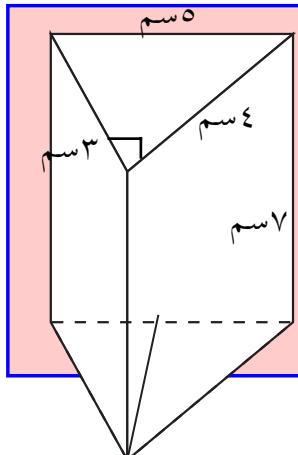
$$\frac{2}{3} = \frac{338}{3} = \frac{169}{9} \times 2 = 112 \text{ سم}^2$$

المساحة الجانبية والمساحة الكلية للمنشور القائم :

بما أن متوازي المستطيلات هو منشور قائم فإن أوجهه الستة عبارة عن مستطيلات ولحساب المساحة الكلية للمنشور القائم نتبع الخطوات نفسها التي قمنا بها في متوازي المستطيلات وبذلك فإن :

المساحة الجانبية للمنشور القائم = محيط القاعدة × الارتفاع
 المساحة الكلية للمنشور القائم = المساحة الجانبية + مجموع مساحة قاعدتيه

مثال ٣



الشكل المرسوم جانباً لمنشور قائم ثلاثي ،
 قاعدته مثلث قائم الزاوية ، وأطوال أضلاعه ٤ سم و ٣ سم و ٥ سم ؛ وارتفاعه ٧ سم . أوجد مساحته الجانبية ، ومساحته الكلية .

الحل

المساحة الجانبية = محيط القاعدة × الارتفاع

$$7 \times (5+3+4) =$$

$$2 \times 12 = 24 \text{ سم}$$

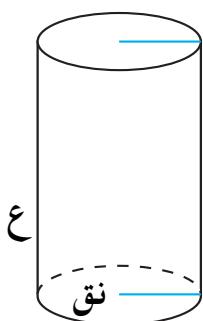
المساحة الكلية = المساحة الجانبية + مساحة قاعدتيه

$$\text{مساحة القاعدة} = \frac{1}{2} \times 4 \times 3 = 6 \text{ سم}^2$$

$$\text{المساحة الكلية} = 24 + 6 =$$

$$24 + 6 = 30 \text{ سم}^2$$

المساحة الجانبية والمساحة الكلية للأسطوانة الدائرية القائمة :



الشكل المرسوم جانباً لأسطوانة دائرية قائمة طول نصف قطر قاعدتها نق ، وارتفاعها ع ، ولحساب مساحتها الجانبية ومساحتها الكلية نتبع خطوات العمل نفسه التي قمنا بها في متوازي المستطيلات

$$\text{المساحة الجانبية للأسطوانة القائمة} = \text{محيط القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

$$= \pi \times نق \times ع$$

$$\text{المساحة الكلية للأسطوانة القائمة} = \text{المساحة الجانبية} + \text{مساحة قاعدتيه}$$

$$= \pi \times نق \times ع + \pi \times نق^2$$

مثال ٤

احسب المساحة الجانبية والمساحة الكلية للأسطوانة دائرية قائمة ، نصف قطر قاعدتها ١٤ سم، وارتفاعها ٢٥ سم (ضع $\pi = \frac{22}{7}$)

الحل

$$\text{المساحة الجانبية} = \pi \times نق \times ع .$$

$$= \frac{22}{7} \times 14 \times 25 = 25 \times 14 \times 2200 = 2200 \text{ سم}^2$$

$$\text{المساحة الكلية} = \pi \times نق \times ع + \pi \times نق^2 .$$

$$= 14 \times 25 \times \frac{22}{7} + 2200 =$$

$$= 3432 + 2200 = 1232 \text{ سم}^2$$

تدرییات صفیة

- (١) متوازي مستطيلات ؟ طول قاعده ٧ سم ، وعرضها ٥ سم ، وارتفاعه ٥ سم . أوجد مساحته الجانبية، ومساحته الكلية .
- (٢) مكعب طول حرفه ٦,٥ سم ، أوجد مساحته الجانبية ، ومساحته الكلية .
- (٣) مكعب مساحة أحد أوجهه $\frac{1}{2} \times 132$ سم^٢ ؛ أوجد مساحته الجانبية .
- (٤) منشور ثلاثي قاعده مثلث متساوي الأضلاع ، طول ضلعه ٨ سم ؛ فإذا كان طول الحرف الجانبي للمنشور القائم ١٢ سم ، فأوجد المساحة الجانبية للمنشور القائم .
- (٥) أسطوانة دائرية ارتفاعها ١٢,٥ سم ، نصف قطر قاعدها ٦ سم ، احسب المساحة الكلية للأسطوانة ($\pi = 3,14$) .

تمارين ومسائل

(٦) كرتون على شكل مكعب طول حرفه ٢١ متر ، نزع الوجه الأعلى منه فاحسب مساحة الكرتون .

(٧) صندوق من الخشب على شكل منشور قائم ثلاثي ، مثبت على الأرض ، وقاعدته مثلث متساوي الأضلاع طول ضلعه ٨٠ سم . فإذا كان طول الحرف الجانبي لمنشور قائم ٢٢ متر وكان للصندوق فتحتان جانبيتان ومجموع مساحاتها ٤١٢ م٢ ، فأوجد مساحة الخشب التي تغطي الأسطح الجانبية للصندوق

(٨) صرح تذكاري ارتفاعه ٤٥ م ، وقاعدته على شكل مربع طول ضلعه ٥١ م غطت أوجهه الجانبية ب أحجار الوجه المشاهد لكل منها على شكل مستطيل طوله ٥٥ سم وعرضه ٣٠ سم . أوجد عدد الأحجار التي استخدمت في هذا المبني .

(٩) - غرفة على شكل متوازي مستطيلات ، طولها ٥٥ م ، وعرضها ٣٢ م ، وارتفاعها ٥٣ م . كم المبلغ اللازم لطلاء جدران هذه الغرفة وسقفها إذا علمت أن تكلفة طلاء المتر المربع ٢٥٠ ريالاً ، وأن للغرفة نوافذ وباباً بمساحة ٣٢ لا تحتاج إلى طلاء .

الحجم والسعنة

الحجم ووحداته

تتأمل الأشكال المرسومة جانباً :

تجد أنها تشغّل حيزاً في الفراغ (الفضاء) .

والحيز الذي تشغله الحقيقة أكبر من الحيز

الذي يشغل الكتاب ، والحيز الذي يشغل الكتاب

أكبر من الحيز الذي يشغل القلم .

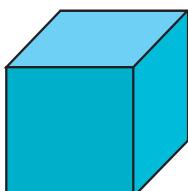
أي أن :

حجم الحقيقة أكبر من حجم الكتاب ،

وحجم الكتاب أكبر من حجم قلم الرصاص ،



حجم الجسم هو مقدار ما يشغله من حيز في الفراغ (الفضاء) .



الشكل المرسوم جانباً يمثل معيكاً

مصمتاً طول ضلعه ١ سم فيكون

حجمه = 1 سم^3 (واحد سنتيمتر

مكعب)

إذن :

السنتيمتر المكعب هو وحدة قياس للحجم ، كما أن هناك وحدات أخرى

لقياس الحجم هي :

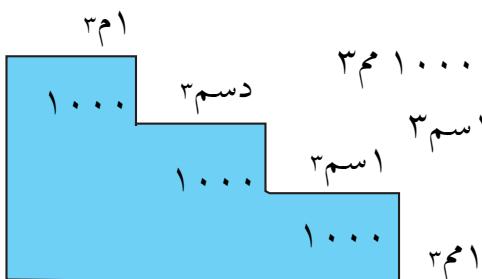
المليمتر المكعب ، الديسيمتر المكعب ، والمتر المكعب وهي مكعبات مصممة أطوال أضلاعها على الترتيب :

١م ، ١ دسم ، ١ م

١ سم 3 = ١٠٠٠ مم 3

١ دسم 3 = ١٠٠٠ سم 3 = ١٠٠٠٠٠٠ مم 3

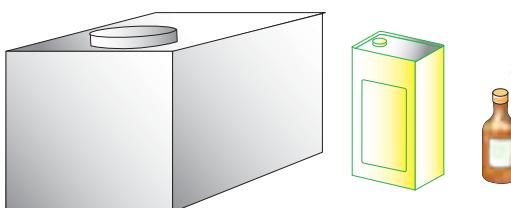
١ م 3 = ١٠٠٠ دسم 3 = ١٠٠٠٠٠٠ سم 3



السعة ووحداتها :

تأمل الأشكال المرسوم جانباً :

تجد أن : الخزان مملوء بالمياه ، وأن



الصفيحة مملوءة بزيت الطبخ ، وأن

القارورة مملوءة بالعلاج (الدواء)

كما تجد أن :

كمية العلاج أصغر من كمية الزيت ، وكمية الزيت أصغر من كمية المياه

أى أن : سعة القارورة أصغر من سعة الجالون ، وسعه الجالون أصغر من سعة الخزان .

السعة : هي مقدار الحيز الذى يشغل السائل (كمية السائل)

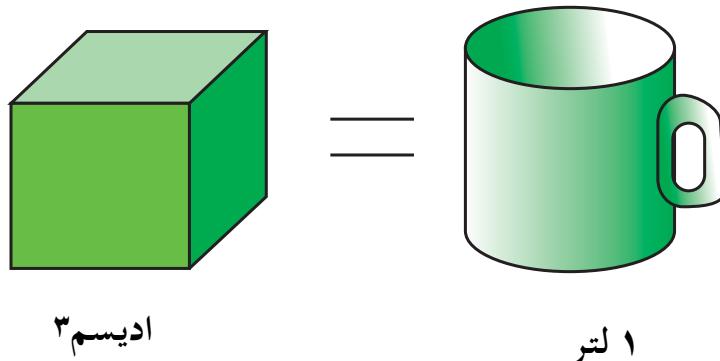
وحدة قياس السعة :

يستخدم اللتر لقياس السعة ، وهو وحدة سعة لقياس السوائل مثل الزيت ، والماء ، والحليب ، والنفط . . .

اللتر : هو كمية السائل الذي يحويه إناء مكعب حجمه ١ ديسم 3

أي أن العلاقة بين وحدات الحجم واللتر هي :

$$1 \text{ لتر} = 1 \text{ دسم}^3 = 1000 \text{ سم}^3$$



مثال ١

حول ٥ ر ١ م 3 إلى سم 3

الحل

$$\text{بما أن } 1 \text{ م}^3 = 1000000 \text{ سم}^3$$

$$\text{إذن } 5 \text{ ر 1 م}^3 = 5 \times 1000000 \text{ سم}^3$$

$$= 5000000 \text{ سم}^3$$

مثال ٢

كم لترًا في 200000 سم^3 ؟

الحل

$$\text{عدد التراتات في } 200000 \text{ سم}^3 = \frac{200}{1 \text{ سم}} = 200 \text{ لتر}$$

مثال ٣

خزان مياه على هيئة اسطوانة دائيرية، تستوعب كمية من المياه حجمها 246400 سم^3 احسب كمية المياه مقدرة باللترات .

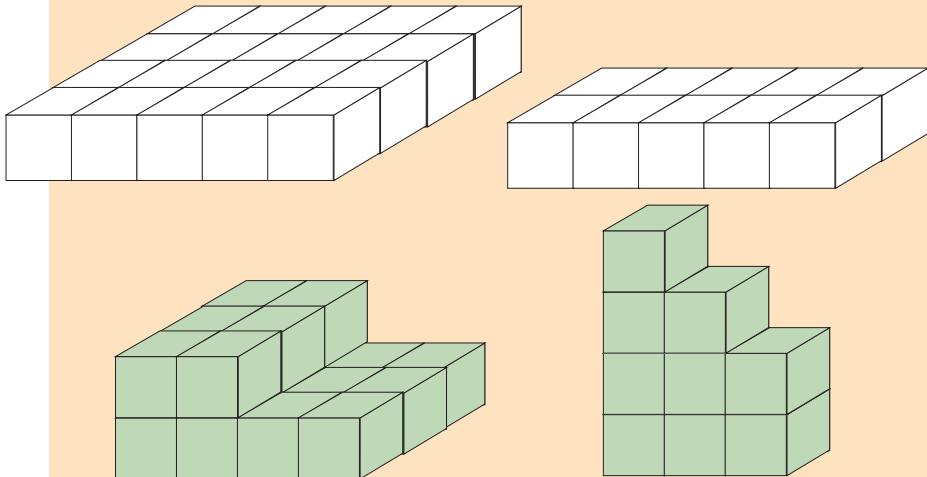
الحل

$$\text{سعة الخزان باللتر} = \frac{\text{الحجم}}{\text{سم}^3 1000}$$

$$\frac{2464}{10} = \frac{246400}{\text{سم}^3 1000} = 246 \text{ لترًا}$$

تدرییات صفیة

(١) احسب حجم كلٍ من الأجسام الآتية بالستيمیترات المکعبية



أكمل ما يأتي : (٢)

أ - $27 \text{ سم}^3 = \dots \text{ ملم}^3$

ب - $89 \text{ ديسم}^3 = \dots \text{ سم}^3$

ج - $67 \text{ م}^3 = \dots \text{ ديسم}^3$

د - $75000 \text{ ملم}^3 = \dots \text{ سم}^3$

ه - $25000 \text{ م}^3 = \dots \text{ دسم}^3$

و - $75 \text{ م}^3 = \dots \text{ سم}^3$

(٣) حول ما يأتي إلى لترات :

ب - $179500 \text{ سم}^3 = \dots \text{ لتر}$

د - $1987500 \text{ مم}^3 = \dots \text{ لتر}$

و - $8970000 \text{ مم}^3 = \dots \text{ لتر}$

تمارين ومسائل

(٤) حول ما يأتي إلى سم³

٤٢٥ ديسم³ ، ٩٧٩ رم³

(٥) حول ما يأتي إلى أمتار مكعبة :

٩٧٠٠٠ سم³ ، ٨٥٩٠٠ ديسم³ ، ٥٩٨٨٠٠٠ ملم³

(٦) حول ما يأتي إلى لترات

١٥ م³ ، $\frac{3}{4}$ م³ ، ٥٧٥٤٣٠٠ سم³

(٧) حول ما يأتي إلى سم³

٥ لتر ، ٢٠ لتراً ، ٣٧٥ لتر ، ٥ لتر

(٨) جالون (صفحة) زيت يحوي ٣ لتر من الزيت ، احسب

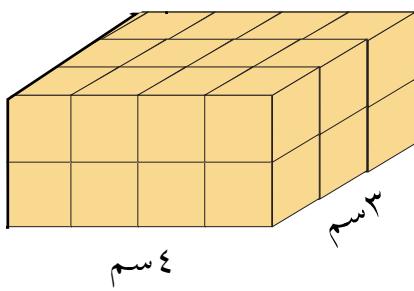
كمية الزيت بالسم³

(٩) برميل نفط حجمه $\frac{1}{5}$ م³ أحسب سعته باللترات .

الحجم

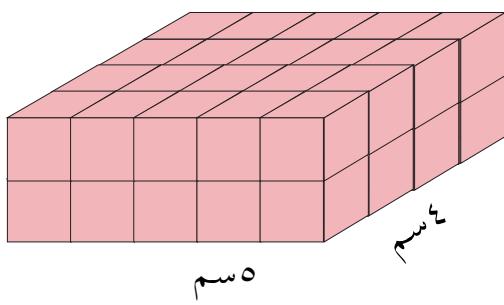
■ حجم متوازي المستطيلات والمكعب

الشكل المرسوم جانباً متوازي



مستطيلات ، طوله ٤ سم
وعرضه ٣ سم ، وارتفاعه ٢ سم .
تلاحظ انه يتكون من طبقتين
من الوحدات المكعبة، وكل
طبقة تحوي على ١٢ وحدة
مكعبة ، فيكون عدد الوحدات
المكعبة في متوازي المستطيلات
= ٢٤ وحدة مكعبة .

أي حجمه = 24 سم^3 ؟ فكم يكون حجم متوازي المستطيلات
السابق إذا كان ارتفاعه ٣ سم ، ٤ سم ؟
الشكل المرسوم جانباً متوازي



مستطيلات : طوله ٥ سم
وعرضه ٤ سم ، وارتفاعه ٢ سم ،
نلاحظ أن عدد الوحدات
المكعبة في كل طبقة يساوي ٢٠
وحدة مكعبة .

أي ان حجمه = ٤٠ سم^٣ ؛ فكم يكون الحجم إذا كان الارتفاع ٥ سم
٦ سم؟

متوازي مستطيلات طوله ٥ سم وعرضه ٣ سم وارتفاعه ٢ سم ، ويكون
من طبقتين ، وعدد الوحدات المكعبية في كل طبقة = ١٥ وحدة مكعبة
فيبلغ حجمه = ٣٠ سم^٣ .

ما سبق نلاحظ أن عدد الوحدات المكعبة في كل طبقة يساوي مساحة
القاعدة في الإرتفاع (١ سم) إذن :

$$\text{حجم متوازي المستطيلات} = \text{مساحة القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

أي أن حجم متوازي المستطيلات = الطول × العرض × الإرتفاع
ويمثل المكعب هو متوازي مستطيلات تتساوى أبعاده الثلاثة فإن

$$\text{حجم المكعب} = \text{مساحة أحد أوجهه} \times \text{طول أحد أحرفه}$$

$$\text{حجم المكعب} = \text{طولحرف} \times \text{نفسه} \times \text{نفسه}$$

مثال ١

احسب حجم متوازي مستطيلات طوله ٨ سم ، وعرضه ٥ سم ،
وارتفاعه ٦ سم .

الحل

$$\text{الحجم} = \text{الطول} \times \text{العرض} \times \text{الارتفاع}$$

$$3 \times 5 \times 8 = 6 \times 40 = 260 \text{ سم}^3$$

■ حجم المنشور

لحساب حجم المنشور نتبع الخطوات نفسها التي اتبعناها في متوازي المستطيلات؛ أي نحدد عدد الوحدات المكعبة في كل طبقة فتكون :

$$\text{عدد الوحدات} = \text{مساحة القاعدة} \times 1$$

ويكون عدد الطبقات التي يتكون منها المنشور القائم مساوياً لارتفاع المنشور وبذلك فإن عدد الوحدات المكعبة في المنشور القائم يساوى حاصل ضرب عدد الوحدات في كل طبقة في عدد الطبقات
إذن :

$$\boxed{\text{حجم المنشور} = \text{مساحة القاعدة} \times \text{الارتفاع}}$$

حيث ارتفاع المنشور القائم ، هو عبارة عن طول حرف من أحرفه الجانبية

مثال ٢

أوجد حجم منشور رباعي قائم ، قاعدته معين ، طولا قطرية ٢٧ سم ، ٦ سم ، إذا كان طول حرف المنشور القائم ١٠ سم .

الحل

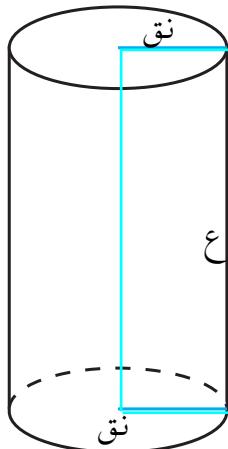
$$\text{إذن حجم المنشور القائم} = \text{مساحة القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{إذن مساحة القاعدة} = \frac{1}{2} \times \text{حاصل ضرب قطرية}$$

$$= \frac{1}{2} \times 27 \times 6 = 81 \text{ سم}^2$$

$$\text{إذن حجم المنشور القائم} = 10 \times 81 = 810 \text{ سم}^3$$

حجم الإسطوانة



الشكل المرسوم جانباً لإسطوانة دائيرية قائمة
نصف قطرها نق وارتفاعها ع .

ولحساب حجمها نتبع الخطوات نفسها التي
اتبعناها في متوازي المستويات ، فيكون عدد
الوحدات المكعبية في كل طبقة = $\pi r^2 h$
وحدة مكعبة وعدد الطبقات = ع (الارتفاع)
إذن :

$$\text{حجم الإسطوانة} = \text{مساحة القاعدة} \times \text{الارتفاع}$$

$$\text{حجم الإسطوانة} = \pi r^2 h$$

مثال ٣

أوجد حجم إسطوانة دائيرية قائمة طول نصف قطر قاعدتها = ٥ سم
، وارتفاعها ٨ سم (ضع $\pi = ٣,١٤$)

الحل

$$\text{حجم الإسطوانة} = \pi r^2 h$$

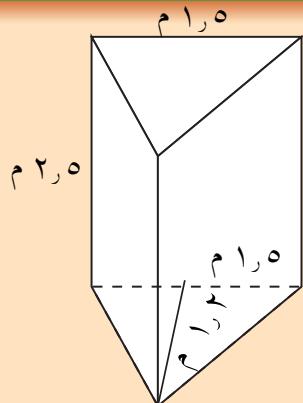
$$= 8 \times 25 \times 3,14$$

$$= 200 \times 3,14 = 628 \text{ سم}^3$$

تدرییات صفیة

- (١) أوجد حجم مكعب طول حرفه ٥ سم .
- (٢) أوجد حجم متوازي مستطيلات؛ طوله ٣ م ، وعرضه ٥ م ، وارتفاعه ٠ م .
- (٣) منشور قائم. قاعدته على شكل مثلث طولها ٨ سم ، وارتفاعه ٤ سم فإذا كان ارتفاع المنشور القائم ١٢ سم ، فأوجد حجمه .
- (٤) منشور رباعي قائم قاعدته على شكل شبه منحرف طولاً قاعدتيه المتوازيتين ٣٢ سم ، ٢٨ سم وارتفاعه ٢٠ سم ، فإذا كان ارتفاع المنشور القائم = $\frac{1}{2}$ م ، فأوجد حجم المنشور ؟
- (٥) إسطوانة دائيرية قائمة نصف قطر قاعدتها ٤ سم ، وارتفاعها ١٢ سم أوجد حجمها (ضع $\pi = ٣,١٤$)

تمارین ومسائل



- (٦) في الشكل المرسوم جانبأً وعاء على شكل منشور ثلاثي قائم طول قاعدته ٥ سم ، وارتفاعها ٢ سم فإذا كان ارتفاع المنشور ٢.٥ م ، أوجد سعته باللترات .

(٧) خزان مياه ، أحدهما ، على شكل إسطوانة دائريّة قائمة طول نصف قطر قاعدتها 6 m ، وارتفاعها 12 m والآخر على شكل منشور قائم قاعدته مربع طول ضلعه 5 m ؛ فإذا كان ارتفاع المنشور 6 m .

فأُوجد الحجم الكلي للخزانين وأُوجد سعته (ضع $\pi = 3.14$)

(٨) مخزن على شكل إسطوانة دائريّة قائمة ، مملوء بالحبوب . فإذا كان نصف قطر قاعدة المخزن $\frac{1}{2}\text{ m}$ ، وارتفاعه 2 m ، فأُوجد حجم المخزن .

وإذا علمت أن المتر المكعب من الحبوب يزن 456 kg ، فأُوجد وزن الحبوب الموجودة في المخزن (ضع $\pi = \frac{22}{7}$) .

(٩) كرتون على شكل مكعب طول حرفه $\frac{1}{3}\text{ m}$ ، مملوء بقطع من الصابون ، وكل قطعة على شكل متوازي مستطيلات ؛ طولها 5 cm ، وعرضها 5 cm ، وارتفاعها 2.5 cm . أُوجد عدد قطع الصابون في هذا الكرتون .

(١٠) خزان على شكل منشور طول قاعدته على شكل متوازي أضلاع طول قاعدته 3 m ، وارتفاعه 4 m . فإذا كان طول الحرف الجانبي للخزان 2 m ، وكان هذا الخزان مملوءً بسائل ، ثمن المتر المكعب منه 1200 ريال ، فأُوجد ثمن السائل الذي في الخزان .

السرعة والمسافة

إذا كان راكب دراجة يقطع ٨٠ م في كل دقيقة ، فإننا نقول بأن سرعة الدرجة ٨٠ م في الدقيقة ؛ وتكون :

المسافة التي تقطعها الدرجة في دقيقتين = $2 \times 80 = 160$ م.

فما المسافة التي تقطعها الدرجة في ٣ دقائق ؟ ، ٤ دقائق ؟

٥ دقائق ؟ ...

سيارة تقطع ٩٠ كم في الساعة ؛ فما المسافة التي تقطعها السيارة في ساعتين ، ٣ ساعات و ٦ ساعات ؟

طائرة سرعتها ٧٥٠ كم في الساعة ، فما المسافة التي تقطعها في ٣ ساعات ، و ٦ ساعات ؟

لما سبق نلاحظ أن :

$$\text{المسافة} = \text{السرعة} \times \text{الزمن}$$

وإذا رمنا للمسافة بالرمز f ، وللسرعة بالرمز v ، وللزمن بالرمز n فإن :

$$f = v \times n$$

وإذا كانت دراجة تقطع ٤٠٠ م في دقيقتين . فت تكون المسافة التي تقطعها الدرجة في الدقيقة الواحدة ٢٠٠ م. فنقول إن سرعة الدرجة ٢٠٠ م في الدقيقة.

وإذا قطع تلميذ المسافة بين منزله ومدرسته ومقدارها ٧٢٠ م في ٦ دقائق فإن :

المسافة التي يقطعها التلميذ في الدقيقة الواحدة = $\frac{720}{6} = 120$ م ؛

ما سرعة هذا التلميذ ؟

وإذا قطعت سيارة ٣٦٠ كم في ٥ ساعات ، فما المسافة التي قطعتها في الساعة الواحدة ؟ وما سرعة السيارة ؟ مما سبق نستنتج أن :

$$\text{السرعة} = \frac{\text{المسافة}}{\text{الزمن}} , \text{أي : } ع = \frac{ف}{ن}$$

وبشكل مشابه نستنتج أن :

$$\frac{ف}{ع} = \frac{\text{المسافة}}{\text{السرعة}} , \text{أي أن } ع = \frac{\text{الزمن}}{\text{السرعة}}$$

مثال ١

ما المسافة التي تقطعها دراجة تسير بسرعة ٢٢٠ م في الدقيقة ، اذا سارت مدة ٤٥ دقيقة ؟

الحل

$$ف = ع \times ن = ٤٥ \times ٢٢٠ = ٩٩٠٠$$

مثال ٢

أوجد سرعة سيارة تقطع مسافة ٢٦٠ كم في ٤ ساعات

الحل

$$ع = \frac{ف}{ن} = \frac{٢٦٠}{٤} = ٦٥ \text{ كم في الساعة}$$

مثال ٣

أوجد الزمن الذي تستغرقه طائرة تطير بسرعة ٩٥٠ كم في الساعة ،
لتقطع مسافة ٢٨٥٠ كم .

الحل

$$ن = \frac{ف}{ع} = \frac{٢٨٥٠}{٩٥٠} = ٣ \text{ ساعات}$$

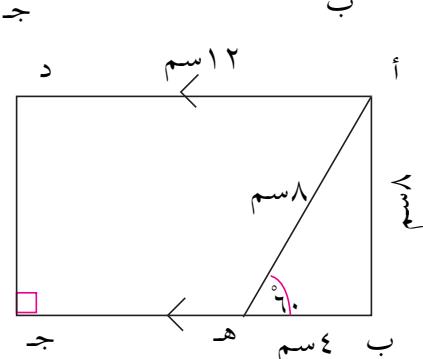
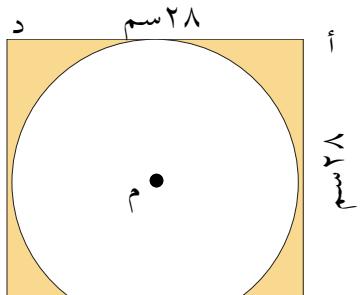
تدريبات صفية

- (١) أوجد السرعة التي يجب أن يتحرك بها جسم يقطع ٧٥٠ م في ٧ دقائق .
- (٢) ما المسافة التي يقطعها جسم في عشر دقائق إذا كان يسير بسرعة ٣ كم في الدقيقة .
- (٣) ما الزمن الذي يقطع به جسم مسافة ٣٠٠ كم إذا كان يسير بسرعة ٦٠ كم في الساعة ؟
- (٤) أوجد المسافة بين منزل تلميذ ومدرسته ، إذا علمت أن هذا التلميذ يقطعها على دراجته بسرعة ٧٥ م في الدقيقة ، في زمن قدره ١٣ دقيقة .

تمارين وسائل

- (٥) طائرة تطير بسرعة ١٢ كم في الدقيقة ، احسب :
- المسافة التي تقطعها الطائرة في ٣٥ دقيقة .
 - الزمن الذي تقطع به الطائرة مسافة ٤٢٠ كم .
- (٦) جسم يتحرك بسرعة ٧٠ م في الدقيقة ، ما الزمن الذي يقطع به هذا الجسم مسافة ٣٥ كم ؟
- (٧) تحركت سيارة بسرعة ١ كم في الدقيقة لمدة ٢٠ دقيقة ، ثم تحركت بسرعة ٩٠ كم في الساعة لمدة ساعتين . فما المسافة الكلية التي قطعتها السيارة ؟
- (٨) يقطع شخص ١,٥ كم في ١٥ دقيقة . فما هي سرعته ؟ وما المسافة التي يقطعها في ساعة واحدة ؟
- (٩) تبلغ المسافة بين مدینتين ٣٠ كم ، تحرك شخص من إحدى المدینتين متوجهًا نحو الأخرى بسرعة ٢٥٠ م في الدقيقة فقط ١٠ كم ، ثم قطع بقية المسافة بسرعة ٤٠ كم في الساعة ، فما الزمن الذي يقطع به الشخص المسافة بين المدینتين ؟

اختبار الوحدة



(١) في الشكل المرسوم جانباً :
إذا كان :

$أ ب = أ د = 28$ سم فأوجد :

أ) محيط الدائرة (م)

ب) مساحة الأجزاء المظللة

(٢) في الشكل المرسوم جانباً :

أ ب ج د مستطيل

فيه $أ ب = 8$ سم ، $أ د = 12$ سم

وقياس $\angle أ ه ب = 60^\circ$

$ب ه = 4$ سم

المطلوب أوجد :

أ) محيط ومساحة شبه المنحرف $أ ه ج د$

ب) قياس $\angle أ ه ج$

ج) قياس $\angle ب أ ه$

(٣) خزان مياه على شكل متوازي مستطيلات طوله ٤٢ م ، وعرضه

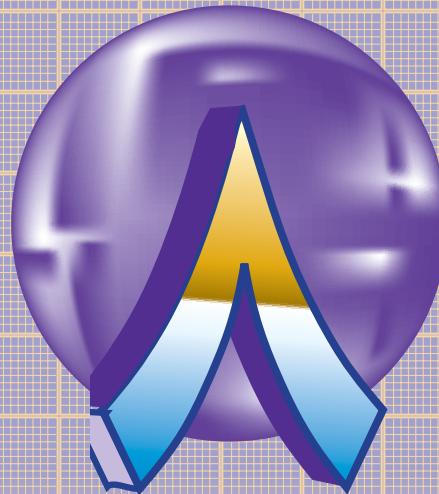
٢١ م ، وارتفاعه ١٥ م احسب :

أ) مساحته الكلية

ب) كمية المياه التي يستوعبها الخزان باللترات

(٤) ركض شخص بسرعة ٨ كم / ساعة احسب المسافة التي يقطعها

في زمن قدره ٤٥ دقيقة .



الوحدة الثامنة

الإحصاء

مقدمة

الإحصاء علم قديم ولكنه أصبح في عصرنا الحاضر بالغ الأهمية ، به تتم دراسة واقع المجتمع من مختلف النواحي : السكانية ، والعلمية ، والثقافية ، والإمكانات الاقتصادية ، الزراعية ، الصناعية . وتوسيع الإحصاء في بلد ما ، ودقة بياناته يدل على تقدم ذلك البلد . ويرجع السبب في تسمية عصرنا الحاضر بعصر المعلومات إلى علم الإحصاء ، وهو علم تجميع وتحليل البيانات ، وتحويلها إلى معلومات . لهذا نجد أن كافة وسائل الإعلام تعتمد على تكتيكات التخisc المعلومات ، فالإذاعة والتلفزيون والصحافة تفسر لنا يومياً كثيراً من المعلومات الإحصائية ومن هنا أصبحت الحاجة إلى مهارات تحليل وتفسير المعلومات أكثر مما كانت عليه الحاجة قبل عشرين عاماً مضت .

إن أطفالنا يواجهون أفكاراً إحصائية خارج المدرسة يومياً ، فإذا قابلنا هذه الأفكار التي يتم الحصول عليها من خارج المدرسة بأفكار مشابهة داخل المدرسة فسوف يتتحقق الارتباط الوثيق بين الرياضيات المدرسية والواقع ، فالإحصاء من المواضيع الهامة التي تساعده على تطبيق كثير من المفاهيم والمهارات الرياضية . ومثال ذلك فإن فهم الأعداد والكسور العادية ، والكسور العشرية ، النسبة والنسبة المئوية وكثير من العمليات الحسابية يتم عن طريق تطبيقاتها في الإحصاء .

إن الهدف من هذه الوحدة هو إبراز بعض المفاهيم والمهارات الإحصائية الأساسية والمرتبطة بحياة المتعلم من خلال طرح أسئلة بسيطة، ومتعددة ، دون المغالاة في العمليات الحسابية أو الرسومات المعقدة .

جمع البيانات وتنظيمها

مثال ١

من الأودية التي توجد في الجمهورية اليمنية وادي مور، طوله ٥٢٤ كيلو متراً ، ووادي سردد طوله ٢٤٠ كيلو متراً ، ووادي زبيد طوله ٢٥٠ كيلو متراً ، ووادي حضرموت طوله ٤٨٠ كيلو متراً ، ووادي رماع طوله ٢١٠ كيلو متراً .

- ١- ما أقصر هذه الأودية ؟
- ٢- ما أطول هذه الأودية ؟
- ٣- كم كيلو متراً يزيد طول وادي مور عن طول وادي حضرموت ؟

لإجابة على الأسئلة السابقة ، بطريقة سهلة ، يجب تنظيم البيانات السابقة في جدول كما يلي :

الطول بالكيلومتر	اسم الوادي
٥٢٤	مور
٢٤٠	سردد
٢٥٠	زبيد
٤٨٠	حضرموت
٢١٠	رماع

واضح أن هذا الجدول يعرض لنا البيانات بصورة واضحة وبساطة ،
ويكفي أن نستنتج منه درجاتهم الآتية بسهولة :

- ١- أقصر الأودية هو وادي رماع .
- ٢- أطول الأودية هو وادي مور .
- ٣- وادي مور يزيد عن وادي حضرموت بـ ٤٤ كيلو متراً .

مثال ٢

أجرى معلم الرياضيات اختباراً شهرياً لطلبة الصف السادس ،
وعدد هم ٢٥ طالباً، وكانت درجاتهم كما يلي :

١	٠	٦	٨	٩	٣	٥	٢	٤	٩	٨	٥	٦	٤
٣	٥	٥	٧	٩	١	٠	٣	٢	٨	٧	٩	٩	

اعتمد على البيانات السابقة في الإجابة عن الأسئلة التالية :

- ١- ما هي أدنى درجة حصل عليها الطلبة ؟
- ٢- ما هي الدرجة التي حصل عليها أكبر عدد من الطلبة ؟
- ٣- ما عدد الطلبة الذين حصلوا على الدرجة ؟

لتسهيل الإجابة عن الأسئلة السابقة ننظم البيانات في جدول
حسب الدرجات ، وعدد الطلبة الذين حصلوا عليها كما يلي :

الدرجة	عدد الطلبة الحاصلين عليها
١٠	٩
٩	٨
٨	٧
٧	٦
٦	٥
٥	٤
٤	٣
٣	٢
٢	٢
١	٤
٠	٢
٢	٣
٣	٢
٤	٢
٥	٢
٦	٢
٧	٢
٨	٣
٩	٥
١٠	٩

لاحظ أنه قد تم وضع دراجات ٢٥ طالباً في الجدول السابق ، وهي طريقة لتنظيم البيانات لتسهيل قراءتها ، فالصف العلوي في هذا الجدول يمثل الدرجة وقد رتب ترتيباً تصاعدياً والصف السفلي في الجدول يمثل عدد المرات التي ظهرت فيها الدرجة " وهذا يساوي عدد الطلبة الحاصلين على هذه الدرجة " .

من الجدول يتبين أن :

- ١ - أدنى درجة حصل عليها الطلبة هي الدرجة ٢ .
- ٢ - الدرجة التي حصل عليها أكبر عدد من الطلبة هي الدرجة ٩ .
- ٣ - عدد الطلبة الذين حصلوا على الدرجة ١٠ طلابان فقط .

تدریيات صفیة

(١) لن تتمكن الأمة العربية في القرن الحالي من استقلال أقطارها وحمايتها ، وامتلاك زمام امورها بيدها إذا لم تتمكن من إنتاج غذائها بجهودها الذاتية ، كون جدولًا تبيّن فيه عدد المرات التي تكررت فيها الحروف التالية (ق ، م ، ن) في النص السابق كما يظهر أدناه .

ن	م	ق	الحرف
			عدد المرات التي تكرر فيها في النص

(٢) قام عمار بإحصاء عدد الزهور ، وأنواعها ، وألوانها في حديقة المدرسة ، فقدم البيانات التي تم الحصول عليها كما يلي :

٦ زهارات حمراء ذات ٤ وريقات ، ٤ زهارات حمراء ذات ٥ وريقات ، ٨ زهارات حمراء ذات ٦ وريقات ،

٨ زهارات بيضاء ذات ٤ وريقات ، ٨ زهارات بيضاء ذات ٥ وريقات ، ٦ زهارات بيضاء ذات ٦ وريقات ،

٤ زهارات صفراء ذات ٤ وريقات ، ٥ زهارات صفراء ذات ٥ وريقات ، ٤ زهارات صفراء ذات ٦ وريقات .

أ - نظم هذه البيانات مصنفة في جدول حسب عدد وريقات الزهرة كما في الجدول أ

ب - نظم هذه البيانات في جدول مصنفة حسب لون الزهرة كما في الجدول ب .

جدول (أ)

عدد وريقات الزهرة	اربع وريقات	خمس وريقات	ست وريقات	أربع وريقات
عدد الزهارات				

جدول (ب)

لون الزهرة	بيضاء	حمراء	صفراء
عدد الزهارات			

تمارين ومسائل

(٣) فيما يلي درجات ٣٠ تلميذاً في اختبار مادة الرياضيات :

٨٠ ٨٠ ٧٥ ٧٥ ٦٥ ٧٥ ٧٠ ٦٥ ٩٠ ٧٠ ٥٠
٦٥ ٩٠ ٧٠ ٧٥ ٦٥ ٧٠ ٦٥ ٩٠ ٥٠
٨٠ ٩٠ ٧٥ ٧٥ ٥٠ ٨٥ ٧٠ ٨٥

نظم البيانات السابقة في جدول كما يلي :

الدرجة	عدد التلاميذ الحاصلين عليها
٩٠	
٨٥	
٨٠	
٧٥	
٧٠	
٦٥	
٥٠	

ثم استخدم الجدول في الاجابة على الآتي :

أـ ما هي الدرجة التي حصل عليها أكبر عدد من التلاميذ ؟

بـ ما هي الدرجة التي حصل عليها أقل عدد من التلاميذ ؟

(٤) من الأنهار التي توجد في قارة افريقيا نهر النيل ، وطوله ٤٢٠٠ كيلو متر، ونهر السنغال وطوله ١٧٠٠ كيلو متر ، ونهر الأرانج وطوله ١٩٠٠ كيلو متر ، ونهر النيل وطوله ٦٥٠٠ كيلو متر ، ونهر الزمبيتزي وطوله ٢٧٠٠ كيلو متر، ونهر الكنغو وطوله ٤٦٠٠ كيلو متر ، نظم البيانات السابقة في جدول ، بحيث تكون الأنهار مرتبة ترتيباً تصاعدياً حسب أطوالها .

عرض البيانات بالصور

أراد عمار أن يزود مجلة الحائط في المدرسة بنشرة إحصائية ، تعرّض بيانات بعدد التلاميذ في مدرسته فذهب إلى إدارة المدرسة ، وحصل منها على أعداد التلاميذ في كل صف من الصف الأول حتى السادس وقام بعرض هذه البيانات بالشكل التالي :

الصف	عدد التلاميذ في المدرسة
الأول	١٠
الثاني	٥
الثالث	٥
الرابع	٥
الخامس	٥
السادس	٥
 يمثل ٥ تلاميذ  يمثل ١٠ تلاميذ	

وتسمى الطريقة التي عرضت بها البيانات السابقة طريقة عرض البيانات بالصور وتسهل هذه الطريقة المقارنة بين البيانات وقراءتها دون الرجوع إلى السجلات .

ولمعرفة عدد التلاميذ في الصف السادس تلاحظ من الشكل أن الصف السادس مثل بست صور كاملة ، ونصف صورة ، وتمثل الصورة الكاملة ١٠ تلاميذ ، وتمثل نصف الصورة ٥ تلاميذ . ووفق ذلك فإن عدد تلاميذ الصف السادس = $(10 \times 6) + 5 = 65$ تلميذاً .

تأمل الشكل السابق ، وأجب عن الأسئلة التالية :

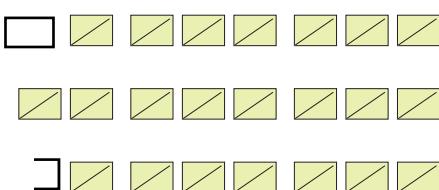
- ١ - ما عدد التلاميذ في الصف الأول ؟
- ٢ - كم يزيد عدد تلاميذ الصف الأول على عدد تلاميذ الصف الثاني ؟

تدریيات صفيّة

(١) الشكل المجاور يعرض نتيجة المرشحين لرئاسة إحدى الجمعيات الخيرية .

- أ - احسب عدد أصوات كل مرشح .
- ب - من المرشح الفائز ؟

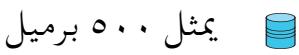
نتيجة المرشحين لرئاسة الجمعية



يمثل ٥ أصوات ، يمثل ٤ أصوات ، يمثل ٣ أصوات

تمارين ومسائل

(٢) الشكل التالي يبين إنتاج خمسة آبار من البترول في يوم واحد في منطقة مأرب

الإنتاج بالبرميل	البئر
	البئر الأول
	البئر الثاني
	البئر الثالث
	البئر الرابع
	البئر الخامس
 يمثل ٥٠٠ برميل	 يمثل ١٠٠٠ برميل

انظر إلى الشكل أعلاه، وأجب عن الأسئلة التالية:

- أ— كم إنتاج البئر الرابع؟
- ب— ما هو البئر الأكثر إنتاجاً؟ وكم برميلاً كان إنتاجه في هذا اليوم؟

(٣) الشكل التالي يمثل عدد الخريجين من قسم الرياضيات بكلية التربية – جامعة صناعة للأعوام ٩٦-٩٨ م.

السنة	عدد الخريجين
١٩٩٦ م	
١٩٩٧ م	
١٩٩٨ م	
يمثل ٢٠ خريجاً	
	

- أ - اكتب عنواناً لللوحة .
- ب - اكتب جدولًاً بـ عدد الخريجين ، كما هو مبين في اللوحة
أعلاه .
- ج - هل تزايد عدد الخريجين أم تناقص خلال الأعوام ٩٦-٩٨ .

تمثيل البيانات بالصور

يمثل الجدول التالي توزيع تلاميذ الصف السادس في مدرسة معاذ على أربع شعب

الشعبة	عدد التلاميذ
أ	٦٠
ب	٥٥
ج	٥٠
د	٤٥

لتمثيل هذه البيانات بالصور تتبع الخطوات التالية :

١- تحدد صورة مناسبة لتمثيل البيانات ، ولتكن الصورة 

٢- نختار الوحدة المناسبة لتمثيل عدد معين من التلاميذ .

نلاحظ أن أكبر عدد لدينا هو ٦٠ تلميذاً وأصغر عدد هو ٤٥

تلميذ فلو أخذنا الصورة الواحدة تمثل عشرة تلاميذ ، لأمكن

تمثيل أكبر عدد (٦٠) ، وأصغر عدد (٤٥) بعدد مقبول من

الصور .

٣- نضع عنوان لللوحة وهو : " الشعب الصيف السادس في مدرسة معاذ "

٤- تكون اللوحة كما يلي : شعب الصيف السادس في مدرسة معاذ

الشعبة	عدد التلاميذ
أ	
ب	
ج	
د	

 يمثل ١٠ تلاميذ ،  يمثل ٥ تلاميذ

تدریيات صفية

(١) يمثل الجدول التالي توزيع أيام السنة على الفصول الأربع :

الفصل	الخريف	الشتاء	الربيع	الصيف
عدد الأيام	٨٨	٨٨	٩٢	٩٦

مثل هذه البيانات بالصور مستخدماً الصورة  تمثل ٨ أيام

تمارين ومسائل

(٢) يبين الجدول التالي عدد زوار المتحف العسكري لمدة أسبوع :

اليوم	السبت	الاحد	الاثنين	الثلاثاء	الاربعاء	الخميس	الجمعة
عدد الزوار	٢٠٠	٣٥٠	٥٥٠	٤٠٠	٦٠٠	٤٠٠	٧٠٠

مثل هذه البيانات بالصور .

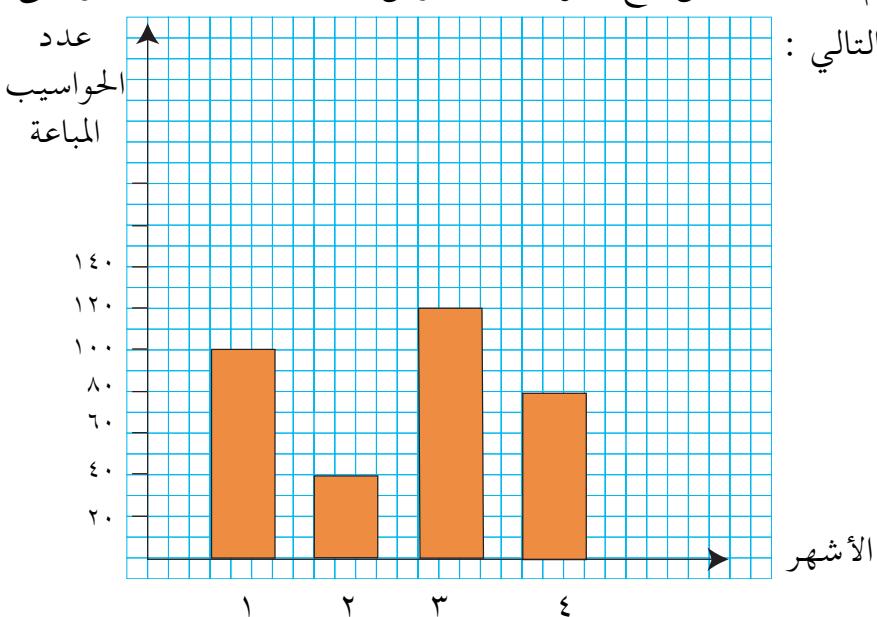
(٣) يمثل الجدول التالي إنتاج أحد آبار البترول في ستة أيام

اليوم	الاول	الثاني	الثالث	الرابع	الخامس	ال السادس
الانتاج بالبراميل	٣١٠٠	٢٥٠٠	٤٦٠٠	٦٠٠٠	٥٤٠٠	٣٠٠٠

دور أعداد البراميل لأقرب ألف ، ومثل البيانات بالصور المناسبة ، بحيث تمثل كل صورة ١٠٠٠ برميل .

عرض البيانات بالأعمدة

قام أحد معارض بيع الحواسيب يعرض مبيعاته لأربعة أشهر على النحو التالي :



تسمى الطريقة التي عرض بها مبيعات الحواسيب بطريقة العرض بالأعمدة ، وهذه الطريقة تساعد في قراءة البيانات والمقارنة بينهما بطريقة سهلة ، وتكفي نظرة واحدة الى الشكل السابق للمقارنة بين أعداد الحواسيب المباعة خلال أربعة أشهر ، فمثلاً نلاحظ أن عدد الحواسيب المباعة في الشهر الثالث ١٢٠ حاسوباً وهي أكبر عدد من الحواسيب مبيعاً في ذلك الشهر .

استخدم الشكل أعلاه في الإجابة عن الآتي :

- أ- ما عنوان الشكل ؟
- ب- ما هو الشهر الأقل مبيعاً ؟
- ج- ما الفرق بين مبيعات الشهر الرابع والشهر الثاني ؟
- د- ما مجموع مبيعات المعرض في الأربعة الأشهر ؟

تدریيات صفية

(١) يمثل الرسم أدناه العمق اللازم لبعض البذور. باستخدام هذا

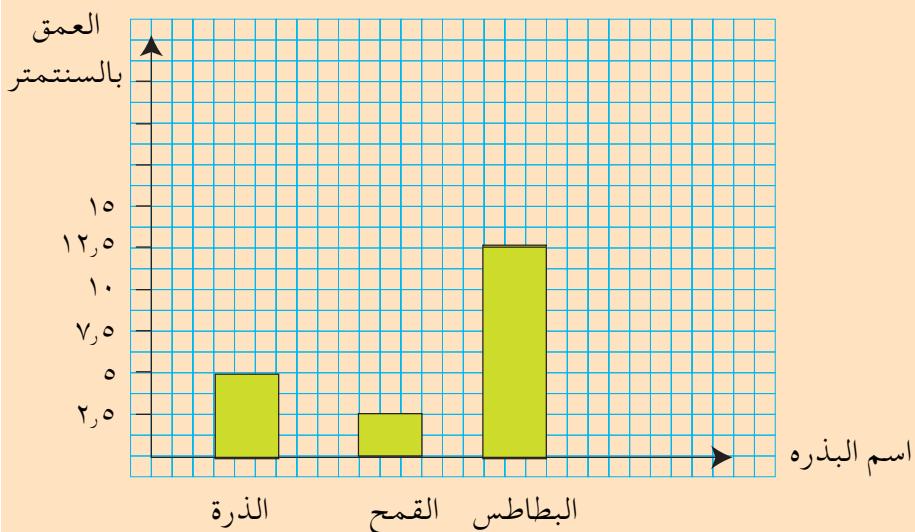
الرسم، أجب عن الأسئلة التالية :

أ – ما هي البذرة التي تحتاج إلى أقل عمق ؟

ب – إذا كان عمق البذرة يمثل خمسة أمثال سمكها فما هو سمك كل من هذه البذور ؟

ج – أي هذه البذور أكثر سمكاً ؟

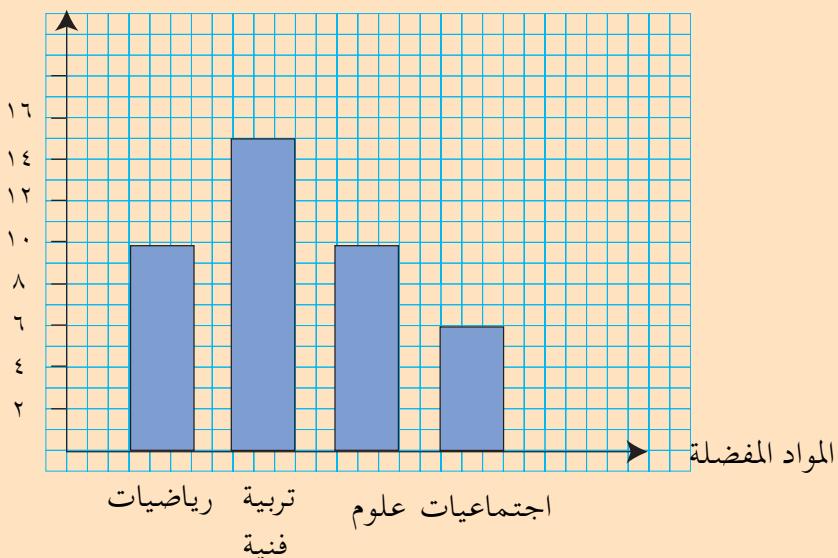
عمق بذرات بعض النباتات



تمارين ومسائل

(٢) تمثل البيانات التالية المواد المفضلة لدى واحد وأربعين طالباً .
استخدم هذه البيانات للإجابة عن الأسئلة التالية :

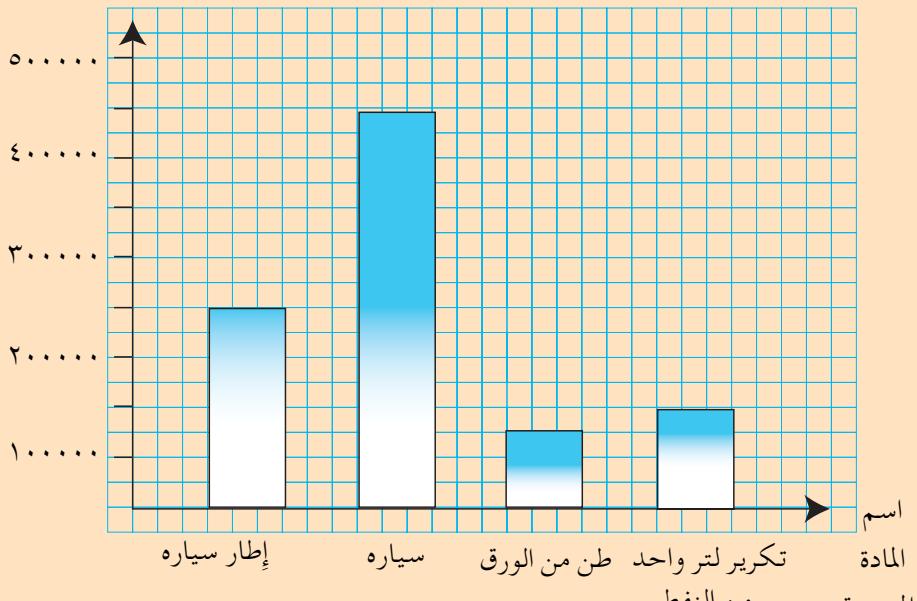
عدد الطلبة



- أ - ما هي المادة المفضلة لدى معظم الطلبة ؟
- ب - كم عدد الطلبة الذين يفضلون الرياضيات ؟
- ج - كم عدد الطلبة الذين يفضلون التربية الفنية تقريباً ؟

(٣) الماء عنصر أساسي في الصناعة ، والرسم التالي بالأعمدة يمثل كمية الماء المستهلكة باللترات في بعض الصناعات .

كمية الماء باللتر



استهلاك الماء في بعض الصناعات

استخدم الرسم أعلاه للإجابة عن الأسئلة التالية :

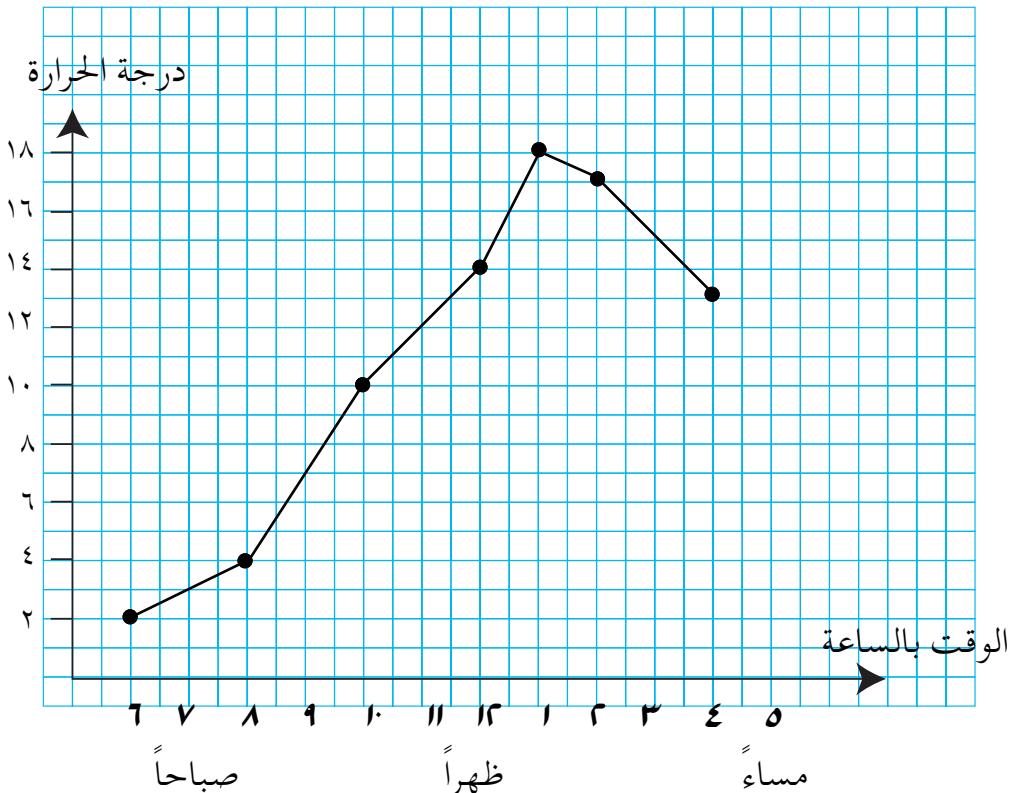
أ- كم عدد اللترات المستهلكة من الماء في صناعة هيكل سيارة واحدة ؟

ب- كم لتراً من الماء نحتاج لصناعة (٣) طن من الورق ؟

ج- أيهما يستهلك كمية أكبر من الماء صناعة إطار السيارة أم صناعة ٣ طن من الورق ؟

عرض البيانات بالخطوط

قام شخص في مركز الأرصاد الجوية في مطار صنعاء بجمع بيانات عن درجة الحرارة لأحد أيام شهر أكتوبر ، وعرض البيانات التي حصل عليها بالشكل التالي :



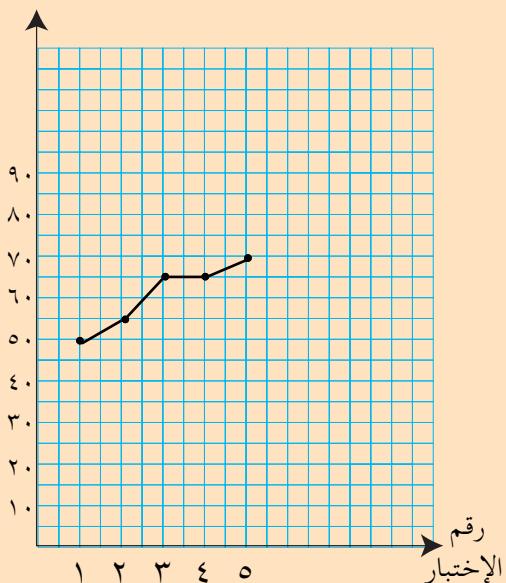
تسمى الطريقة التي عرضت بها هذه البيانات طريقة العرض بالخطوط ، وتساعد هذه الطريقة في إعطاء فكرة عن التغير في درجة الحرارة خلال ساعات اليوم المختلفة زيادة أو نقصاً . كما أن هذا العرض يسهل قراءة البيانات والمقارنة بينها ونظرية خاطفة لدرجة الحرارة في الساعة الحادية عشرة على سبيل المثال فإنك تراها (١٢) درجة مئوية .

استخدم الشكل السابق للإجابة عن الأسئلة التالية :

- ما هي الساعة التي كانت فيها درجة الحرارة أكبر مما يمكن ؟
- ما هي الساعة التي كانت فيها درجة الحرارة تقرباً ١٣ درجة ؟
- بين أي الساعات كانت درجة الحرارة تتزايد ؟ وبين أي الساعات كانت درجة الحرارة فيها تتناقص ؟
- إذا كانت درجة الحرارة في الساعة الرابعة عصراً ١٤ درجة فماذا تتوقع أن تكون درجة الحرارة في الساعة الخامسة أقل أم أكثر من ١٤ درجة ؟

تدريبات صيفية

الدرجات



(١) يمثل الشكل المجاور درجات سبأ في اختبارات مادة الرياضيات خلال العام . استخدم هذا الشكل للإجابة عن الآتي :

- أ- ما هي أقل درجة حصلت عليها سبأ في اختبارات الرياضيات ؟
- ب- في أي الاختبارات حصلت سبأ على الدرجة نفسها ؟
- ج- هل درجات سبأ في الاختبارات في تحسن أم في تدن ؟

تمارين ومسائل

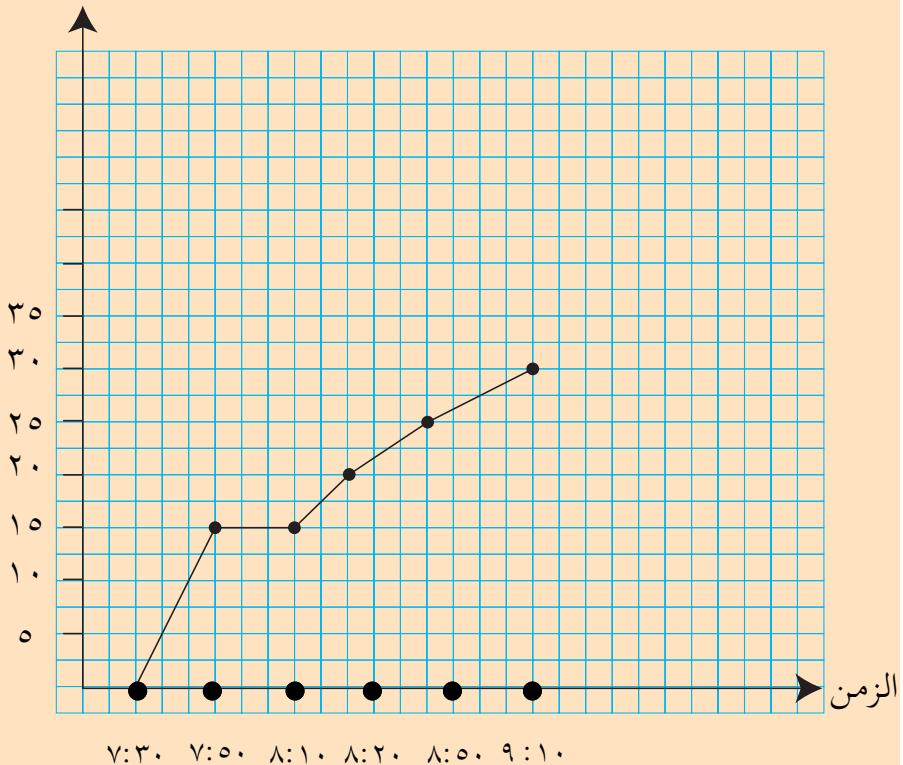
(٢) يبين الرسم التالي المسافة التي قطعتها سيارة خلال ساعة واحدة. استخدم هذا الرسم للإجابة عن الأسئلة التالية :

أ - ما هي المسافة المقطوعة في الفترة من ٧:٥٠ - ٧:٣٠ ؟

ب - ما هي المسافة المقطوعة في الفترة من ٨:٤٠ : ٨:٠٠ إلى ٨:٤٠ ؟

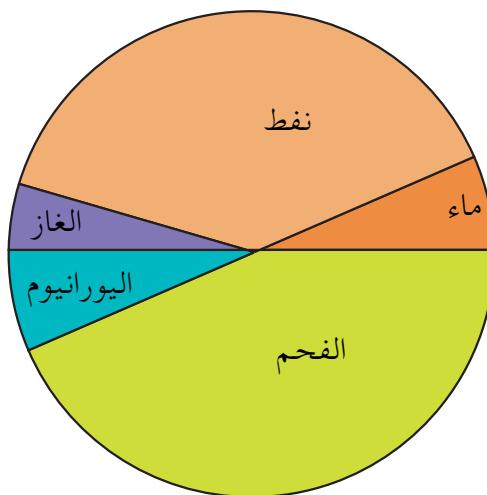
ج - ما هي المسافة المقطوعة في الفترة من ٧:٥٠ إلى ٨:٠٠ ؟
ماذا تلاحظ ؟

المسافة بالكم



عرض البيانات بالقطاعات الدائرية

قام مدرس العلوم بعرض مصادر الطاقة في العالم في الشكل الآتي :



الطريقة التي عرضت بها البيانات السابقة تسمى طريقة العرض بالقطاعات الدائرية . وتساعد هذه الطريقة في مقارنة الأجزاء بعضها بعض ، أو مقارنة الأجزاء بالمجموع الكلي .

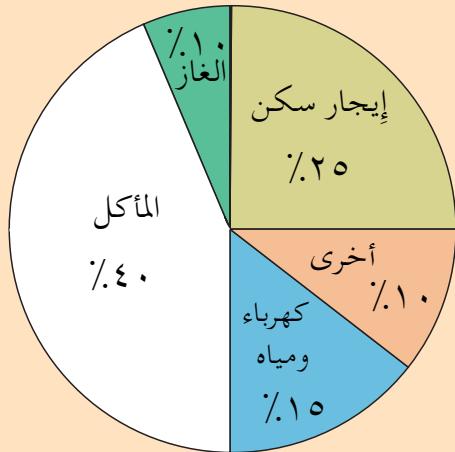
ولمعرفة أهم مصدرين من مصادر الطاقة . تلاحظ أن أكبر جزأين في الدائرة هما جزأى الفحم والنفط وهذا يعني مصدر معظم الطاقة المستهلكة في العالم هما : الفحم والنفط

اعتمد على الشكل أعلاه للإجابة عن الآتي :

- ١ - ما هي مصادر الطاقة في العالم ؟
- ٢ - ما هو مصدر الطاقة الذي يأتي بعد كل من الفحم والنفط ؟

تدريبات صفية

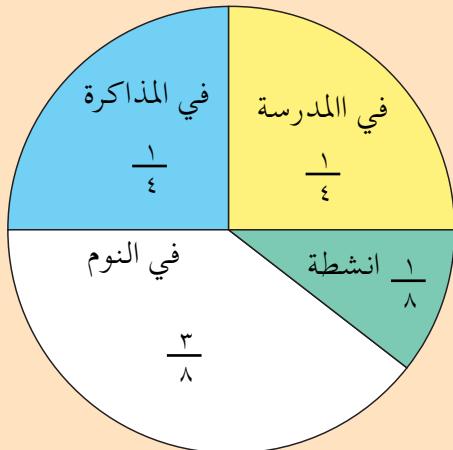
(١) الشكل المجاور يمثل توزيع مصروفات إحدى الأسر الشهري على مجالات الانفاق المختلفة :
أجب عن الآتي :
أ - في أي الحالات تنفق الأسرة أكثر ؟



ب - إذا كانت مصروفات هذه الأسرة الشهري ٢٠٠٠٠ ريال فكم تصرف على الماء والكهرباء ؟

تمارين ومسائل

(٢) قام أحد التلاميذ بتقسيم وقته اليومي كما في الشكل المرسوم
تالياً؟



اعتمد على الشكل
جانباً للإجابة عن
الأسئلة التالية :

- أ- في ماذا يقضى
التلميذ الجزء
الأعظم من وقته ؟
ب- إذا كان اليوم ٢٤
ساعة ، فما هو
الوقت الذي يقضيه
في المذاكرة ؟

ج- ما هو مجموع
الكسور في
الشكل ؟

(٣) قام عمار باستطلاع آراء زملائه في الفصل عن رياضتهم المفضلة، فكانت النتائج كما يلي :

يفضل ($\frac{1}{2}$) الفصل كرة القدم و ($\frac{1}{4}$) الفصل يفضل كرة السلة ، في حين يفضل ($\frac{1}{8}$) الفصل كرة الطائرة ، ويفضل مثلهم تنس الطاولة

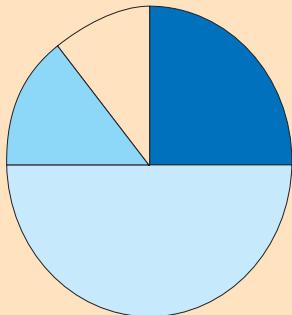
- اكتب على الجزء من الدائرة في الشكل الجانبي الذي يمثل كلاما يأتي :

أ - كرة القدم

ب - تنس الطاولة

ج - كرة السلة .

- إذا كان عدد تلميذ الفصل الذين تم استطلاع آرائهم ٣٢ تلميذاً فما هو عدد التلاميذ الذين يفضلون كرة الطائرة ؟ .



الوسط الحسابي (المعدل)

قام معلم التربية الرياضية بقياس أطوال خمسة تلاميذ بالسنتيمترات ، فكانت كما يلي :

١٣٣ ، ١٣٢ ، ١٤٠ ، ١٣٥ ، ١٣٠

وبذلك فإن مجموع الأطوال = $132 + 130 + 135 + 140 = 537$
و $537 \div 5 = 107$ سم

وبقسمة مجموع الأطوال على ٥ ، نحصل على العدد ١٣٤ سم
العدد ١٣٤ يسمى الوسط الحسابي أو "المعدل" للأطوال الخمسة.

$$\text{أي أن الوسط الحسابي لخمسة أعداد} = \frac{\text{مجموع الأعداد الخمسة}}{٥}$$

وإذا قطعت سيارة المسافات ٦٠ كم ، ٧٠ كم ، ٨٣ كم في ثلاثة ساعات متتالية فإن مجموع المسافات = $60 + 70 + 83 = 213$ كم
وبقسمة مجموع المسافات على ٣ ، نحصل على ٧١ كم
ويسمى العدد ٧١ بالوسط الحسابي "المعدل" للمسافات

$$\text{أي أن الوسط الحسابي لثلاثة أعداد} = \frac{\text{مجموع الأعداد الثلاثة}}{٣}$$

وعموماً فإن الوسط الحسابي لمجموعة من الأعداد = $\frac{\text{مجموع هذه الأعداد}}{\text{عددها}}$

مثال ١

قيست درجة حرارة مريض ٦ مرات في أحد الأيام فوُجِدَت
 $38, 39, 37, 36, 38, 40$

أوجد الوسط الحسابي لدرجة حرارة المريض في هذا اليوم .

الحل

$$\text{الوسط الحسابي} = \frac{38 + 40 + 39 + 37 + 36 + 38}{6}$$

$$= \frac{228}{6} = 38 \text{ درجة مئوية}$$

مثال ٢

قيست أوزان أربعة تلاميذ بالكيلو جرام ، وكانت كما يلي :
 ٣٠ كجم ، ٣٥ كجم ، ٤٠ كجم ، ٣١ كجم . فما الوسط الحسابي لهذه الأوزان ؟

الحل

$$\text{الوسط الحسابي} = \frac{30 + 35 + 40 + 31}{4} = \frac{136}{4} = 34 \text{ كم}$$

لاحظ أن :

١) الوسط الحسابي ٣٤ أكبر من العدد الأصغر ٣٠

٢) الوسط الحسابي ٣٤ أصغر من العدد الأكبر ٤٠

$$4 \times 34 = 136$$

أي أن

$$\text{مجموع الأعداد} = \text{الوسط الحسابي} \times \text{عددتها}$$

مثال ٣

خمسة أعداد وسطها الحسابي ٤٠ ، فما هو مجموع هذه الأعداد.

الحل

مجموع الأعداد = الوسط الحسابي \times عدد الأعداد

$$200 = 5 \times 40 =$$

تدریيات صفية

(١) احسب الوسط الحسابي للأمثلة التالية :

أ— ٦٠ ، ٧٠ ، ٦٥ ، ٥٥ ، ٥٠ ب— ٣٠ ، ٢٥ ، ٢٠

(٢) الجدول التالي يوضح عدد زوار المتحف العسكري لمدة أسبوع

اليوم	الأول	الثاني	الثالث	الرابع	الخامس	السادس	السابع
٦٥٤	٧٥٠	٥٥٠	٥٠٠	٤٥٠	٦٢٠	٧٦٠	عدد الزوار

احسب الوسط الحسابي لعدد زوار المتحف في اليوم الواحد .

تمارين ومسائل

(٣) تقطع سيارة مسافة ٢٦٥ كيلو متراً في ٥ ساعات ، ما
الوسط الحسابي لسرعة السيارة ؟

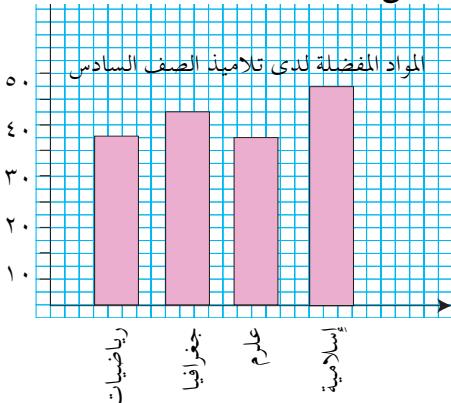
(٤) إذا كان الوسط الحسابي لأجور ٧٠ عاملًا في اليوم ٧٥٠
ريالاً ، فما مجموع أجورهم في اليوم ؟

(٥) مجموع عدد التلاميذ في إحدى المدارس ٦٥٠ تلميذاً ،
فإذا علمت أن عدد الفصول في المدرسة ١٠ فصول ، فما
الوسط الحسابي لعدد التلاميذ في الفصل ؟

إختبارات الوحدة

استخدم البيانات المعروضة في الأعمدة للإجابة عن السؤالين ١ ، ٢ ، بوضع دائرة حول رقم الإختيار الصحيح :

(١) أي المواد التي يفضلها العدد نفسه من التلاميذ ؟



أ- إسلامية - رياضيات

ب- علوم - جغرافيا

ج- جغرافيا - رياضيات

د- علوم - رياضيات

(٢) أي المادة التي يفضلها التلاميذ عن مادة العلوم :

أ - التربية الإسلامية ب- الرياضيات

د- لا يمكن تحديدها من الشكل ج- الجغرافيا .

استخدم البيانات المعروضة في القطاعات الدائرية للإجابة عن السؤالين

الثالث والرابع ، وذلك بوضع دائرة حول رقم الإختيار الصحيح .

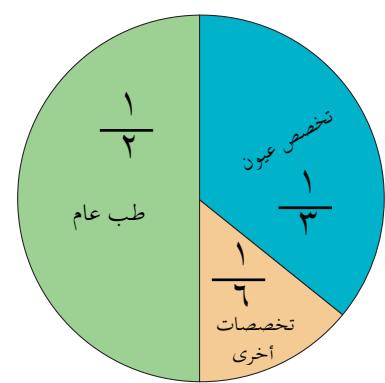
(٣) معظم الأطباء في المستشفى

أ- تخصص عيون

ب- تخصص باطنی

ج- طب عام

د- لا يمكن تحديدها من الشكل



(٤) إذا كان عدد الأطباء في المستشفى ٢٤ طبيباً فإن الكسر الذي يمثله عدد أطباء العيون هو :

أ - ٦ أطباء

ب - ١٢ طبيباً

ج - ٨ أطباء

د - ٤ أطباء

استخدم البيانات المعروضة بالصور للاجابة عن السؤالين ٥ ، ٦
وذلك بوضع دائرة حول رقم الإختيار الصحيح

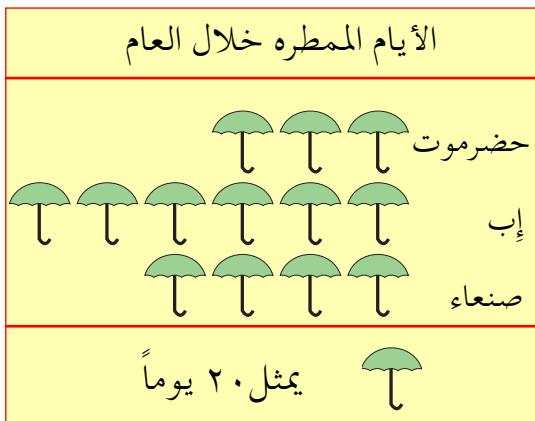
(٥) عدد الأيام المطرة في محافظة صنعاء

أ - ٨ أيام

ب - ١٢٠ يوماً

ج - ٦ أيام

د - لم يعط بالشكل



(٦) - كم عدد الأيام المطرة التي تزيد بها محافظة إب عن محافظة حضرموت .

أ - ٦٠ يوماً

ب - ٨٠ يوماً

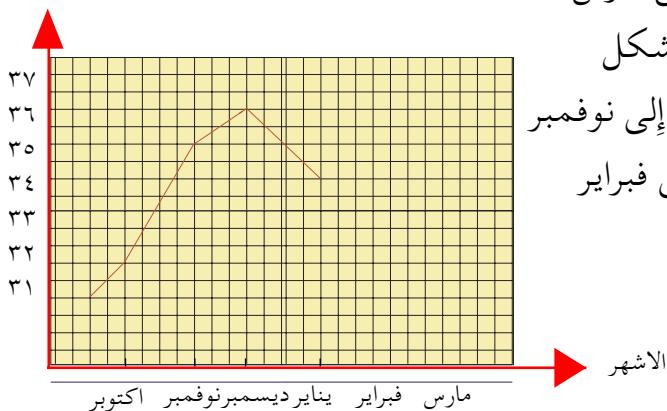
ج - ١٤٠ يوماً

د - ٢٠ يوماً

استخدم البيانات المعروضة بالخطوط للإجابة عن السؤالين ٧ ، ٨ ،
وذلك بوضع دائرة حول رقم الإختيار الصحيح

(٧) الفترة التي لم يتغير فيها وزن سامي هي :

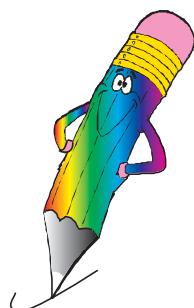
الوزن بالكيلو اجرام



- أ- من فبراير إلى مارس
- ب- لم يبين الشكل
- ج- من أكتوبر إلى نوفمبر
- د- من يناير إلى فبراير

(٨) احسب الوسط الحسابي للأعداد التالية ٥ ، ٤ ، ٤ ، ٣

(٩) إذا كان الوسط الحسابي لعدد تلاميذ الشعبة الواحدة ٤٠
تلميذاً ، فأوجد مجموع التلاميذ في ٥ شعب .



تم الكتاب
بحمد الله